

**Determination of bendings of axle with journal
with dimensions of ø120×179 mm of freight wagon wheelsets**
**Określenie ugięć osi z czopem
o wymiarach ø120×179 mm zestawów kołowych wagonów
towarowych**

The article presents the analytical determination of axle bendings with the journal dimensions of Ø120×179 mm, used in the running gear systems of freight wagons of IXTa type and Y25 family with variants. The results of calculations of the bending arrows in the individual sectors of the axle are presented together with their assessment and comparison to the applicable criteria which were taken based on the currently applicable European regulations. Calculations of transverse vibrations frequencies acting on the wheelset axle are also presented.

W artykule opisano analityczne wyznaczanie ugięć osi o wymiarach czopa Ø120×179 mm zastosowanej w układach biegowych wagonów towarowych typu IXTa oraz rodziny Y25 z odmianami. Następnie, przedstawiono wyniki obliczeń dotyczące wartości ugięć w poszczególnych sektorach osi wraz z ich oceną i porównaniem do obowiązujących kryteriów zamieszczonych w przepisów europejskich. Zamieszczono również obliczenia częstotliwości drgań giętnych występujących w oś zestawu kołowego.

1. INTRODUCTION

The issue of axle load capacity was presented in the studies [1÷5]. This article is a continuation of these studies. The study [1] presents the calculations of the wheelset axle load capacity in the form of stresses in the individual sectors of the wheelset axle with the journal of Ø120×179 mm. Determination of the load capacity of the axle with journal of Ø120×179 mm (ability to carry the operational loads) was performed by the analytical method. The calculations were made based on the methodology presented in the European standard PN-EN 13103-1:2017 (E) [14], which still replaced the applicable PN-EN 13103+A2:2012 [13] standards (methodology for calculating the rolling axles) and PN-EN 13104+A2:2013 [16] (methodology for calculating the strength of traction axles). However, the above mentioned standard does not provide the methodology for calculating the wheelset axle bendings so as to maintain the dimension of 1360±3 mm. It can be concluded that stresses in the axle structure resulting from the operation of operational loads are not the only criterion for assessment of the axle load capacity. The wheelset equipped with the axle with journal of 120×179 mm has the dimension of A_Z in the not built - up condition, amounting to 1360^{+2} mm in accordance with the structure documentation and in accordance with point 1.6 of UIC 510-2 leaflet [9]. According to this point for the wheelsets with external bearings (the case under consideration) or with the internal bearings (other running vehicles), the nominal dimension of distance of the inner wheel rims in new condition or in the case of reprofiled rims in the unloaded condition must have a tolerance field of ±1 mm so that the dimension can be maintained during operation:

- maximum 1363 mm
- minimum 1357 mm for wheelsets with wheels with diameter of D=1000 mm to d=840 mm and
- maximum 1363 mm
- minimum 1359 mm for wheelsets with wheels with diameter of D=840 mm to d=330 mm.

These dimensions include exceedances caused by elastic and permanent deformations occurring in the operation. In addition, the dimensions of both wheel discs are required. As can be seen from the above, the axle must have a specific stiffness to be able to keep A_Z dimension within the required limits specified by the UIC 510-2 leaflet [9]. Fatigue strength on both sides bending of axle of P35N according to PN-64/H-84027 [21], PN-84/H-84027/03 [22], A1N according to UIC 811-1 [12] and EA1N according to PN-EN 13261+A1:2011 is $Z_{go}=200$ MPa [17], while if the axle is surface strengthened in accordance with OW-1166/1 [23], then this value increases to $Z_{go}=240$ MPa, which

was presented in the study [6]. In terms of dimensions, the axle meets the interchangeability requirements according to UIC 510-1 [8].

2. CALCULATIONS

2.1. Description of calculation methodology

The calculation methodology for the calculations of deflections (deflection arrows) in the individual axle cross-sections **is not presented** in the European standard PN-EN 13103-1:2017 (E) [14] is based on the methodology presented in UIC 515-3 leaflet[10]. UIC 515-3 [10] was developed based on the report ORE/ERRI/B136/RP/11/D Frage 136, Bericht 11[13].

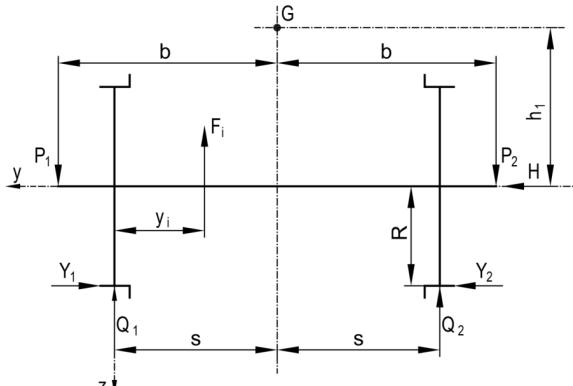


Fig. 1. Diagram of the operating forces F_1 , Q_1 , P_1 , Y_1 and F_2 , Q_2 , P_2 and Y_2 and H acting on the rolling wheelset of freight wagon according to PN-EN 13103-1:2017(E) [15]

Legenda:/Legend:

- G- środek ciężkości (masy) wagonu wg [1, 24? 31]/ centre of gravity (mass) of the wagon according to [1, 24? 31],
- h_1 - wysokość środka ciężkości (środka masy) w stosunku do osi symetrii zestawu kołowego [1, 24? 31]/ height of the centre of gravity (centre of mass) in relation to the axis of symmetry of the wheelset [1, 24? 31],
- R - promień toczny koła/ wheel rolling radius,
- $2b$ -odległość pomiędzy umownymi środkami maźnic/ distance between agreed centres of axle boxes,
- $2s$ - odległość pomiędzy kręgami tocznymi kół/ distance between the rolling circles of wheels.

