## Sylwia RÓŻAŃSKA, Jacek RÓŻAŃSKI, Patrycja KOMOROWSKA

e-mail: sylwia.rozanska@put.poznan.pl

Zakład Inżynierii i Aparatury Chemicznej, Wydział Technologii Chemicznej, Politechnika Poznańska, Poznań

# Pomiary lepkości wzdłużnej roztworów mieszaniny kokamidopropylobetainy/dodecylobenzenosulfonianu sodu metodą kapilarnego zerwania włókna

#### Wstęp

W roztworach surfaktantów dochodzi do formowania się micel o różnorodnym kształcie. Złożonymi właściwościami reologicznymi charakteryzują się przede wszystkim roztwory, w których występują długie micele pręcikowe zwane micelami robaczkowymi [Bhardwaj i in., 2007]. Podobnie jak w przypadku roztworów polimerów wyróżnia się rozcieńczone, semirozcieńczone i stężone roztwory micelarne. W roztworach rozcieńczonych nie występują oddziaływania między micelami robaczkowymi, natomiast w roztworach semirozcieńczonych i zatężonych następuje splątanie micel i uformowanie przestrzennej sieci micelarnej [Lerouge i Berret., 2010]. Możliwe jest również powstanie miceli usieciowanej. Większość opublikowanych do tej pory wyników badań reologicznych przeprowadzonych w przepływie wzdłużnym dotyczy rozcieńczonych roztworów kationowych surfaktantów [Rothstein, 2003]. W kilku pracach przedstawione zostały również wyniki pomiarów dla roztworów semirozcieńczonych [Rothstein., 2003; Bhardwaj i in., 2007; Kim i in., 2010; Sachsenheimer i in., 2014]. Autorzy tych prac koncentrowali się na ustaleniu związku między relaksacją naprężeń w przepływie ścinającym i rozciągającym. Ustalili że, wzdłużny czas relaksacji  $\lambda_E$ jest znacznie większy od granicznego czasu relaksacji uzyskanego w przepływie ścinającym  $\lambda_s$ , podobnie jak w przypadku stężonych roztworów polimerów.

Celem badań przedstawionych w niniejszej pracy było określenie właściwości reologicznych w przepływie wzdłużnym wodnych roztworów mieszaniny surfaktantu zwitterjonowego kokamidopropylobetainy (CAPB) i anionowego dodecylobenzenosulfonianu sodu (SDBS) metodą kapilarnego zerwania włókna. W oparciu o uzyskane profile zmian średnicy środkowej części włókna  $D_{mid}$  w czasie *t* wyznaczony został wzdłużny czas relaksacji  $\lambda_E$ .

## Badania doświadczalne

#### Aparatura

Pomiary reologiczne w przepływie rozciągającym zostały przeprowadzone przy użyciu reometru *CaBER 1 (Capillary Breakup Extensional Rheometer*, firmy *Thermo Fisher Scientific*, Germany), natomiast w przepływie ścinającym przy użyciu reometru *Physica MCR501 (Anton Paar)*. W pomiarach wzdłużnych użyto płytki o średnicy 4 mm, która ulegała rozsunięciu na odległość 5,08 mm. Spektra mechaniczne zostały wyznaczone w zakresie lepkosprężystości liniowej (amplituda odkształcenia 1) przy użyciu układu równoległych płytek o średnicy 60 mm.

#### Odczynniki

Do przygotowania płynów modelowych użyto kokamidopropylobetainę (*Rokamina K30, PCC Exol*) i dodecylobenzenosulfonian sodu (*Sigma-Aldrich*). *Rokamina K30* jest 30% roztworem CAPB zawierającym 4% chlorku sodu.

#### Metodyka

W reometrze *CaBER* generowane jest cienkie włókno cieczy w wyniku nagłego przesunięcia dwóch cylindrycznych płytek na małą odległość (Rys. 1). Po zatrzymaniu płytek średnica środkowej części włókna *D<sub>mid</sub>* zaczyna maleć (ścienianie włókna). Proces ten jest kontrolowany przez równowagę sił bezwładności, lepkości, sprężystości, kapilarnych i grawitacji. Właściwości reologiczne w przepływie wzdłużnym mogą zostać określone, jeżeli wpływ sił

bezwładności i grawitacji na proces ścieniania włókna jest niewielki, co można określić w oparciu o wartości liczby *Ohnesorge'a*:

$$Oh = \frac{\eta_0}{\sqrt{\rho \cdot \Gamma \cdot (D_{mid}/2)}} \tag{1}$$

oraz liczby Bonda

$$Bo = \frac{g \cdot \rho \cdot D_{mid}^2}{4 \cdot \Gamma} \tag{2}$$

gdzie:  $\rho$  – gęstość [kg/m<sup>3</sup>],  $\eta_0$  – lepkość zerowa, [Pa·s],  $\Gamma$  – napięcie powierzchniowe, [N/m]; g – przyspieszenie ziemskie, [m/s<sup>2</sup>].

