## MATEMATYCZNY OPIS DYNAMIKI RUCHU BEZZAŁOGOWEGO STATKU POWIETRZNEGO

Streszczenie

W artykule przedstawiono rozważania matematyczne dotyczące analizy dynamiki ruchu platformy latającej – quadocopter. Omówione w pracy zależności matematyczce zostały poddane badaniom symulacyjnym przeprowadzonych w środowisku Matlab/Simulink, w którym odwzorowano model obiektu latającego.

#### **WSTĘP**

Omówiona w artykule dynamika lotu samolotu bezzałogowego BSP odnosi się do platformy latającej napędzanej czterema silnikami, które ustawione są w osi pionowej. Mechanizm sterowania takim obiektem latającym realizowany jest poprzez dodawanie lub odejmowanie mocy do poszczególnych silników. Wykonanie tych zaleceń skutkuje zmianą kierunku lotu pojazdu oraz jego stabilizacją. W literaturze model obiektu latającego z czterema silnikami napędowymi nosi nazwę quadocopter. Model konstrukcyjny quadocoptera charakteryzuje się niewielkimi gabarytami konstrukcyjnymi przez co podatny jest na niekorzystne warunki atmosferyczne, a w szczególności dotyczy to silnego wiatru.

Nadmienić wypada, że na chwilę obecną samoloty BSP najczęściej wykorzystywane są przez służby mundurowe.

Rola bezzałogowych statków powietrznych wykorzystywanych w wojsku będzie ciągle rosła. Planuje się wprowadzenie do służby wielu ich rodzajów: od niewielkich startujących z ręki, mogących pomóc w rozpoznaniu plutonowi piechoty, do wielkich o zasięgu globalnym.

Rozwijają się bojowe wersje bezzałogowych samolotów – zaczyna się je wyposażać w przeciwpancerne pociski kierowane lub bomby lotnicze [1].

Matematyczne równania opisujące dynamikę lotu platformy latającej - quadocoptera znacząco się różni od zależności matematycznych opisujących mechanikę lotu standardowych obiektów latających. Mając to na uwadze w rozważaniach przyjęto, że waga quadocoptera wynosi około 0,89 kg, a równania ruchu zostaną przedstawione w odniesieniu do równań Euler'a–Lagrange'a. Ponadto obiekt umieszczono w globalnym układzie współrzędnych. Długość ramion ramy wykonanej z włókna węglowego wynosi 45mm. Główny mechanizm napędowy to silniki bezszczotkowe, które wykonują 1600 obrotów na każdy 1 V zasilania. W artykule przedstawiono rozważania matematyczne mające na celu weryfikację dotychczas opracowanych modeli matematycznych pod względem siły nośnej.

### 1. PODSTAWOWY MODEL MATEMATYCZNY RUCHU -QUADOCOPTERA

Z przedstawionego modelu na Rys. 1, zauważyć można, że siła nośna wytwarzana przez cztery silniki umiejscowione na końcach ramion, będzie zawsze dodatnia.

Jak widać silnik  $M_1$  i silnik  $M_3$  obracają się w kierunku przeciwnym do ruchu wskazówek zegara, z kolei silnik  $M_2$  i  $M_4$  wirują w kierunku prawym. Zatem siła nośna  $F_n$  jest sumą wszystkich sił generowanych przez poszczególne silniki. Takie rozmieszczenie silników powoduje, że momenty aerodynamiczne oraz działanie żyrostatyczne rozkładają się równomiernie na całym obiekcie latającym [1].



Rys. 1. Model przestawiający dynamikę quadocoptera

Moment obrotowy w płaszczyźnie pochylenia obiektu (pitch) jest funkcją f<sub>1</sub> - f<sub>3</sub>, moment obrotowy przechylania obiektu latającego jest funkcją f<sub>2</sub> - f<sub>4</sub>, z kolei moment obrotowy odchylenia (yaw) jest sumą wszystkich czterech  $\tau_{M1} + \tau_{M2} + \tau_{M3} + \tau_{M4}$ , gdzie  $\tau_{Mi}$  jest oddziaływaniem momentu obrotowego i-tego silnika, zależnym od przyspieszenia i oporu powietrza  $\tau_{pow}$  na jaki natrafia konstrukcja statku powietrznego w locie.

