

ANDRZEJ POŻARYCKI Politechnika Poznańska andrzej.pozarycki@put. poznan.pl



PRZEMYSŁAW GÓRNAŚ

Politechnika Poznańska przemyslaw.gornas@put. poznan.pl



MARCIN BILSKI Politechnika Poznańska marcin.bilski@put.

poznan.pl



ADAM TURKOT Politechnika Poznańska adam.turkot@put. poznan.pl

Parametryzacja krzywej ugięć nawierzchni podatnych

W literaturze jest wiele przykładów oceny właściwości nawierzchni na podstawie kształtu krzywych, które uzyskuje się w badaniach ugięć nawierzchni. Wiedząc, że uogólniona definicja ugięć nawierzchni w przestrzeni 3D prowadzi do pojęcia czaszy ugięć, w rozważaniach dla dwuwymiarowej przestrzeni wygodnie jest analizować jej przekroje. Zakładając, że przekroje 2D są szczególnym przypadkiem trójwymiarowej bryły, nazywanie przekroju czaszy ugięć krzywa ugięć nawierzchni jest naturalnym uproszczeniem i jest uzasadnione. Uzyskaną tym sposobem krzywą ugięć można parametryzować na wiele sposobów.

Zaletą jednak praktycznego zbioru parametrów, które opisują tę krzywą, jest perspektywa przypisania do każdego z nich sensu fizycznego. Co więcej, wartości tych parametrów powinny być łatwo mierzalne, a ich interpretacja musi być jednoznaczna. Zadanie to jednak okazuje się trudne, gdyż wartości parametrów oznaczane w laboratorium są obarczone błędem skali, a w badaniach nawierzchni in situ, nadmierna liczba parametrów modelu układu warstwowego, który wiernie odzwierciedla warunki rzeczywiste, zmusza do szukania uproszczeń. Tego typu uproszczenia są przedmiotem badań naukowych, a wyniki tych poszukiwań w wielu przypadkach skoncentrowały się na tzw. parametrach czaszy ugięć DBPs (ang. Deflection Basin Parameters). Jednym z bardziej kompletnych źródeł literaturowych, w którym dokonano analizy zależności proponowanych przez różnych autorów jest raport [2]. Z uwagi na dość szczególny charakter takich ocen i ich empiryczną wartość, wielkości te zestawiono również w tabeli 1.

Tabela 1. Zestawienie najczęściej spotykanych parametrów krzywej ugięć nawierzchni [2]

Nazwa parametru	Parametr	Źródło wyników	Autor pomysłu
Powierzchnia	$AREA = \frac{6(D_0 + 2D_{12} + 2D_{24} + D_{36})}{D_0}$	FWD	Hoffman 1981
Powierzchnia cząstkowa	$AREA_{2} = \frac{6(D_{12} + 2D_{18} + D_{24})}{D_{0}}$ $AREA_{3} = \frac{6(D_{24} + 2D_{36} + D_{48})}{D_{0}}$	FWD	
Wskaźniki powierzchni	$AI_{1} = \frac{D_{0} + D_{12}}{2D_{0}}$ $AI_{2} = \frac{D_{12} + D_{24}}{2D_{0}}$ $AI_{3} = \frac{D_{24} + D_{36}}{2D_{0}}$ $AI_{4} = \frac{D_{36} + D_{48}}{D_{0}}$	FWD	
Powierzchnia	$AUPP = \frac{5D_0 - 2D_{12} - 2D_{24} - D_{36}}{2}$	FWD	Hill & Thompson
Wskaźnik krzywizny ugięć na podbudowie	$BCI = D_{60} - D_{48}$ or $BCI = D_{24} - D_{36}$	Dynaflect FWD	Peterson 1972
Wskaźnik uszkodzeń podbudowy	$BDI = D_{12} - D_{24}$	RR & FWD	
Wskaźnik zginania	$BI = D_0 / a$	BB	Hveem 1954
Iloraz ugięć	$DR = D_r / D_0$	FWD	Classen 1976
Wskaźnik wpływu obciążenia	$LSI = (D_{48} / D_{24})xF$	FWD	Wimsatt 1995
Wartość maksymalna ugięcia	D 0	BB Dynaflect	Shrivner 1968
Promień krzywizny	$R = \frac{r^2 *}{(2 D_0 (D_0 / D_r - 1))}$	CM & BB	Dehlen 1962
Promień wpływu	$RI = x / D_0$	BB	Ford 1962