## Wyniki i dyskusja

W przypadku wszystkich użytych w badaniach roztworów CA-PB/SDBS wartości liczb *Oh* >> 0,2077 oraz *Bo* << 0,2, co oznacza, że wpływ sił bezwładności i grawitacji na proces ścieniania był pomijalnie mały [*Campo-Deañno i Clasen., 2010*; *Clasen., 2010*].



Rys. 1. Kształt włókna roztworów CAPB/SDBS przy różnych wartościach liczby Wi (Wi = 0,33; t = 5,3 ms (a); Wi = 0,65; t = 14,7 ms (b); Wi = 0,67; t = 23,0 ms (c); Wi = 1,6; t = 28,3 ms (d))

Na rys. 2 przedstawiona została zależność bezwymiarowej średnicy włókna cieczy  $D_{mid}/D_0$  ( $D_0$  – początkowa średnica środkowej części włókna) w funkcji czasu *t*. W zakresie pośrednich czasów ścieniania kształt włókna jest cylindryczny (Rys. 1b,c), a przebieg punktów eksperymentalnych można opisać równaniem wykładniczym. Zgodnie z analizą przeprowadzoną przez *Entova* i *Hincha* [*1997*] oznacza to, że ścienianie jest kontrolowane przez siły sprężyste i kapilarne oraz postępuje zgodnie z modelem płynów lepkosprężystych *Oldroyda*-B, stąd może być opisane równaniem:

$$D_{mid}(t) = D_0 \left(\frac{GD_0}{4\Gamma}\right)^{1/3} e^{-\frac{t}{3\lambda_E}}$$
(3)

gdzie: G – moduł sprężystości płynu. W oparciu o równanie (3) można wyznaczyć wzdłużny czas relaksacji  $\lambda_E$  (Tab. 1).

Znając przebieg zależności  $D_{mid} = f(t)$  można również obliczyć szybkość rozciągania (szybkość wzdłużną) [*Anna i McKinley*, 2001]:

$$\dot{\varepsilon} = -\frac{2}{D_{mid}} \frac{dD_{mid}}{dt} \tag{4}$$

oraz tak zwaną pozorną lepkość wzdłużną:

$$\eta_{E,app} = -\frac{1}{dD_{mid} / dt}$$
(5)

Entov i Hinch [1997] wykazali, że ścienianie sprężysto-kapilarne

(7)

postępuje przy stałej wartości szybkości wzdłużnej:

$$\dot{\varepsilon} = \frac{2}{3 \cdot \lambda_E} \tag{6}$$

oraz stałej wartości liczby *Weissenberga*:  $Wi = \lambda_F \dot{\varepsilon}$ 



kys. 2. Zależność bezwymiarowej srednicy włokna  $D_{mid}D$ w funkcji czasu t dla roztworów CAPB/SDBS

Zależność pozornej lepkości wzdłużnej  $\eta_{E,app}$  od liczby *Wi* została przedstawiona na rys. 3. Można wyróżnić trzy charakterystyczne zakresy, w których lepkość pozorna kolejno maleje (zakres ścieniania lepko-kapilarnego), gwałtownie rośnie przy *Wi* = 2/3 oraz ponownie maleje (zakresy ścieniania sprężysto-kapilarnego). W zakresie ścieniania lepko-kapilarnego następuje rozplątanie micel robaczkowych, które następnie ulegają rozciągnięciu, w wyniku czego pozorna lepkość wzdłużna gwałtowanie wzrasta przy *Wi* = 2/3.



Rys. 3. Zależność pozornej lepkości wzdłużnej w funkcji liczby Weissenberga

Przedstawiony na rys. 3 przebieg zależności  $\eta_{E,app} = f(Wi)$  dla roztworów CAPB/SDBS w dwóch pierwszych zakresach ścienienia włókna jest analogiczny do opisanych w literaturze krzywych lepkości wzdłużnej stężonych roztworów polimerów [*Clasen., 2010*]. Różnice występują w ostatnim zakresie ścieniania sprężystokapilarnego. W zakresie tym lepkość stabilizuje się na stałym poziomie w wyniku całkowitego rozciągnięcia łańcuchów polimerów. W przypadku roztworów CAPB/SDBS następuje wyraźny spadek wartości  $\eta_{E,app}$  ze wzrostem liczby *Wi*. Do uformowania micel robaczkowych dochodzi w wyniku stosunkowo słabych oddziaływań fizycznych między cząsteczkami surfaktantów. Przy wysokich wartościach szybkości odkształcenia  $\dot{\varepsilon}$  naprężenia rozciągające mogą prowadzić do zrywania asocjatów micelarnych, co może skutkować obserwowanym obniżeniem pozornej lepkości wzdłużnej.