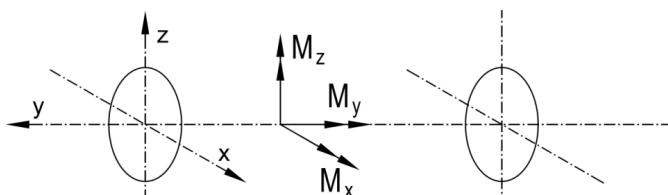


Fig. 2. Coordinate system that is used to determine the moments of forces M_x , M_y and M_z loading the axle of a rolling wheelset used in the freight car according to PN-EN 13103-1:2017 [15]

The following symbols were used in the calculations (see Fig.1? 3 [1]):

- m_1 (kg) - masa przypadająca na jeden zestaw kołowy/ mass per a wheelset
- m_2 (kg) - masa jednego kompletnego zestawu kołowego (nie omaźnicowanego)/ mass of one complete wheelset (without axle-box)
- m_1+m_2 (kg) - masa pojazdu odpowiadająca naciskowi zestawu kołowego na tor/ vehicle mass corresponding to the wheelset's load on the track.
- P (N) – nacisk koła zestawu kołowego na tor w stanie statycznym/ wheelset wheel load on track in static state:

$$P = \frac{m_1 + m_2}{2} \quad (1),$$

- $F(N)$ - nacisk zestawu kołowego na tor w stanie statycznym/ wheelset load on track in static state,
- P_0 (N) - siła statyczna przypadająca na jeden czop osi zestawu kołowego, jeśli zestaw kołowy jest obciążony symetrycznie $P_0=m_1/2g$ / static force per one wheelset axle journal, if the wheelset is loaded symmetrically $P_0=m_1/2g$,
- P_1 (N) - siła pionowa działająca na lewy czop podczas ruchu pojazdu z największym obciążeniem/ vertical force acting on the left journal during the motion of the vehicle with the greatest load,
- P_2 (N) - siła pionowa działająca na prawy czop podczas ruchu pojazdu z najmniejszym obciążeniem/vertical force acting on the right journal during the motion of the vehicle with the least load,

- Y_1 (N) – pozioma siła występująca między obrzeżem lewego koła, a szyną po stronie bardziej obciążonego czopa/ horizontal force occurring between the rim of the left wheel and the rail on the side of the more loaded journal,
- Y_2 (N) - pozioma siła, występująca między obrzeżem prawego koła, a szyną po stronie mniej obciążonego czopa/ horizontal force occurring between the rim of the right wheel and the rail on the side of the less loaded journal,
- H (N) - pozioma siła działająca w osi zestawu kołowego równoważąca działanie sił Y_1 i Y_2 ; siła ta w literaturze fachowej nazywana jest również siłą łożyskową/ horizontal force acting on the wheelset axis to balance the forces of Y_1 and Y_2 ; this force in professional literature is also called bearing force,
- Q_1 (N) - pionowa reakcja szyny na koło, położona po stronie bardziej obciążonego czopa osi/ vertical reaction of the rail on the wheel located on the side of the more loaded axle journal,
- Q_2 (N) - pionowa reakcja szyny na koło, położona po stronie mniej obciążonego czopa osi/ vertical reaction of the rail on the wheel located on the side of the less loaded axle journal,
- F_i (N) - siły wywierane przez masy elementów nieusprzęzonych, znajdujących się na części środkowej osi/ forces applied by the masses of the nonsuspended elements located on the central part of axle,
- F_f (N) - maksymalny nacisk wstawek klocków hamulcowych na koło/ maximum pressure of brake-shoe inserts on the wheel,
- M_x (N) - moment zginający, wynikający z oddziaływania mas/ bending moment resulting from the action of masses,
- M_x' i M_z' (N·mm) - moment zginający, wynikający z hamowania/ bending moment resulting from the braking,
- M_y i M_y' (N·m) - moment skręcający, wynikający z hamowania/ the torsional moment resulting from braking,
- MX oraz MZ (N·mm) - suma momentów zginających w płaszczyźnie X oraz Z/ the sum of bending moments in the X and Z planes,
- MR (N·mm) – momenty sił sumaryczne/ moments of total forces,
- $2b$ (mm) - odległość między punktami przyłożenia sił, działających na czopy osi/ distance between the points of application of forces acting on the axle journals,
- $2s$ (mm) - odległość między okręgami tocznymi kół zestawu kołowego/ distance between wheel rolling circles of wheelset,
- h_1 (mm) - wysokość położenia środka ciężkości (środka masy) ponad osią zestawu kołowego/ height of the centre of gravity (centre of mass) position above the axle of the wheelset,
- y_i (mm) - odległość między płaszczyzną obwodu tocznego i miejscem działania siły F_i / distance between the plane of the rolling circle and the place of force F_i application,
- y (mm)- odległość odciętej dowolnego przekroju osi liczona od płaszczyzny działania osi P_1 / distance of the abscissa of any axle cross-section calculated from the plane of operation of the P_1 axle,
- μ [-] - średni współczynnik tarcia/ average coefficient of friction,
- σ (MPa) - naprężenie obliczone dla poszczególnych przekrojów osi/ stress calculated for the individual axle cross-sections,
- K [-] - współczynnik koncentracji naprężen wynikający ze zmiany kształtu osi/ stress concentration coefficient resulting from the change in the shape of the axle,
- R (mm) - nominalny promień koła zestawu w okręgu tocznym (tzw. promień toczny)/ nominal radius of the wheelset in the rolling circle (so-called rolling radius),
- d (mm) - mniejsza średnica osi w przekrojach charakteryzujących się przejściem jednej średnicy w drugą/ smaller axle diameter in cross-sections characterized by the transition of one diameter into other,
- D (mm) - większa średnica osi w przekrojach charakteryzujących się przejściem jednej średnicy w drugą/ larger axle diameter in cross-sections characterized by the transition of one diameter into other,
- r (mm) - promień przejściowy między jedną średnicą a drugą służący do określenia współczynnika „K”/ transition radius between one diameter and the other used to determine „K” coefficient,
- S - współczynnik bezpieczeństwa, charakteryzujący ryzyko lub niepewność, co do przyjętych wartości obciążzeń w zestawieniu z rzeczywistymi obciążeniami pojawiającymi się w eksploatacji i w przypadku osi tocznych $S=1,2$; dla porównania w przypadku osi trakcyjnych