Tabela 1. Zestawienie najczęściej spotykanych parametrów krzywej ugięć nawierzchni [2] (cd.)

Nazwa parametru	Parametr	Źródło wyników	Autor pomysłu
Współczynniki kształtu	$F_{1} = (D_{0} - D_{24})/D_{12}$ $F_{2} = (D_{12} - D_{36})/D_{24}$	FWD	Hoffman 1981
Współczynnik kształtu	$F_3 = (D_{24} - D_{48}) / D_{36}$	FWD	
Wskaźnik nachylenia	$SD = \tan^{-1} [(D_0 - D_r)/r]$	BB	Kung 1967
Wskaźnik wpływu	$S = \frac{25(D_0 + D_{12} + D_{24} + D_{36})}{D_0}$	Dynaflect RR FWD	Vaswani 1971
Wskaźnik wytrzymałości	$SSI = A_x / (X_{\min} x E_{\min})$	FWD	Jung 1992
Wskaźnik spójności	$SII = A_x / (X_s x E_m)$	FWD	Jung 1992
Wskaźnik krzywizny linii ugięć na powierzchni warstwy	$SCI = D_0 - D_{12}$	BB RR Dynaflect FWD	Shrivner 1968
Nachylenie stycznej	$TS = (D_0 - d_x)/x$	FWD	Stock 1984

Legenda:

- Dr wartość ugięcia oznaczona na powierzchni warstwy;
- r dystans między miejscami oznaczenia wartości ugięcia nawierzchni, a osią obciążenia;
- a ¼ długości krzywej ugięć nazywanej "czaszą";
- x odległość od miejsca, w którym wartość ugięcia jest największa do punktu styczności;
- d wartość ugięcia w punkcie styczności;
- F minimalna wartość z D12/D0, D24/D12, ..., lub D72/D60;
- Ax powierzchnia pod krzywą opisującą funkcję tzw. "modułu powierzchniowego";
- Em szacowana wartość modułu podbudowy;
- Xs długość promienia dla układu osiowo-symetrycznego;
- BB analiza na podstawie wyników z pomiarów belka Benkelmana;
- RR analiza na podstawie wyników z pomiarów urządzeniem ang. Road Rater;
- FWD analiza na podstawie wyników z pomiarów urządzeniem typu FWD;
- CM analiza na podstawie wyników z pomiarów krzywiznomierzem;

* – r = 127 mm.

Potwierdzenie praktycznych aspektów parametryzacji wykazano między innymi w pracach [1] czy [4]. We wnioskach pracy [1] stwierdzono, że istnieje silna korelacja statystyczna pomiędzy parametrami SCI oraz BDI, a wartościami równoważnego modułu sztywności (Eeq) obliczonego dla modelu jednowarstwowego nawierzchni metodą obliczeń odwrotnych. Z kolei w pracy [4] próbuje się powiązać parametry krzywej ugięć z maksymalną wartością odkształceń występujących na powierzchni podłoża nawierzchni. przeczny nawierzchni ma trzy charakterystyczne strefy: 1) "górna", 2) "środkowa", 3) "dolna". Ze strefą "górną" utożsamia się warstwy o największej sztywności, a więc warstwy wykonane w technologiach MMA i BC. Strefa "środkowa" to warstwy podbudowy pomocniczej (KŁSM, KNSM i stabilizowane cementem). Strefa "dolna" to strefa o najmniejszej sztywności, a więc podłoże nawierzchni. W dalszej kolejności do każdej strefy przypisano znaczenie fizyczne parametrów SCI (ang. *surface curvature index*; "wskaźnik krzywizny po-