W tab. 1 zestawiono wartości wzdłużnego czasu relaksacji  $\lambda_E$  oraz granicznego czasu relaksacji  $\lambda_s$  obliczonego na podstawie przeprowadzonych pomiarów oscylacyjnych w przepływie ścinającym z zależności:

$$\lambda_s = \lim_{\omega \to \infty} \frac{G}{G'' \cdot \omega} \tag{8}$$

gdzie: *G*' – moduł zachowawczy, [Pa]; *G*'' – moduł stratności, [Pa]; *ω* – częstość oscylacji [rad/s].

Tab. 1.	Wartości	czasów	relaksacji	$\lambda_E$ i	$\lambda_s$
---------	----------	--------	------------	---------------	-------------

CAPB, [M]	SDBS, [M]	$\lambda_{E}$ , [s]	$\lambda_{s}$ , [s]
0,088	0,025	0,0018	0,200
0,094	0,027	0,0031	0,867
0,105	0,030	0,0056	1,423
0,117	0,033	0,0241	1,740
0,129	0,037	0,0296	1,884

W przypadku roztworów CAPB/SDBS stosunek  $\lambda_E/\lambda_s$  mieści się w przedziale od 0,0035 do 0,016. W opublikowanej do tej pory literaturze najmniejsza wartość stosunku  $\lambda_E/\lambda_s$  wynosiła około 0,02 dla roztworu chlorku cetylopirydyniowego z dodatkiem salicylanu sodu [*Sachsenheimer i in., 2014*]. W zakresie niskich częstości oscylacji relaksacja naprężeń w roztworach, w których doszło do splątania łańcuchów polimerów lub micel robaczkowych jest spowodowana reptacją, natomiast w zakresie ścieniania sprężystokapilarnego dochodzi do rozciągania łańcuchów polimerów lub micel robaczkowych. Jakkolwiek dla płynów *Bogera*, rozcieńczonych roztworów polimerów i niektórych roztworów surfaktantów  $\lambda_E \approx \lambda_s$  lub  $\lambda_E > \lambda_s$ . Rozbieżności uzyskanych wartości stosunku  $\lambda_E/\lambda_s$  dla różnych roztworów surfaktantnów świadczą o tym, że mechanizm relaksacji naprężeń podczas rozciągania roztworów surfaktantów nie jest w pełni poznany.

#### Wnioski

Gwałtowny wzrost pozornej lepkości wzdłużnej przy stałej wartości liczby Wi = 2/3, zgodny z równaniem (3) przebieg zależności  $D_{mid}/D_0 = f(t)$  oraz charakterystyczny cylindryczny kształt włókna świadczą, że do opisu zakresu ścieniania sprężysto-kapilarnego roztworów CAPB/SDBS można zastosować model płynów lepkosprężystych *Oldroyda*-B. Jednocześnie stosunek wzdłużnego czasu relaksacji  $\lambda_E$  do granicznego czasu relaksacji  $\lambda_s$  jest znacznie mniejszy niż dla roztworów kationowych surfaktantów.

#### LITERATURA

- Anna S.L., McKinley G.H., (2001). Elasto-capillary thinning and breakup of model elastic liquids. J. Rheol., 45, 115-138. DOI: 10.1122/1.1332389
- Bhardwaj A., Miller E., Rothstein J.P., (2007). Filament stretching and capillary breakup extensional rheometry measurements of viscoelastic wormlike micelle solutions. J. Rheol., 51(4), 693-719. DOI: org/10.1122/1.2718974
- Clasen C., (2010). Capillary breakup extensional rheometry of semi-dilute polymers. Korea Aust. Rheol. J., 22(4), 331-338
- Campo-Deañno L., Clasen C., (2010). The slow retraction method (SRM) for the determination of ultra-short relaxation times in capillary breakup extensional rheometry experiments. J. Non-Newton. Fluid. Mech., 165, 1688-1699. DOI: org/10.1016/j.jnnfm.2010.09.007
- Entov V.M., Hinch E.J., (1997). Effect of a spectrum of relaxation times on the capillary thinning of a filament of elastic liquid. J. Non-Newton. Fluid. Mech., 72, 31-53. DOI: 10.1016/S0377-0257(97)00022-0
- Kim N.J., Pipe Ch.J., Ahn K.H., Lee S.J., McKinley G.H., (2010). Capillary breakup extensional rheometry of a wormlike micellar solution. *Korea Aust. Rheol. J.*, 22(1), 31-41.
- Lerouge S., Berret J.F., (2010). Shear-induced transitions and instabilities in surfactant wormlike micelles. Adv. Polym. Sci., 230, 1-71. DOI: 10.1007/12\_2009\_13
- Rothstein J.P., (2003). Transient extensional rheology of wormlike micelle solutions. J. Rheol., 47(5), 1227-1247. DOI: org/10.1122/1.1603242
- Sachsenheimer D., Oelschlaeger C., Müller S., Küstner J., Bindgen S., Willenbacher N., (2014). Elongational deformation of wormlike micellar solutions. J. Rheol. 58(6), 2017-2042. DOI:org/10.1122/1.4897965

Praca została sfinansowana przez Ministerstwo Nauki i Szkolnictwa Wyższego (grant 03/32/DSPB/0802)