#### 1.1. Momenty charakteryzujące guadocopter

Moment obrotowy silnika opisano zależnością [2],[4]:

$$I_{noś}\dot{\omega} = \tau M_i - \tau_{pow} \tag{1}$$

gdzie  $I_{noś}$  - moment bezwładności wirnika wokół własnej osi, zaś opór aerodynamiczny  $\tau_{now}$  przedstawiono jako [2]:

$$\tau_{pow} = \frac{1}{2}\rho A \nu^2 \tag{2}$$

gdzie  $\rho$  jest gęstością powietrza, powierzchnia konstrukcja obiektu wynosi *A*, z kolei przez  $\nu$  oznaczono prędkość obiektu latającego w stosunku do powietrza. Prędkość kątowa równa jest prędkości liniowej podzielona przez promień obrotu r. Mianowicie [3]:

$$\omega = \frac{\nu}{r} \tag{3}$$

Stąd opór aerodynamiczny określa zależność [6]:



$$\tau_{pow} = k_{pow}\omega^2 \tag{4}$$

gdzie stała  $k_{pow} > 0$  i zależy od gęstości powietrza, promienia oraz kształtu obiektu BSP. Zakładając, że dla manewrów quasi-stacjonarnych prędkość kątowa  $\omega$  jest stała, więc:

$$\tau M_i = \tau_{pow} \tag{5}$$

Ruch w płaszczyźnie pitch ("do przodu") utrzymywany jest za pomocą zwiększania prędkości silnika tylnego oznaczonego jako M<sub>3</sub>, ruch w przeciwnym kierunku realizowany jest poprzez zmniejszanie prędkości silnika M<sub>1</sub>. W podobny sposób uzyskuje się ruch w kierunkach bocznych wykorzystując sinik prawy M<sub>2</sub> oraz lewy M<sub>4</sub>.



#### Rys. 2. Model quadocoptera w przestrzeni 3D

Ruch w płaszczyźnie yaw wypracowany jest poprzez zwiększenie momentu obrotowego  $\tau M_1$  oraz  $\tau M_3$  przy jednoczesnym zmniejszaniu momentu obrotowego silników M<sub>2</sub> i M<sub>4</sub>. Ruchy te muszą być wykonywane przy zachowaniu całkowitej stałej oporowej  $k_{pow}$  (Rys. 2).

#### 2. MODEL DYNAMICZNY QUADOCOPTERA

Model czteroramiennego samolotu UAV przestawiono jako ciało sztywne w przestrzeni trójwymiarowej z zachowaniem trzech głównych płaszczyzn opisujących ruch obiektu latającego i zjawiska zachodzące w czasie odbywania lotu. Mianowicie odchylenie, przechylenie oraz odchylenie.

#### 2.1. Opis ruchu obiektu BSP według Euler'a-Lagrange'a

Niech uogólnione współrzędne wiropłatów zdefiniowane będą jako:

$$q = (x, y, z, \psi, \theta, \phi) \in \mathbb{R}^6$$
(6)

gdzie  $\xi = (x, y, z) \in \mathbb{R}^3$  określa wektor położenia środka ciężkości obiektu quadocoptera w stosunku do układu inercyjnego powiązanego z obiektem UAV. Kąty Eulera (określające położenie wiropłatów) wyrażono przez płaszczyznę  $\eta = (\psi, \theta, \phi) \in \mathbb{R}^3$ ,  $\psi$  jest kątem przechylenia yaw wokół osi z,  $\theta$  jest kątem pochylenia pitch wokół osi y, z kolei przez  $\phi$  oznaczono kąt odchylenia wokół osi x. Na ilustracji przedstawiono układ współrzędnych dla którego zostaną przeprowadzone rozważania matematyczne opisujące dynamikę ruchu quadocoptera. Definiując funkcję Lagrange'a, [7]:

2/2015

158

$$L(q, \dot{q}) = T_{trans} + T_{rot} - U \tag{7}$$

gdzie  $T_{trans} = \frac{m}{2} \dot{\xi}^T \dot{\xi}$  jest energią kinetyczną,  $T_{rot} = \frac{1}{2} \Omega^T I \Omega$ oznacza obrotową energię kinetyczną wirników, U = mgz jest energią potencjalną wiropłatów, wielkość z określa wysokość na jakiej znajduje się obiekt w powietrzu, m –masa quadocoptera,  $\Omega$  – wektor prędkości nominalnej, l – macierz momentów bezwładności, g – przyspieszenie ziemskie.