wierzchni"), BDI (ang. base damage index; "wskaźnik uszkodzenia podbudowy") oraz BCI (ang. base curvature index; "wskaźnik krzywizny podbudowy"). Ostatecznie stawia się hipotezę, że wskaźniki SCI, BDI oraz BCI niosą w sobie ładunek informacji o stanie technicznym odpowiednio "górnej", "środkowej" oraz "dolnej" strefy nawierzchni. Najbardziej subiektywnym zadaniem w takim podejściu jest ostateczne sformułowanie kryteriów. Bardzo obszerna analize tego procesu oparto na bazie danych systemu utrzymania nawierzchni, której opis czytelnik znajdzie również w pracy [2].

rysunku 1.

padek zależności, jaka zachodzi między parametrami krzywej ugięć, a wartością maksymalnych ugięć nawierzchni podatnej uzyskanych w pomiarach ugięciomierzem dynamicznym typu FWD [3]. Populacja wyników opisanych tam badań pochodzi z badań nawierzchni na jednej z dróg w Polsce. Temperatura nawierzchni podczas badań wynosiła od 15 do 30 st. C, a wiercenia geotechniczne wykonano na obu pasach ruchu w odległościach między sobą co 50 m. Ilustracie zależności, w przypadku której uzyskano wartość współczynnika determinacji > = 0.95 przedstawiono na

W raporcie [2] auto-

rzy przedstawili analizę prowadzoną przy założeniach, że przekrój po-

W pracy [3] opisano też relatywnie prosty przy-



Hys. 1. Opis zalezności tunkcyjnej d₀ = t (a, h_{AC}, SCI, BDI, BCI) jaką wyznaczono podczas analizy badań ugięć odcinka nawierzchni [3] o długości 30 km, w której: a – parametr regresji, d₀ – wartości ugięć nawierzchni oznaczone w osi obciążenia, h_{AC} – łączna grubość wszystkich warstw asfaltowych; SCI, BDI, oraz BCI są wyjaśnione w dalszej części artykułu

Cel i metody

W artykule omówiono wybrane aspekty praktycznej weryfikacji założeń w nawiązaniu do roli jaką przypisuje się parametryzacji krzywej ugięć nawierzchni. Pod uwagę wzięto trzy znane w tym obszarze badawczym parametry SCI, BDI, BCI oraz cztery inne parametry, które zdefiniowane zostały za sprawą kształtu funkcji aproksymacyjnej, zaproponowanej przez autorów do opisu wyników badań ugięć nawierzchni podatnych. Do weryfikacji wykorzystano wyniki badań, które uzyskano dla nawierzchni odcinka testowego, wykonanego w ściśle kontrolowanych warunkach [5].

Odcinek badawczy

Do analizy wzięto pod uwagę wyniki badań ugięć nawierzchni, które odpowiadają typowemu układowi warstw nawierzchni asfaltowych w Polsce dla kategorii ruchu KR3. Zbiór wyników zbudowano na podstawie badania ugięć nawierzchni na powierzchni każdej warstwy asfaltowej wchodzącej w skład przekroju poprzecznego (rysunek 2). Warstwy asfaltowe ułożone zostały na podbudowie pomocniczej o grubości 20 cm. Podbudowę wykonano z kruszywa łamanego stabilizowanego mechanicznie (KŁSM) o uziarnieniu 0/31,5 mm, a w podłożu stwierdzono grunty spoiste w stanie twardoplastycznym. Długość odcinka do badań wynosiła 30 m, przy czym, w celu uniknięcia negatywnego wpływu warunków brzegowych związanych z technologią wykonywania nawierzchni podatnych, za odcinek miarodajny uznano odcinek nawierzchni od 10,5 do 19,5 m. W konsekwencji na odcinku testowym o długości 9 m wykonano pomiary, których opis zilustrowano na rysunkach 3 i 4.

