# Wyznaczanie stałych materiałowych dla płyt warstwowych z rdzeniem PUR

Dr inż. Monika Chuda-Kowalska, Politechnika Poznańska, prof. dr hab. inż. Andrzej Garstecki, Politechnika Poznańska

# 1. Wprowadzenie

Płyty warstwowe od wielu lat znajdują szerokie zastosowanie w budownictwie, przemyśle kosmicznym, lotniczym, samochodowym, okrętowym, przemyśle sprzętu sportowego oraz w innych gałęziach przemysłu (np. kasków ochronnych). Wynika to z możliwości łączenia materiałów o skrajnie różnych parametrach materiałowych w jedną współpracujacą ze sobą konstrukcję. Kluczową rolę odgrywa właściwe połączenie warstw i decyduje o cechach mechanicznych całej płyty. Interesujący przegląd właściwości układów warstwowych wykonanych z rozmaitych materiałów oraz specyfikę różnych zastosowań można znaleźć w pracy [3]. Dodajmy, że płyty warstwowe stosowane w budownictwie, dzięki swej niskiej masie, pozwalają na uzyskanie niskiego kosztu transportu i montażu.

W pracy uwagę skupiono na płytach warstwowych złożonych z dwóch cienkich okładzin stalowych i podatnego rdzenia z pianki poliuretanowej. Dla tej klasy płyt wiele względów przemawia za wyznaczaniem stałych materiałowych na próbkach, które posiadają wszystkie warstwy. Wtedy zachowane są warunki rzeczywistej współpracy różnych materiałów. Na szczególną uwagę zasługuje identyfikacja modułów sprężystości rdzenia, gdyż parametry te mają decydujący wpływ na przemieszczenia płyty oraz nośność przy lokalnej utracie stateczności. Badania autorów [2] wykazały, że zalecane przez normę [6] sposoby identyfikacji modułu Kirchhoffa rdzenia G<sub>c</sub> dla rozpatrywanej klasy płyt dają różne wyniki w zależności od zastosowanej metody. W zwiazku z tym istnieje potrzeba prac nad metodyką eksperymentalnych badań płyt. Zaproponowana zostanie alternatywna, oryginalna metoda wyznaczania modułu G<sub>c</sub> rdzenia w testach zginania, która polega na bezpośrednim pomiarze katów deformacji płyty wynikających ze zginania i ścinania. Dodatkowo, do oszacowania modułu G<sub>c</sub> rdzenia zastosowano znane z literatury testy bezpośredniego ścinania oraz skręcania próbki wyciętej z płyty. We wnioskach końcowych wska-

zano przyczyny rozbieżności wyników uzyskiwanych z różnych metod zalecanych przez normę [6]. Sformułowano także zalecenia odnośnie ulepszenia tych metod.

#### 2. Założenia – model belki Timoshenki

Podstawy klasycznej teorii układów trójwarstwowych można znaleźć w wielu pracach, począwszy od klasycznej pozycji [1] po nowsze publikacje np. [5]. Niniejsza praca poświęcona jest metodom badań eksperymentalnych służącym identyfikacji parametrów sztywności materiału rdzenia. Badania te musi cechować prostota i odpowiednia dokładność. Dotyczy to zarówno sposobu przygotowywania próbek, przeprowadzania badań, jak i analizy wyników. W przypadku płyt warstwowych z miękkim rdzeniem, zadowalającą dokładność uzyskuje się stosując teorię belkową Timoshenki uogólnioną na przekroje warstwowe w normowych testach zginania [6]. W praktyce inżynierskiej model belki warstwowej o okładzinach gładkich lub profilowanych jest często stosowany do wyznaczania przemieszczeń, sił wewnętrznych i naprężeń w ściennych i dachowych płytach warstwowych. Szczegółową analizę tego zagadnienia można znaleźć w pracy [4]. W klasycznej teorii belek warstwowych z cienkimi okładzinami zakłada się, że:

 materiały wszystkich warstw są liniowo-sprężyste, jednorodne i izotropowe,

 przekrój po odkształceniu jest płaski, ale jego punkty nie pozostają na normalnej do odkształconej osi podłużnej,

 obowiązuje teoria pierwszego rzędu,

 okładziny są cienkie i wzajemnie równoległe, co pozwala na przyjęcie stałych naprężeń normalnych na grubości okładziny (rys. 1c),