Wektor prędkości kątowych  $\omega$  rozkłada się w układzie współrzędnych, którego środek znajduje się w środku ciężkości quadocoptera i powiązany jest prędkością wiropłatów w płaszczyźnie  $\dot{\eta}$ . Między nimi zachodzą następujące relacje [4]:

$$\Omega = W_{\eta}\dot{\eta} \tag{8}$$

gdzie

$$W_{\eta} = \begin{bmatrix} -\sin\theta & 0 & 1\\ \cos\theta\sin\phi & \cos\phi & 0\\ \cos\theta\cos\phi & -\sin\phi & 0 \end{bmatrix}$$
(9)

oraz

gdzie

$$\Omega = \begin{vmatrix} \dot{\phi} - \dot{\psi} \sin \theta \\ \dot{\theta} \cos \phi + \dot{\psi} \cos \theta \sin \phi \\ \dot{\psi} \cos \theta \cos \phi - \dot{\theta} \sin \phi \end{vmatrix}$$
(10)

Następnie definiując wielkość [5]:

$$\mathbf{J} = J(\eta) = W_{\eta}^{T} I W_{\eta} \tag{11}$$

$$\mathbf{I} = \begin{bmatrix} I_{xx} & 0 & 0\\ 0 & I_{yy} & 0\\ 0 & 0 & I_{zz} \end{bmatrix}$$
(12)

Stąd

$$\Gamma_{rot} = \frac{1}{2} \dot{\eta^{T}} J \dot{\eta}$$
(13)

Zatem macierz J odwzorowuje momenty bezwładności wywoływane w skutek obrotu śmigła quadocoptera przy jednoczesnym wyzwalaniu energii kinetycznej obiektu BSP. Wielkości te wyrażono bezpośrednio w układzie współrzędnym uogólnionym  $\eta$ . Ponadto kompletny model opisujący dynamikę quadocoptera opisano różniczkowym równaniem Euler'a–Lagrange'a z uwzględnionymi siłami zewnętrznymi. Mianowicie [6]:

$$\frac{d}{dt} \left( \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \dot{q}} \right) - \left( \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial q} \right) = \begin{bmatrix} F_{\xi} \\ \tau \end{bmatrix}$$
(14)

gdzie  $F_{\xi} = R\dot{F} \in \mathbb{R}^3$  jest siłą zewnętrzna przesuniętą, pochodzącą od wiropłatów w przestrzeni trójwymiarowej,  $\tau \in \mathbb{R}^3$  jest macierzą definiującą poszczególne momenty kątów przechylenia, pochylenia i odchylenia w trakcie ruchu obiektu. Natomiast parametr  $R(\psi, \theta, \phi) \in SO(3)$  przedstawia orientację samolotu względem przyjętego wcześniej inercyjnego układu współrzędnych.

$$\mathbf{R} = \begin{bmatrix} c_{\theta}c_{\psi} & c_{\psi}s_{\theta}s_{\phi} - c_{\phi}s_{\psi} & s_{\phi}s_{\psi} + c_{\phi}c_{\psi}s_{\phi}\\ c_{\theta}s_{\psi} & c_{\phi}c_{\psi} + s_{\theta}s_{\phi}s_{\psi} & c_{\phi}s_{\theta}s_{\psi} - c_{\psi}s_{\phi}\\ -s_{\theta} & c_{\theta}s_{\phi} & c_{\theta}c_{\phi} \end{bmatrix}$$
(15)

gdzie c oznacza cosinus zaś s sinus. Zgodnie z rys. 2 siły wynoszą:

$$\hat{\mathbf{F}} = \begin{bmatrix} 0\\0\\u \end{bmatrix} \tag{16}$$

gdzie u jest głównym kierunkiem ruchu na zewnątrz samolotu i wyrażony jest jako [8]:

$$u = \sum_{i=1}^{4} f_i \tag{17}$$

gdzie i = 1,..., 4, zaś  $f_i$  są siłami wytwarzanymi przez poszczególne silniki M<sub>i</sub>. W standardowych warunkach  $f_i = k\omega_i^2$ , gdzie k jest wielkością stałą,  $\omega_i$  jest prędkością kątową i -tego silnika. Stąd uogólnione momenty rozruchu obiektu latającego przedstawiono jako:

$$\tau = \begin{bmatrix} \tau_{\psi} \\ \tau_{\theta} \\ \tau_{\phi} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sum_{i=1}^{4} \tau_{Mi} \\ (f_2 - f_4)l \\ (f_3 - f_1)l \end{bmatrix}$$
(18)

gdzie / jest odległością miedzy silnikiem a środkiem ciężkości quadocptera, zaś  $\tau_{Mi}$  oznacza moment wytwarzany przez i –ty silnik wokół osi odwzorowującej środek ciężkości samolotu.