W przypadku pomiarów belką Benkelmana wartość w 6 metrze odcinka uznano za pomiar odstający. Jednak z uwagi na specyfikę materiału do budowy warstw z kruszywa podjęto decyzję, że w analizie uwzględnione zostaną wszystkie wartości. Do badań sztywności próbek wyciętych ze wszystkich trzech warstw asfaltowych wykorzystano procedurę testu zginania belki pryzmatycznej (4PBB). Próbki belkowe badano w temperaturze 15 st. C. Temperatura warstw asfaltowych, podczas pomiarów urządzeniem FWD, wahała się w granicach od 16 do 18 st. C. Na podstawie pulsu obciążenia, generowanego przez ugięciomierz dynamiczny ustalono, że średnia częstotliwość przyłożonego obciążenia w tym teście jest równa 18 Hz (w ogólnym przypadku należy pamiętać, że wartości te nie są stałe [6]).

Klasyczna parametryzacja krzywej ugięć nawierzchni

W standardowej analizie DBP, do wyrażenia postaci i war-

tości parametrów SCI, BDI i BCI wykorzystuje

sie wartości dyskretne,

zaznaczone czerwo-

nym kolorem na wykre-

sach z rysunku 5.



Rys. 2. Schematy konstrukcji nawierzchni poddanych badaniom ugięć, a) przekrój numer 1, b) przekrój nr 2, c) przekrój numer 3



Rys. 3. a) Histogramy grubości warstw asfaltowych na podstawie próbek walcowych wyciętych z odcinka testowego w odstępie co 1 m (ang. Mean (h) oznacza średnią grubość oznaczoną na podstawie 6 próbek, ang. MeanCl oznacza średnią szerokość przedziału ufności 95%), b) zdjęcie ortogonalne przekroju próbki wyciętej z warstw asfaltowych nawierzchni odcinka testowego obrazujące przypadek grubości minimalnych i maksymalnych, które wynikają z oznaczania grubości na chropowatych powierzchniach warstw asfaltowych ułożonych na warstwie z KŁSM





b) Maksymalne wartości ugięć nawierzchni (metoda FWD)



 d) Wartości zespolonych modułów sztywności oznaczonych metodą 4PBB w temperaturze 15 st. C w funkcji częstotliwości siły obciążenia



Rys. 4. Wyniki badań wybranych elementów nawierzchni odcinka testowego o długości 9 m

Biorąc pod uwagę kształt krzywej ugięć nawierzchni, do obliczenia wartości przedmiotowych wskaźników w układzie SI przedstawiają wzory (1)

$$SCI = D_0 - D_{300} [m] BDI = D_{300} - D_{600} [m] BCI = D_{600} - D_{900} [m]$$
(1)

Parametryzacja krzywej ugięć nawierzchni zbudowanej na jądrze funkcji opisującej rozkład t-Studenta

Warto zauważyć, że do zagadnienia parametryzacji można podejść też inaczej. Jeżeli zauważy się, że za podstawa matematycznego opisu kształtu krzywej zbudowanej na podstawie zmierzonych wartości ugięć nawierzchni jest jądro funkcji rozkładu t-Studenta, to do opisu krzywej ugięć nawierzchni można wykorzystać funkcję ciągłą. Do aproksymacji można wykorzystać dowolny algorytm optymalizacyjny. W artykule wykorzystano algorytm Nelder-Mead szerzej opisany w [7].