współczynnik bezpieczeństwa wynosi $S=1,5$ / safety coefficient characterizing the risk or uncertainty, as for the assumed load values in comparison with the actual loads occurring in operation and in the case of rolling axles $S=1,2$; for comparison, in the case of traction axles the safety coefficient is $S=1,5$.

E-moduł Younga, dla stali przyjęto na poziomie $2,1 \cdot 10^5$ MPa/ Young's modulus, for steel adopted at the level of $2,1 \cdot 10^5$ MPa

Output data for calculating the strength of the wheelset axle:

$$m_1+m_2 = 20\ 000 \text{ kg}$$

$$m_1 = 18\ 899 \text{ kg}$$

$m_2 = 1101 \text{ kg}$ (adopted on the basis of construction documentation).

Table 1 presents the characteristics of selected cross-sections for axles with journal of $\varnothing 120 \times 179$ mm with forces, moments of loads loading the axle and stresses in the individual axle cross-sections [1].

**Zestawienie charakterystyk wybranych przekrojów osi zestawu kołowego z czopem
Ø 120×179 mm, momentów obciążających oraz naprężen w poszczególnych przekrojach/
List of characteristics of the selected cross-sections of wheelset axle with journal
Ø 120×179 mm, loading moments and stresses in individual sections**

Tablica 1/ Table 1

Lp.N.	Parametr/Parameter	CZEŚĆ OSI ZESTAWU KOLOWEGO/ PART OF WHEELSET AXLE			
		Czop/ Journal	Przedpiaście/ Axle collar	Przekrój osadzenia koła/ Wheel embedment cross-section	Zapiaście/NAWF
1.	Średnica nominalna przekroju d [mm]/Nominal diameter of the cross-section d [mm]	120	146	185	160
2.	Średnica zewnętrzna piasty koła [mm]/outer diameter of wheel hub [mm]			D=240	
3.	Powierzchnia przekroju F [mm ²]/ Cross-section area F [mm ²]	11 309,7	16 741,5	26 880,2	20 106,1
4.	Moment bezwładności I [mm ⁴]/ Moment of inertia I [mm ⁴]	10 178 760,2	22 303 926,3	57 498 339,3	32 169 908,7
5.	Wskaźnik wytrzymałości przekroju na zginanie W _X [mm ³]/ Index of bending cross-section strength W _X [mm ³]	169 646	305 533	621 606	402 123
6.	Wskaźnik wytrzymałości przekroju na skręcanie W ₀ [mm ³]/ Index of torsion cross-section strength W ₀ [mm ³]	339 292	611 066	1 243 211	804 247
7.	Ramię siły P ₁ oraz F _f [mm]/ Arm of force P ₁ and F _f [mm]	89	160	375	430,9
8.	Ramię siły Q ₁ [mm]/ Arm of force Q ₁ [mm]	0	0	125	180,9
9.	Siła P ₁ [N]/Force		145631		
10.	Siła Q ₁ [N]/ Force Q ₁ [N]		164078		
11.	Siła P ₂ [N]/ Force P ₂ [N]		86117		