Ponadto w równaniu nie uwzględniono wpływu energii kinetycznej pochodzącej od ramion skośnych  $\dot{\xi}$  oraz  $\dot{\eta}$ , zatem w równaniu Eulera-Lagrange'a można dokonać podziału na współrzędne  $\xi$ oraz  $\eta$  określające dynamikę quadocoptera. W takim przypadku równanie opisujące ruch samoltu UAV przyjmie postać:

$$\frac{d}{dt} \left[ \frac{\partial L_{trans}}{\partial \dot{\xi}} \right] - \frac{\partial L_{trans}}{\partial \xi} = F_{\xi}$$
(19)

gdzie

$$m\ddot{\xi} + mgE_z = F_{\xi} \tag{20}$$

Zaś dla współrzędnych  $\eta$  równanie ruchu przedstawia się następująco:

$$\frac{d}{dt} \left[ \frac{\partial L_{rot}}{\partial \dot{\eta}} \right] - \frac{\partial L_{rot}}{\partial \eta} = \tau$$
(21)

lub

$$\frac{d}{dt} \left[ \dot{\eta}^T J \frac{\partial \dot{\eta}}{\partial \eta} \right] - \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial \eta} (\dot{\eta}^T J \dot{\eta}) = \tau$$
(22)

W ten sposób uzyskano:

$$J\ddot{\eta} + \dot{J}\dot{\eta} - \frac{1}{2}\frac{\partial}{\partial\eta}(\dot{\eta}^{T}J\dot{\eta})$$
(23)

Następnie biorąc pod uwagę siły Corolisa, otrzymano:

$$\bar{V}(\eta,\dot{\eta}) = \dot{J}\dot{\eta} - \frac{1}{2}\frac{\partial}{\partial\eta}(\dot{\eta}^T J\dot{\eta})$$
(24)

Biorac powyższą zależność równanie (21) zapisać można jako:

$$J\ddot{\eta} + \bar{V}(\eta, \dot{\eta}) = \tau \tag{25}$$

gdzie wielkość  $\overline{V}(\eta, \dot{\eta})$  wyrażać można jako:

÷

$$\bar{V}(\eta,\dot{\eta}) = \left(\dot{J} - \frac{1}{2}\frac{\partial}{\partial\eta}(\dot{\eta}^T J \dot{\eta})\right)\dot{\eta} = C(\eta,\dot{\eta})\dot{\eta}$$
(26)

gdzie  $C(\eta, \dot{\eta})$  określane są jako współczynniki Coriolisa zawierające w sobie także siły odśrodkowe związane z  $\eta$ , z uzależnieniem od parametru J oraz wielkości dostarczane przez żyroskop. Następnie

$$m\xi + mgE_z = F_{\xi}$$

$$J\ddot{\eta} = \tau - C(\eta, \dot{\eta})\dot{\eta}$$
(27)

W celach upraszczających rozwiązanie równania przyjęto, że:

$$\tilde{\tau} = \begin{bmatrix} \tilde{\tau}_{\widetilde{\psi}} \\ \tilde{\tau}_{\widetilde{\theta}} \\ \tilde{\tau}_{\widetilde{\psi}} \end{bmatrix} = J^{-1}(\tau - C(\eta, \dot{\eta})\dot{\eta})$$
(28)

Ostatecznie uzyskano:

$$m\ddot{x} = u(\sin\phi\sin\psi + \cos\phi\cos\psi\sin\phi)$$
  

$$m\ddot{y} = u(\sin\phi\sin\theta\sin\psi - \cos\psi\sin\phi)$$
  

$$m\ddot{z} = u\cos\theta\cos\phi - mg$$
  

$$\ddot{\psi} = \tilde{\tau}_{\psi}$$
  

$$\ddot{\theta} = \tilde{\tau}_{\theta}$$
  

$$\ddot{\phi} = \tilde{\tau}_{\phi}$$
  
(29)

gdzie x i y są współrzędnymi w płaszczyźnie poziomej, z w płaszczyźnie pionowej, z kolei wielkości  $\widetilde{\tau_\psi}, \widetilde{\tau_\theta}$  oraz  $\widetilde{\tau_\phi}$  są momentami przechylenia, odchylenia i pochylenia, związanymi z uogólnionymi momentami  $au_{\psi}$  ,  $au_{ heta}$  oraz  $au_{\phi}$ .