Tym samym zamiast korzystać z dyskretnych postaci wzorów (1) można skorzystać z postaci funkcji opisanych wzorami (2) (3) (4):

$$SCI = w[x_{0.30}] = w(x = 0) - w(x = 300) [m]$$
 (2)

$$BDI = w[x_{30.60}] = w(x = 300) - w(x = 600) [m]$$
(3)

$$BCI = w[x_{60.90}] = w(x = 600) - w(x = 900) [m]$$
(4)



Rys. 5. Schemat tworzenia klasycznego kształtu krzywej ugięć nawierzchni (rysunek należy przeglądać rozpoczynając od lewego górnego wykresu i potem przeciwnie do ruchu wskazówek zegara)

Rys. 6. Postać funkcji do aproksymacji wartości ugięć nawierzchni oznaczanych urządzeniami typu FWD (przy założeniu, że do pomiarów użyto przynajmniej 7 geofonów). Punkty oznaczone niebieską gwiazdką o wartościach współrzędnych mniejszych od zera są symetryczne względem osi rzędnych. Wprowadzono je w celu ułatwienia procesu obliczeniowego w trakcie dopasowania sparametrvzowanei funkcii

mm

a) Postać funkciji aproksvmaciji krzvwej ugieć

b) Graficzna ilustracja funkcji w(x)



Takie spojrzenie pozwala na szersze studium wrażliwości krzywej ugięć na reakcję poszczególnych stref nawierzchni w porównaniu do formuły dyskretnej (np. studiując inne wartości argumentów 'x' w porównaniu do tych, które wynikają z podstawowych zależności SCI, BDI oraz BCI, ale wykracza to poza ramy tego artykułu). Funkcja w(x) okazuje się dobrym przybliżeniem kształtu krzywej ugięć nawierzchni, które uzyskano w przypadku wyników badań empirycznych na odcinku testowym. Na rysunku 7 pokazano jak zmienia się kształt tej funkcji w odniesieniu do zmian wartości jej parametrów. Krzywe zaznaczone kolorami niebieskim i czarnym pokazane są na wykresach w celach porównawczych, przy czym krzywa zaznaczona kolorem niebieskim pochodzi ze zbioru wyników uzyskanych w pomiarach na nawierzchni, której schemat przekroju poprzecznego pokazano na rysunku 2c, a krzywa oznaczona kolorem czarnym z pomiarów na nawierzchni o przekroju pokazanym na rysunku 2a.

Wyniki badań i ich charakterystyka

Wykresy funkcji aproksymacyjnych wykonanych dla oznaczonych ugięć nawierzchni uzyskanych na podstawie pomiarów odcinka testowego pokazano na rysunku 8.

Parametry wykorzystanej funkcji aproksymacyjnej, w powiązaniu z wynikami badań analizowanych układów konstrukcyjnych nawierzchni zaprezentowanych na rysunkach 2 a, b oraz c, opisują obraz zmian, które towarzyszą budowie klasycznego przekroju poprzecznego nawierzchni z trzema warstwami asfaltowymi. W pierwszej kolejności na rysunku 9 pokazano histogramy wartości parametrów 'a, b, alfa, gamma'.

Rozkłady empiryczne (rysunek 9) wartości parametrów funkcji w(x), stanowią miarę wielkości "statycznych" i nie mówia nic na temat dynamiki ich zmian wzdłuż odcinka testowego. Obraz wartości parametrów w kontekście dynamiki ich zmian w funkcji zmiany miejsca pomiaru ugięć nawierzchni przedstawiono na rysunku 10.



Rys. 8. Graficzne zestawienie wyników pomiaru ugięć nawierzchni odcinka testowego (symbole pokazane na rysunku od lewej (od p1 do p9) oznaczają miejsca, w których wykonany został pomiar urządzeniem typu FWD, a opis osi rzędnych dla każdego z wykresów jest identyczny w każdym przypadku)



Rys. 9. Charakterystyka rozkładów empirycznych wartości parametrów funkcji w(x) w zależności od układu konstrukcyjnego nawierzchni