12.	Siła Q ₂ [N]/ Force P ₂ [N]	67669			
13.	Siła Y ₁ [N]/ Force Y ₁ [N]	55619			
14.	Siła Y ₂ [N]/ Force Y ₂ [N]	27809			
15.	Siła H [N]/ Force H [N]	27810			
16.	Siła F _f [N]/ Force F _f [N]	29430			
17.	Moment M _x od siły P ₁ [N? mm]/ Moment M _x from force P ₁ [N? mm]/	12 961 159	23 300 960	54 611 625	62 752 398
18.	Moment zginający M _x od siły Q ₁ [N? mm]/ Bending moment M _x from force Q ₁ [N? mm]	0	0	-20 509 750	-27 302 579,2
19.	Moment zginający od siły hamulcowej M _{x'} [N? mm]/ Bending moment from braking force M _{x'} [N? mm]	261 927	470 880	735 750	735 750
19.	Moment zginający od siły hamulcowej M _{z'} [N? mm]/ Bending moment from braking force M _{z'} [N? mm]	l ₁ =89	l ₂ =160	l ₃ =375	l ₄ =416,4
		2 619 270	4 708 800	7 357 500	7 357 500
20.	Moment skręcający od sił hamulcowych M _y [N? mm]/ Torsional moment from braking forces M _y [N? mm]	0	0	13 537 800	13 537 800
21.	Moment zredukowany MR [N? mm]/ Reduced moment MR [N? mm]	13 479 936	24 233 720	38 092 847	39 329 381
22.	Współczynnik karbu K _f [-]/Notch coefficient K _f [-]	1,014	1,22	1	1,012
23.	Naprężenia bez uwzględnienia współczynnika K _f [N/mm ²]/ Stresses without taking into account the coefficient K _f [N/mm ²]/	79,03	77,80	61,3	97,8
24.	Naprężenia z uwzględnieniem współczynnika K _f [N/mm ²]/ Stresses with taking into account the coefficient K _f [N/mm ²]/	82,21	96,76	61,3	99
25.	Granica zmęczenia Z _{go} [N/mm ²] materiału EA1N/ Fatigue limit Z _{go} [N/mm ²] of EA1N material	200	200	120	200
26.	Współczynnik bezpieczeństwa S [-]/Safety coefficient S [-]	1,2			

27.	Naprężenia dopuszczalne σ_{dop} [N/mm ²] / Permissible stresses σ_{dop} [N/mm ²]	166	166	100	166
28.	Rzeczywisty współczynnik bezpieczeństwa S [-] / Actual safety coefficient S [-]	2,1	1,71	1,63	1,76

NAWF*- The axle part near the axle wheelset fillet

For the results presented in Table 2 the following data were used to make the appropriate calculations:

- transition radius in the zone of journal and axle collar $r=40$ mm
- transition radius in the zone of axle collar and wheel seat $r=20$ mm
- transition radius in the zone of central part and wheel seat $R=75$ mm
- coefficient A, used to determine the coefficient K_f , was determined according to the formula in Figure 7 according to PN-EN 13103-1:2017 (E) [14].

The wheelset axle bending arrow in the centre of the axle can be determined from a formula based on the principle of multiplication of graphs according to the Maxwell-Mohr method (see Fig. 3 and Fig. 4).

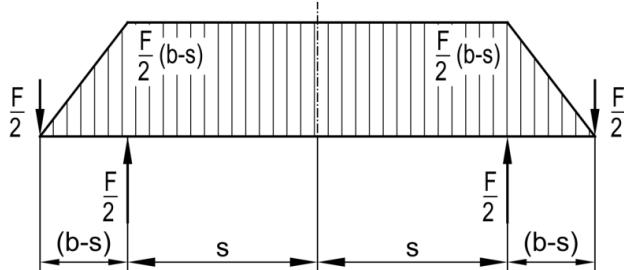


Fig. 3. Graph of bending moment resulting from the load $F/2$ (wagon fully loaded)

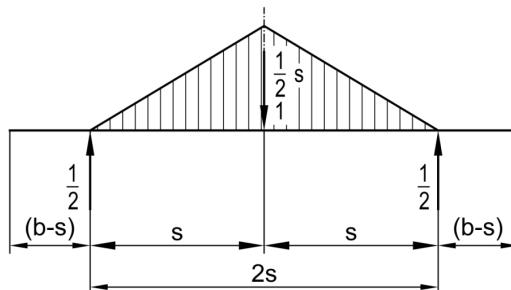


Fig. 4. Graph of bending moment resulting from the agreed unit force

2.2. Calculation of bendings in the selected points of axle

Formula f_1 specifying the bending of the wheelset axle in the maximum loaded condition of the wagon, corresponding to a gross weight of 80 000 kg, takes the following form:

$$f_1 = \frac{F \cdot (b-s) \cdot (2s)^2}{2 \cdot 8 \cdot E \cdot J} \quad (2).$$

Inserting $F=196\ 200$ N, $b=1000$ mm, $s=750$ mm, Young's modulus for steel $E=2,1 \cdot 10^5$ N/mm² and $J=32\ 169\ 908,7$ mm⁴ (for the diameter of axle in the centre part $d=160$ mm) to formula (2) it is obtained:

$$f_1 = \frac{196\ 200 \cdot (1000 - 750) \cdot (1500)^2}{2 \cdot 8 \cdot 2,1 \cdot 10^5 \cdot 32\ 169\ 908,7} = 1,02 \text{ mm} \quad (3).$$

Inserting $F=196\ 200$ N, $b=1000$ mm, $s=750$ mm, $E=2,1 \cdot 10^5$ N/mm² and $J=33\ 808\ 815,5$ mm⁴ (for the diameter of axle in the centre part $d=162$ mm) to formula (2) it is obtained:

$$f_1 = \frac{196\ 200 \cdot (1000 - 750) \cdot (1500)^2}{2 \cdot 8 \cdot 2,1 \cdot 10^5 \cdot 33\ 808\ 815,5} = 0,97 \text{ mm} \quad (4).$$

Inserting $F=196\ 200$ N, $b=1000$ mm, $s=750$ mm, $E=2,1 \cdot 10^5$ N/mm² and $J=30\ 591\ 322$ mm⁴ (for the diameter of axle in the centre part $d=158$ mm) to formula (2) it is obtained:

$$f_1 = \frac{196\,200 \cdot (1000 - 750) \cdot (1500)^2}{2 \cdot 8 \cdot 2,1 \cdot 10^5 \cdot 30\,591\,322} = 1,07 \text{ mm} \quad (5).$$

The above formulas were adopted based on the assumption that the moment of inertia J of the section of the centre part of axle is constant over the entire length of $2s$. In fact, the moment of inertia is greater on the part of the wheel embedment and on the transition radius $R=75$ mm, connecting the diameter of 185 mm and 160^{+2} mm. In fact, the calculated binding arrows are slightly smaller. If we compare these results, it can be stated that for extreme values of 158 mm and 162 mm the bending arrows differ from each other by approx. 10% and $\pm 5\%$ respectively in relation to the nominal value of the bending arrow of 1,02 mm.