#### 3. WYNIKI Z BADAŃ SYMULACYJNYCH

Pierwszą czynnością jaką wykonano przed przystąpieniem do modelowania obiektu quadocoptera w środowisko Matlab/Simulink było zdefiniowanie równań różniczkowych opisujących dynamikę ruchu obiektu BSP oraz zdefiniowanie UAV w układzie współrzędnych globalnych. Warunkiem koniecznym w modelowaniu matematycznych obiektów w przestrzeni 3D jest określenie modelu w przestrzeni stanów, w których głównym elementem opisu są równania



# Badania

różniczkowe określające system jego sterowania, zaś pozostałe wielkości występujące w momencie startu jak i locie podane są w postaci macierzy. Wielkości te mogą być stosowane również do lepszego sterowania obiektem latającym.

Model przestrzeni stanu reprezentowany jest jako [5]:

$$\dot{x} = Ax + Bu$$

$$y = Cx + Du$$
(30)

Z przedstawionego powyżej modelu wynika, że obiekt (system) w przestrzeni stanu scharakteryzowano za pomocą funkcji liniowej, zatem można ją stosować jedynie dla systemów liniowych. Biorąc pod uwagę, że platforma latająca należy do grupy systemów nieliniowych należy wprowadzić zmiany w wielkości  $\dot{x}$ , którą wyrażono jako [6]:

$$\dot{x} = f(x) + G(x) \cdot v \tag{31}$$

Związku z modyfikacją wielkości  $\dot{x}$ , w następnym kroku jaki należy wykonać przy modelowaniu quadocoptera w Matlab/Simulink jest zdefiniowanie układu współrzędnych gdyż wcześnie zaprezentowane wielkości zmieniają się w następujące:  $x = (\phi, \phi, \dot{\theta}, \dot{\theta}, \psi, \dot{\psi})^T$ .

Głównym celem jaki postawiono przed wykonaniem symulacji komputerowych było oszacowanie jak zmieniają się kąty pochylenia, przechylenia i odchylenia od samego startu obiektu, aż do chwili ustabilizowanego lotu.

Z przeprowadzonych symulacji będzie można ocenić jak wpływa regulator PID na sterowalność obiektu BSP. Rezultaty z przeprowadzonych symulacji komputerowych zaprezentowano na poniżej zamieszczonych rysunkach.

Trasa lotu wyglądała jak pokazano na (Rys 3.). Dane odnośnie trajektorii lotu niezbędne do symulacji komputerowych zostały zebrane z odbiornika nawigacji satelitarnej GNSS/INS.



Rys. 3. Trajektoria lotu quadocoptera

W dalszej kolejności przedstawiono wykresy odnośnie uzyskanych kątów i współrzędnych określających usytuowanie obiektu BSP w przestrzeni 3D.



**Rys. 4.** Przebieg kątów od momentu startu do chwili stabilizacji lotu quadocoptera



**Rys. 5.** Wartości parametrów x, y i z od momentu startu do chwili stabilizacji lotu quadocoptera



Rys. 6. Odpowiedź regulatora PID



**Rys. 7.** Składowe definiujące wektor sterujący ze wszystkich czterech silników napędowych



**Rys. 8.** Błędy w procesie sterowania quadocopterem od chwili startu do ustabilizowania lotu



**Rys. 9.** Odpowiedź regulatora odnośnie kątów definiujących położenie quadocopter w przestrzeni

### PODSUMOWANIE

W artykule omówiono zagadnienie matematycznego modelowania i kontrolę bezzałogowego statku powietrznego z czterema silnikami, który w społeczności lotniczej zwany jest quadocopterem. Wszystkie wyprowadzenia matematyczne opisujące zjawiska towarzyszące dynamice ruchu quadocoptera zostały przedstawione w sposób chronologiczny i oparte zostały na modelu matematycznym równań Eulera-Lagrange'a. Opis matematyczny ruchu obiektu zasymulowano w środowisku Matłab/Simulink. Stabilizacja położenia platformy latającej realizowana jest poprzez zastosowanie regulatora PID. Kontrola trajektorii lotu quadocoptera wykonywana jest za pomocą zaimplementowanych w układach programowalnych odpowiednich algorytmów, których działanie oparto na metodach heurystycznych. Ich głównym zadaniem było poprawić odpowiedzi uzyskiwane z regulatora PID.