Rys. 10. Dynamika zmian wartości parametrów funkcji aproksymującej wartości ugięć nawierzchni w zależności od tego, na której warstwie asfaltowej nawierzchni wykonano pomiary ugięć

Dyskusja wyników

U podstaw sformułowanej tezy są wyniki pomiaru ugięć nawierzchni odcinka testowego, pokazane na rysunkach 2b oraz 2c. Wiedząc, że:

- grubości warstw asfaltowych we wszystkich 9 miejscach pomiaru ugięć nawierzchni odcinka testowego są do siebie zbliżone, a wartość współczynnika zmienności, który jest miarą rozrzutu statystycznego, jest mniejsza niż 7,2%;
- długość odcinka testowego wynosi 9 metrów, a więc można założyć, że mieszanka mineralno-asfaltowa ułożona na całej długości tego odcinka pochodzi z jednej dostawy;
- grubość warstwy z KŁSM jest stała, a jej średnia wartość wynosi 20 cm;
- wartości sił przy obciążeniach podczas pomiarów urządzeniem typu FWD można uznać za wartości stałe (po-

ziom statystycznego rozproszenia wyników jest zadowalający, rysunki 2a, b oraz c);

 wartości ugięć są znormalizowane do temperatury równej 20 st. C i wartości siły równej 50 kN;

przyczyną, dla której wartości ugięć nawierzchni maleją (patrząc w kierunku od punktu oznaczonego symbolem 'p1' [początek odcinka] do punktu 'p2' [koniec odcinka]), może być tylko zmiana stanu technicznego jej podłoża. Uwaga ta dotyczy wszystkich przypadków pomiaru ugięć nawierzchni, tzn. zarówno na warstwie KŁSM (pomiar metodą belki Benkelmana), jak i na warstwach asfaltowych, na których pomiary wykonano urządzeniem typu FWD. Jeżeli hipoteza o zmianie warunków w podłożu jest prawdziwa, to uzyskuje się możliwość praktycznej weryfikacji założeń odnośnie roli wskaźnika BCI w ocenie bezinwazyjnej podłoża nawierzchni. Spośród wykresów pokazanych na rysunku 11, zmiany wartości wskaźnika BCI są oznaczone literą 'c'.



Rys. 11. Wartości parametrów krzywej ugięć dla wszystkich 9 miejsc pomiarowych (oznaczonych na osi poziomej) zlokalizowanych na nawierzchni odcinka testowego (czarne kwadraty oznaczają wyniki uzyskane na podstawie pomiaru ugięć na warstwie podbudowy, czerwone trójkąty na warstwie wiążącej, a niebieskie punkty ilustrują wyniki obliczeń opartych na pomiarach ugięć na warstwie ścieralnej)

Podsumowanie i wnioski

W artykule analizie poddano odcinek testowy nawierzchni o długości równej 9 metrów. W ściśle kontrolowanych warunkach wykonana została nawierzchnia podatna typowa dla kategorii ruchu KR3. Podłoże spoiste nawierzchni zostało tylko zagęszczone walcami w sposób 'statyczny'. W dalszej kolejności ułożone zostały warstwa z kruszywa łamanego stabilizowanego mechanicznie oraz trzy warstwy z betonu asfaltowego. W momencie, gdy poszczególne etapy budowy nawierzchni były zakończone, do zbioru wyników badań dołączano konsekwentnie wyniki badania ugięć nawierzchni oraz wyniki badań próbek pobranych z miejsca budowy. Do analizy wzięto pod uwagę trzy znane w tym obszarze badawczym parametry SCI, BDI, BCI oraz cztery inne parametry, które zdefiniowane zostały na podstawie dopasowania kształtu funkcji aproksymacyjnej zaproponowanej przez autorów do opisu wyników badań ugięć nawierzchni podatnych. Na tej podstawie sformułowano następujące wnioski:

 Stwierdza się, że weryfikacja interpretacji roli parametru BCI jako wskaźnika, który ma w sobie potencjał do wnioskowania o stanie technicznym podłoża nawierzchni jest zgodna z oczekiwaniami. Bez względu na łączną grubość warstw asfaltowych (w przedziale od 6,5 do 15,5 cm) wartości parametru BCI wskazują, że stan techniczny podłoża na długości odcinka testowego nawierzchni się zmienia.