The axle stiffness in the centre part measured in kN/mm can be determined from the formula:

$$k = \frac{16E \cdot J}{(b - s) \cdot 2s^2} \quad (6).$$

Inserting $b=1000$ mm, $s=750$ mm, $E=2,1 \cdot 10^5$ N/mm² and $J=32\,169\,908,7$ mm⁴ (for the diameter of axle in the centre part $d=160$ to formula (2) it is obtained:

$$k = \frac{16 \cdot 2,1 \cdot 10^5 \cdot 32169\,908,7}{(1000 - 750) \cdot 1500^2} = 192162 \text{ N/mm} \quad (7).$$

Wheelset axle bending arrow as a result of multiplying the Maxwell-Mohr graphs:

$$f_2 = \frac{1}{6} \cdot \frac{F \cdot l_1^3}{E \cdot J_1} + \frac{1}{12} \cdot \frac{F \cdot (l_2 - l_1)[(2l_1 + l_2) \cdot l_1 + (l_1 + 2l_2) \cdot l_2]}{E \cdot J_2} + \frac{1}{4} \cdot \frac{F \cdot l_2^2 \cdot 2s}{E \cdot J_3} \quad (8).$$

Inserting data $F=196200$ N, $E=2,1 \cdot 10^5$ N/mm², $J_1=10\,178\,760,2$ mm⁴, $J_2=22\,303\,926,3$ mm⁴, $J_3=32\,169\,908,7$ mm⁴, $l_1=101$ mm, $l_2=250$ mm, $l_1-l_2=149$ mm, $2s=1500$ mm it is obtained:

$$\begin{aligned} f_2 &= \frac{1}{6} \cdot \frac{196200 \cdot 101^3}{2,1 \cdot 10^5 \cdot 10178760,2} + \frac{196200 \cdot 149 \cdot [(202+250) \cdot 101 + (101+2 \cdot 250) \cdot 250]}{12 \cdot 2,1 \cdot 10^5 \cdot 22303926,3} + \\ &\quad \frac{1}{4} \cdot \frac{196200 \cdot 250^2 \cdot 1500}{2,1 \cdot 10^5 \cdot 32169908,7} = 0,015 + 0,1 + 0,68 = 0,795 \text{ mm} \approx 0,8 \text{ mm} \end{aligned} \quad (9).$$

The flexibility of the axle with respect to the journal is:

$$\begin{aligned} f_2 &= \frac{1}{6} \cdot \frac{101^3}{2,1 \cdot 10^5 \cdot 10178760,2} + \frac{149 \cdot [(202+250) \cdot 101 + (101+2 \cdot 250) \cdot 250]}{12 \cdot 2,1 \cdot 10^5 \cdot 22303926,3} + \\ &\quad \frac{1}{4} \cdot \frac{250^2 \cdot 1500}{2,1 \cdot 10^5 \cdot 32169908,7} = 8,033 \cdot 10^{-8} + 5,193 \cdot 10^{-7} + 3,469 \cdot 10^{-6} = 4,06863 \cdot 10^{-6} \text{ mm/kN} \end{aligned} \quad (10).$$

Axle stiffness is (as the converse of flexibility):

$$k = 2,457 \cdot 10^5 \text{ N/mm} \quad (11).$$

2.3. Calculation of natural transverse vibrations frequencies

Assuming the axle model as a beam loaded with unit mass load q , the transverse vibration equation is as follows:

$$EJ \frac{d^4y}{dx^4} = q \quad (12).$$

After transformations, the equation of transverse vibrations of the axle as a beam with a circular cross-section and evenly distributed mass takes the following form:

$$EJ \frac{d^4y(x,t)}{dx^4} = -\frac{\gamma}{g} \cdot F \cdot \frac{\partial^2 y}{\partial t^2} \quad (13).$$

After entering the constant $a^2 = \frac{E \cdot J \cdot g}{F \cdot \gamma}$ the following equation will be obtained:

$$\frac{\partial^2 y}{\partial t^2} + a^2 \frac{\partial^4 y}{\partial x^4} = 0 \quad (14).$$

The solution of the above equation takes the form:

$$\omega = \omega_n = \frac{\pi^2 \cdot n^2}{l^2} \sqrt{\frac{E \cdot J \cdot g}{F \cdot \gamma}} \quad (15).$$

$$\omega = \omega_1 = \frac{\pi^2 \cdot l^2}{1,500^2} \sqrt{\frac{2,1 \cdot 10^{11} \cdot 32169908,7 \cdot 9,81 \cdot 10^{-12}}{20106,1 \cdot 10^{-6} \cdot 7860 \cdot 9,81}} = 906,93 \text{ rad/s} \quad (16)$$

The natural vibrations frequency f_n is presented according to the formula:

$$f_n = n^2 \cdot \frac{\omega_1}{2\pi} \quad (17),$$

where: n - v, $n=1$, $n=2$ and $n=3$.