Zaznaczyć wypada, że opracowany model matematyczny w Matłabie odzwierciedlał rzeczywiste zachowanie się obiektu UAV w czasie odbywania lotu. Uzyskane wyniki z symulacji komputerowych wykazały, że regulatory PID znacząco poprawią kontrolę dynamiki ruchu obiektu BSP oraz jego stabilizację. Jednakże widać, że regulator PID pogarsza nieznacznie odchyłki stabilizacji dla wielkości x i y, w porównaniu do wartości pierwotnych podczas realizacji procesu stabilizacji. Kąty charakteryzujące położenie obiektu w zdefiniowanym układzie współrzędnych globalnych także ulegają niewielkim zmianom od wartości początkowych niż w przypadku wykorzystania regulatora PD.

Wyniki z symulacji dostarczają także informacji, że użyta w testach metoda heurystyczna znacząco poprawia stabilizację utrzymania obiektu BSP na określonej wysokości w przestrzeni 3D. Dotyczy to wszystkich trzech wielkości x, y i z. Całkowita siła nośna (ciągu), a także kąty przechylenia i pochylenia uzyskane przez zwiększenie przyspieszenia zostały rozwiązane z liniowych równań różniczkowych. Wyznaczone parametry pozwoliły na określenie momentów wszystkich czterech silników quadocoptera oraz przydatne były do określenia kątów przyspieszenia i prędkości kątowych.

Wyniki z symulacji wykazują, że quadocopter z regulatorem PID, może być kontrolowany przez użytkownika stabilniej i zwiększa się precyzja w jego sterowalności.

Prezentowany model i metody badawcze poddano tylko symulacjom komputerowym, zatem otrzymane wyniki mogą być obarczone pewnym błędem, stąd należy jeszcze przeprowadzić eksperyment w warunkach rzeczywistych, przy czym należy pamiętać, aby skonstruowany quadocopter zawierał identyczne parametry jak w badaniach komputerowych. A uzyskane na tym etapie wyniku należy porównać z tymi uzyskanymi z symulacji komputerowych.

## **BIBLIOGRAFIA**

- 1. Adamski M., Rajchel J., "Bezzałogowe Statki Powietrzne", cz I, WSOSP Dęblin 2013r.
- Bieńczak R., Janiszewski J., Komorek., Kowalik R., Rypulak A., Smolak M., Koncepcja wykorzystania sieci neuronowych w BSP, Logistyka 6/2014
- Ducard G. J. J., Fault-tolerant Flight Control and Guidance Systems Practical Methods for Small Unmanned Aerial Vehicles, Springer 2009
- Fahroo F., Wang Le Yi, Yin G., Recent Advances in Research on Unmanned Aerial Vehicles, Springer 2013
- García C., Dzul López R., Lozano A.E., Pégard R., Quad Rotorcraft Control Vision-Based Hovering and Navigation, Springer 2013
- 6. Valavanis K. P., Oh P., Piegl L. A., Unmanned Aircraft Systems



# Badania

International Symposium On Unmanned Aerial Vehicles, UAV'08, Springer, Berlin 2009

- Valavanis K. P., Oh P., Piegl L. A., Selected papers from the 2nd International Symposium on UAVs, Reno, U.S.A. June 8-10, Springer, Berlin 2010
- 8. Valavanis K. P., Vachtsevanos G. J., *Handbook of Unmanned Aerial Vehicles,* Springer, Berlin 2015

## MATHEMATICAL DESCRIPTION OF DYNAMICS OF AN UNMANNED AICRAFT VEHICLE

## Abstract

This paper presents mathematical considerations for the analysis of the dynamics of movement of the platform year - quadocopter. Depending discussed in the been tested simulation conducted in an environment Matlb / Simulink, in which mapped model of a flying object.

Autorzy:

dr inż. Andrzej Komorek – Wyższa Szkoła Oficerska Sił Powietrznych w Dęblinie, Wydział Lotnictwa, Katedra Awioniki i Systemów Sterowania, <u>a.komorek@wsosp.pl</u>

inż. **Rafał Bieńczak** – – Wyższa Szkoła Oficerska Sił Powietrznych w Dęblinie, Wydział Lotnictwa, Katedra Awioniki i Systemów Sterowania, <u>r.bieńczak@wsosp.pl</u>

mgr inż. **Rafał Kowalik** – Wyższa Szkoła Oficerska Sił Powietrznych w Dęblinie, Wydział Lotnictwa, Katedra Awioniki i Systemów Sterowania, <u>r.kowalik@wsosp.pl</u>

**162 2**/2015