2) Zgodnie z interpretacją wartości parametrów SCI, wartości parametrów SCI zgodnie z oczekiwaniami są relatywnie stałe na całej długości odcinka testowego. Dotyczy do jednak wyłącznie pomiarów ugięć nawierzchni wykonanych na warstwach asfaltowych o łącznej grubości 10 cm i więcej. Biorąc pod uwagę analizę wyników badań laboratoryjnych modułów sztywności dla próbek wyciętych z warstw asfaltowych, z całą pewnością można stwierdzić, że uzyskane wartości są typowe dla warstw 'nowych'. To oznacza, że wnioskowanie o stanie technicznym warstw nawierzchni usytuowanych w "górnej" strefie na podstawie wartości parametru SCI, jest najbardziej wiarygodne w przypadku gdy badania ugięć nawierzchni zostały zrealizowane na nawierzchni, w której łączna grubość warstw asfaltowych wynosi 10 cm lub więcej.

 Wartości parametrów BDI są relatywnie stałe tylko przy pomiarach ugięć nawierzchni na warstwach asfaltowych o grubości powyżej 15 cm.

4) Parametr 'a' funkcji aproksymacyjnej zaproponowanej do opisu dyskretnych wartości ugięć nawierzchni z pomiarów urządzeniem typu FWD prowadzi do identycznych wniosków co analiza wartości parametru BCI.

W podsumowaniu należy podkreślić, że uwagi sformułowane w artykule dotyczą nawierzchni jednego odcinka testowego. Mimo że odcinek wykonany został w kontrolowanych warunkach i autorzy dołożyli wszelkich starań aby zadbać o obiektywizm tych rozważań, wnioski należy traktować jako podstawę do wytyczenia dalszych kierunków badań, które jednoznacznie muszą być skoncentrowane na poszukiwaniu kryteriów oceny dla opisanych tu parametrów.

Bibliografia

- Use of FWD deflection basin parameters (SCI, BDI, BCI) for pavement condition assessment, Ott Talvik1, Andrus Aavik2, The Baltic Journal Of Road And Bridge Engineering 2009 4(4): 196–202
- [2] Kim, Y. R., S. R. Ranjithan, J. D. Troxler, and Bing Xu. Assessing Pavement Layer Condition Using Deflection Data. NCHRP 10-48 Final Report, 2000
- [3] Pożarycki A., Improving the pavement diagnostic accuracy by asphalt layers thickness and fatigue life assessment with controlled application of artificial neural network. The Baltic Journal of Road and Bridge Engineering, 2014 (accepted for printing)
- [4] Bilodeau, J.-P., Doré, G., 2014. Direct Estimation of Vertical Strain at the Top of the Subgrade Soil from Interpretation of Falling Weight Deflectometer Deflection Basins, Canadian Journal of Civil Engineering 41(5): 403–408. http://dx.doi.org/10.1139/cjce-2013-0128
- [5] Pożarycki A., Analiza trwałości zmęczeniowej mieszanek mineralno-asfaltowych, Rozprawa doktorska, Wydawnictwo Politechniki Poznańskiej, strony 1-176, Poznań 2009 r.
- [6] Pożarycki A., Górnaś P., Wanatowski D., The influence of frequency normalisation of FWD pavement measurements on backcalculated values of stiffness moduli, Road Materials and Pavement Design, 2017, doi.org/10.1080/14680629.2017.1374991
- [7] Gao F., Han L., Implementing the Nelder–Mead simplex algorithm with adaptive parameters. Computational Optimization and Applications, 51(1), 259–277, (2012)