After inserting into formula (17) $\omega_1=906,93 \text{ rad/s}$, $\omega_2=5698,4 \text{ rad/s}$ and $\omega_3=8162,37 \text{ rad/s}$ of natural vibrations f_n it is respectively obtained the frequency of $f_1=144,34 \text{ Hz}$ ($n=1$), $f_2=577,36 \text{ Hz}$ ($n=2$), and $f_3=1299 \text{ Hz}$ ($n=3$).

To check the reliability of the obtained result, the verification was carried out based on the formula for the beam as a vibrating system, **divided into three the same masses, separated from each other by $l/3$, (where $2l=2s$)**.

Then the formula for determining the natural circular frequency of transverse vibrations is as follows:

$$\omega = \frac{5,701}{1} \cdot \sqrt{\frac{E \cdot J}{l \cdot m}} \quad (18).$$

After inserting the numerical data $l=2s=1,5 \text{ m}$, $E=2,1 \cdot 10^{11} \text{ N/m}^2$, $J=32169908,7 \cdot 10^{-12} \text{ m}^4$, $m=79 \text{ kg}$ ($1/3 \text{ m}$ of the whole part of the centre axle) into equation (18) it is obtained:

$$\omega = \frac{5,701}{1,5} \cdot \sqrt{\frac{2,1 \cdot 10^{11} \cdot 32169908,7 \cdot 10^{-12}}{1,5 \cdot 79}} = 907,41 \text{ rad/s} \quad (19).$$

The natural frequency of transverse vibrations is $144,41 \text{ Hz}$. Both results are very similar, which suggests that the calculated values are correct. Analyzing the obtained results of the natural transverse vibrations, it can be stated that they are at a quite high level, not threatening the safe operation. The level of excitation vibration is definitely lower than that of kinematic excitation. The source of axle overload is vertical acceleration ? and lateral acceleration ?. These accelerations, in turn, are caused by vertical and transverse roughness respectively, occurring in the track and track trajectory (unbalanced cant). If it is assumed that 1 full cycle of fatigue load corresponds to full wheel rotation, then the frequency of excitations can be defined as:

$$\omega = 2\pi \cdot \frac{v}{L} = 2\pi \cdot \frac{v}{\pi \cdot D} \quad (20).$$

where: v - linear speed in km/h [m/s].

A list of frequency and frequency of excitations is presented in Table 2.

**Zestawienie częstotliwości i częstotliwości wymuszeń kinematycznych wywołujących zginanie obrotowe osi/
List of the frequency and frequency of kinematic excitations causing rotational bending of the axle**

Tablica 2/ Table 2

Parametr/ Parameter	1	2	3	4	5	6
Prędkość [km/h]/ Speed [km/h]	20	40	60	80	100	120
Prędkość [m/s] Speed [m/s]	5,55	11,11	16,66	22,22	31,83	33,33
Częstość kołowa [rad/s]/ Circular frequency [rad/s]	12,06	24,15	36,21	48,30	69,19	72,45
Częstotliwość [Hz]/ Frequency[Hz]	1,91	3,84	5,76	7,68	11,01	11,53

As it can be seen from Table 2 the level of frequency of excitation vibrations is definitely lower than the natural vibrations of the centre part of the wheelset axle with the journal 120? 179 mm. Thus, it can be found that the transverse vibrations at such axle dimensions are not a significant threat. The axle is rigid enough in the centre part to avoid the resonance, so that the frequency of excitation vibrations is not the threat to the safe operation of the wheelset axle.

3. SUMMARY

In connection with the calculations carried out on the load capacity of the axle with journal 120? 179 mm, it can be defined the load capacity of the axle as: „**the ability to carry the static, fatigue and impact loads occurring in operation as well as to guarantee such movements and displacements of the wheelset in the track (depending directly on its geometry) to ensure the proper interaction in the vehicle-track system and the dynamic properties in accordance with PN-EN 14363:2016 [18].**” The axle life in the load cycles and the course directly related to the freight wagon is not given in PN-EN 13103-1:2017 [15], even if the guidelines given in PN-EN 15313:2016 [19] are obeyed strictly. This is the next evidence that the life of the axle is determined by its current technical condition, not age. If so, the thesis can be made that if axle tests during the inspections and planned repairs, supported by the diagnostic systems on the vehicle and on the infrastructure, are more and more precise, we can expect that the wheelset axles achieve longer and longer life periods. The issue of proper qualification of axle for operation is the more important as the axle is sensitive to notches. According to [7], as a measure of sensitivity to the notches (German „Kerbempfindlichkeit”) to the external notch effect, the notch action coefficient γ_K (German „Kerbwirkungszahl”) caused by the damages that may occur in operation is introduced, which may include:

- mechanical damages
- corrosion caused by atmospheric factors such as marine climate, “industrial atmosphere”, water, salt solutions and chemical compounds such as SO₂, SO₃, CO and CO₂ etc.
- loss of axle dimensions as a result of improper process of assembly and disassembly of bearing rings and wheels etc.

4. CONCLUSIONS

1. The presented analysis shows that the axle bending arrows in the centre part and in the area of the axle journal assume the quite important, but still safe values for conducting the safe operation, in the light of the criterion set for the range of internal wheel rims spacing, which is 1360^{+3}_{-3} mm for wheelsets with the externally mounted bearings. In this case, the attention should also be paid to the stiffness (flexibility) of the disc of both wheels. For the wheels with high lateral susceptibility, the dimension 1360^{+3}_{-3} may be exceeded.
2. A constructional procedure which could additionally help in maintaining this dimension is to limit the tolerance of wheel rims spacing from 1360^{+2} mm to value of 1360^{+1} mm. Similarly, it is recommended that the dimension of the outer wheel rims spacing, which in new condition is max. 1426 mm, and in worn condition min. 1410 mm, should be checked so that its spacing due to wear of the rolling surface and wheel rims is as small as possible. This guarantees the better dynamic properties in relation to the reference track during the operation of the freight wagon. It should be remembered that the inner spacing of wheel rims of the wheelset not built-in under the wagon, in the new state or after repair, should not be 1360^{+2} mm, i.e. it should not differ from the initial state. It should be taken into account that the greater the accuracy of the wheelset and its components increases and their variability during operation will be limited, in particular:

- external spacing of side wheel flanges in the built-in and not built-in condition under the vehicle,
- external spacing of wheel rims, otherwise known as the wheelset's guide in the track,
- difference in rolling diameters of the only wheelset,

then the chances of stability of the dynamic properties and interaction in the vehicle-track system increase in accordance with the guidelines of the European standard PN-EN 14363:2016 [18].

Of course, this is a difficult task, considering that there is a tendency for the intervals between levels P1, P2, P3, P4 and P5 to be increased. Treatments from the part of the vehicle do not guarantee the achievement of the intended goal, because it is important to maintain the track infrastructure properly. The main goal is to maintain the value of the equivalent conicity as a

parameter characterizing the contact between the wheel and the rail. It should be assumed that the lower value of equivalent conicity is, the higher speed of the vehicle can be reached. Lengthening the inter-repair periods will not increase the profitability of the operated rolling stock if the quality of repairs is not improved. The implementation of preventive repairs "on time" seems to be a future solution. These methods are based on advanced diagnostics of infrastructure and vehicles (in this case the freight wagons).

3. The wheelset axle with journal a ? 120? 179 mm has the sufficient load carrying capacity to guarantee the reliable and safe operation, provided that the repairs are carried out at all levels, so that the axle is not exposed to action of additional notches lowering the fixed fatigue limit (fatigue strength). This results from all previous studies [1? 3]. Another factor is the improvement of repair factors so as to detect the significant defects, especially the surface scratches, the depths of which regarding operational risk should be compared with the values of the allowable surface roughness of the individual axle sectors. As the operational practice shows, they can be effectively detected by a combination of methods, e.g. measurement of surface roughness, magnetic powder methods and ultrasonic methods.
4. It should be taken into account that it is possible to optimize the life of the axles in operation. This optimization can be done at the level of P4 or P5 repairs.

5. BIBLIOGRAPHY

- [1] Sobaś M. *Określenie nośności osi zestawów kołowych wagonów towarowych z czopem o wymiarach Ø120? 179 mm na drodze analitycznej*. Pojazdy Szynowe 3/2019
- [2] Sobaś M. *Wytyczne do określenia nośności osi zestawów kołowych wagonów towarowych z czopem o wymiarach Ø120? 179 mm*. Pojazdy Szynowe 2/2019
- [3] Sobaś M. *Wpływ omaźnicowanych zestawów kołowych na bezpieczeństwo eksploatacyjne*. Pojazdy Szynowe nr 4/2016.
- [4] Sobaś M. *Diagnostyka osi zestawów kołowych układów biegowych pojazdów trakcyjnych i tocznych*. Pojazdy Szynowe nr 4/2010
- [5] Sobaś M. *Kryteria obiektywnej oceny prognozowanej oceny stanów osi zestawów kołowych pojazdów trakcyjnych*. Pojazdy Szynowe nr 1/2011
- [6] Stasiak L. *Doświadczenie determinacja charakterystyk wytrzymałości zmęczeniowej osi zestawów kołowych pojazdów szynowych*. Poznań 1986.
- [7] Tauscher H. *Dauerfestigkeit von Stahl und Gusseisen. 4.neubearbeitete Auflage (VEB Fachbuchverlag Leipzig, 1982. (pol. „Wytrzymałość zmęczeniowa dla stali i żeliw. 4. przerobione wydanie (Wydawnictwo Księżek Fachowych Lipsk 1982).*
- [8] Karta UIC 510-1. *Wagony towarowe. Układ biegowy. Normalizacja. 9-te wydanie. 1.01.1978. 14 zmian od 1.01.80 do 1.01.97.*
- [9] Karta UIC 510-2. *Pojazdy doczepne. Warunki dla stosowania kół o różnych średnicach w układach biegowych różnego typu. 4-te wydanie ze zmianami od października 2002 do kwietnia 2004.*
- [10] Karta UIC 515-3. *Pojazdy szynowe. Wózki – układy biegowe. Metodyka obliczeń osi zestawów kołowych. I-sze wydanie z 1.07.1994. Karta wycofana 1.08.2006.*
- [11] Karta UIC 805-70. *Otwór gwintowany kanałów dla hydraulicznego ściągania i poluzniania połączeń zaciskowych. 2-gie wydanie z 1.07.1986*
- [12] Karta UIC 811-1. *Warunki techniczne na dostawę osi zestawów kołowych dla pojazdów trakcyjnych i wagonów. Karta wycofana 1.08.2006.*
- [13] Raport ORE/ERRI B12 Rp.11/D *Frage B136 Radsätze mit aufgesattelten Achslagern: Konstruktion, Unterhaltung, Standardisierung. Bericht Nr.11. Berechnung von Radsatzwellen für Güterwagen und Reisezugwagen. Utrecht, April.1979 (j. polski: „Zestawy kołowe z nasadzonymi maźnicami: Konstrukcja, Utrzymanie, Standaryzacja. Raport 11. Obliczenie osi zestawów kołowych wagonów towarowych i wagonów osobowych.” Utrecht, kwiecień 1979.)*
- [14] PN-EN 13103+A2:2012. *Kolejnictwo. Zestawy kołowe i wózki. Osie zestawów kołowych tocznych. Zasady konstrukcji.*
- [15] PN-EN 13103-1:2017 (E). *Kolejnictwo. Zestawy kołowe i wózki-Część 1: Zasady konstrukcji dla osi z czopami zewnętrznymi*
- [16] PN-EN 13104+A2:2013. *Kolejnictwo. Zestawy kołowe i wózki. Osie zestawów kołowych napędnych. Zasady konstrukcji.*
- [17] PN-EN 13261+A1:2011. *Kolejnictwo. Zestawy kołowe i wózki. Osie. Wymagania dotyczące wyrobu.*
- [18] PN-EN 14363:2016 E. *Kolejnictwo. Badania i symulacje modelowe własności dynamicznych pojazdów szynowych przed dopuszczeniem do ruchu. Badania właściwości biegowych i próby stacjonarne.*
- [19] PN-EN 15313:2016. *Kolejnictwo. Wymagania eksploatacyjne dotyczące obsługi zestawów kołowych. Utrzymanie zestawów kołowych pojazdów w eksploatacji i wyłączenie z eksploatacji.*

- [20] EN ISO 643:2003. Steels. Micrographic determination of the apparent grain size.
- [21] PN-64/H-84027. Stal dla kolejnictwa. Gatunki.
- [22] PN-84/H-84027/03. Stal dla kolejnictwa. Osie zestawów kołowych dla pojazdów szynowych. Gatunki.
- [23] OW-1166/1. Tymczasowe warunki techniczne na rolowanie osi zestawów kołowych dla pojazdów trakcyjnych oraz wagonów osobowych i towarowych. Dokument przechowywany w archiwum „IPS TABOR”
- [24] OR-6220. Obliczenie skrajni kinematycznej zwężonej wagonu 408W na wózkach IXTa/S. Dokument przechowywany w archiwum „IPS TABOR”
- [25] OR-6390. Obliczenie skrajni kinematycznej zwężonej wagonu 424V na wózkach 25TNb/2. Dokument przechowywany w archiwum „IPS TABOR”
- [26] Opracowanie 407Kb 0108-1. Obliczenie skrajni kinematycznej wagonu 407 Kb na wózkach 25TNb/2. Dokument przechowywany w archiwum „IPS TABOR”
- [27] Opracowanie 432 R 0108-1. Obliczenia skrajni kinematycznej zwężonej wagonów 432R i 433 R na wózkach 25TNb/2. Dokument przechowywany w archiwum „IPS TABOR”
- [28] Opracowanie 418S 0108-1. Obliczenie skrajni wagonu 418S na wózkach 25TNb/2. Dokument przechowywany w archiwum „IPS TABOR”
- [29] Opracowanie 418V 11603-1/N. Obliczenie skrajni kinematycznej zwężonej wagonu 418Vb na wózkach 2XTC. Dokument przechowywany w archiwum „IPS TABOR”
- [30] OR-8260. Wytyczne do obliczeń skrajni kinematycznej wagonów czteroosiowych na przykładzie wagonów cystern „458R” oraz wagonów pokrewnych. Wyznaczanie współczynnika pochylenia i wpływu luzów ślizgów bocznych na zwężenia quasi-statyczne „z”. Dokument przechowywany w archiwum „IPS TABOR”
- [31] OR-8464. Obliczenia bieguna przechylania, współczynnika przechylania i niesymetrii własnej wagonu cysterny typu 456 Re przeznaczonego do transportu dwutlenku węgla w stanie ciekłym. Dokument przechowywany w archiwum „IPS TABOR”
-

*dr inż. Marek Sobaś, prof. Instytutu
ŁUKASIEWICZ – IPS „TABOR”*

Determination of bendings of axle with journal with dimensions of Ø120×179 mm of freight wagon wheelsets

Określenie ugięć osi z czopem o wymiarach Ø120×179 mm zestawów kołowych wagonów towarowych

The article presents the analytical determination of axle bendings with the journal dimensions of Ø120×179 mm, used in the running gear systems of freight wagons of IXTa type and Y25 family with variants. The results of calculations of the bending arrows in the individual sectors of the axle are presented together with their assessment and comparison to the applicable criteria which were taken based on the currently applicable European regulations. Calculations of transverse vibrations frequencies acting on the wheelset axle are also presented.

W artykule opisano analityczne wyznaczanie ugięć osi o wymiarach czopa Ø120×179 mm zastosowanej w układach biegowych wagonów towarowych typu IXTa oraz rodziny Y25 z odmianami. Następnie, przedstawiono wyniki obliczeń dotyczące wartości ugięć w poszczególnych sektorach osi wraz z ich oceną i porównaniem do obowiązujących kryteriów zamieszczonych w przepisów europejskich. Zamieszczono również obliczenia częstotliwości drgań giętnych występujących w osi zestawu kołowego.