– moduł Younga materiału rdzenia  $E_c$  jest mały w porównaniu do modułu  $E_F$  okładzin ( $E_c/E_F = 5$  MPa/ 210000 MPa  $\approx 2,4\cdot10^{-5} \Rightarrow \sigma_{xc} \approx 0$ ), dlatego pomija się naprężenia normalne w rdzeniu (rys. 1c); w konsekwencji zakłada się, że rozkład naprężeń ścinających w rdzeniu jest stały na grubości płyty (rys. 1d),

– zważywszy bardzo małą grubość okładzin w stosunku do grubości rdzenia (t/d<sub>c</sub> = 0.5/100 = 1/200), pomija się wpływ ich naprężeń po-



Rys. 1. Rozkład naprężeń normalnych i stycznych w belkach warstwowych z miękkim rdzeniem i cienkimi okładzinami

staciowych  $\sigma_{xz} = \sigma_{zx}$  na przemieszczenia płyty (rys. 1e); w związku z tym można przyjąć, że przekroje okładzin pozostają po odkształceniu płaskie i prostopadłe do osi każdej z nich.

### 3. Klasyczne metody wyznaczania modułu G<sub>c</sub>

W literaturze opisuje się wiele różnych testów prowadzonych na płytach warstwowych z miękkim rdzeniem, w tym również badań mających na celu wyznaczanie modułu Kirchhoffa G<sub>c</sub> materiału rdzenia. Szczegółowy opis zalecanych eksperymentów dla rozpatrywanej klasy płyt znajduje się w normie [6]. Moduł G<sub>c</sub> wyznacza się metodami pośrednimi, na podstawie testów prowadzonych na płytach. Polegają one na pomiarze ugięcia w testach zginania, wykonywanych na płytach o różnych klasach rozpiętości (płyta krótka, płyta długa). Ugięcie to analizuje się stosując model obliczeniowy belki warstwowej, pozwalający na rozdzielenie wpływów zginania i ścinania

$$w = w_B + w_S \tag{3.1}$$

Składowe w<sub>B</sub> i w<sub>S</sub> mają ścisłe rozwiązania analityczne dla danego schematu obciążenia oraz podparcia płyty. Przykładowo, dla płyty warstwowej rozpatrywanej jako belka swobodnie podparta, równomiernie obciążona składowe ugięcia opisane są wzorami (3.2) i (3.3).

$$w_{B} = \frac{5}{384} \cdot \frac{qL^{4}}{B_{S}}$$
(3.2)  
$$w_{S} = \frac{qL^{2}}{8 \cdot G_{C} \cdot A_{C}}$$
(3.3)

gdzie: L – rozpiętość płyty,  $A_c$  – pole przekroju rdzenia,  $G_c$  – moduł Kirchhoffa materiału rdzenia, a  $B_s$  – sztywność płyty na zginanie (która dla belki Bernoullego jest równa El) wyznaczona ze wzoru (3.4).

$$B_{S} = \frac{E_{F1} \cdot A_{F1} \cdot E_{F2} \cdot A_{F2}}{E_{F1} \cdot A_{F1} + E_{F2} \cdot A_{F2}} \cdot e^{2}$$

(3.4)

A<sub>F1</sub> i A<sub>F2</sub> oznaczają pola przekroju odpowiednio okładziny górnej i dolnej, natomiast e – odległość pomiędzy środkami ciężkości okładzin. W przypadku płyt symetrycznych, wzór (3.4) redukuje się do znacznie prostszej postaci:

$$B_S = \frac{E_F \cdot A_F}{2} \cdot e^2 \tag{3.5}$$

Z pomiaru doświadczalnego znamy całkowite ugięcie płyty w. Ze wzoru (3.2) obliczamy w<sub>B</sub>. Wówczas z (3.1) wyznaczymy ugięcie od ścinania w<sub>s</sub>. Następnie przekształcając wzór (3.3) możemy oszacować moduł ścinania G<sub>c</sub>.

Eksperymenty tego typu są prostsze od badań z zastosowaniem metod bezpośrednich, prowadzonych na wyciętych z płyty próbkach materiału rdzenia, co stanowi ich główną zaletę. W pracy zastosowano następujące testy normowe pozwalające oszacować moduł ścinania materiału rdzenia G<sub>c</sub>:

1) Test zginania na płycie długiej (ZgD-w). W badaniach eksperymentalnych zastosowano schemat belki wolnopodpartej z jedną linią obciążenia w środku rozpiętości, tzw. trzypunktowy test zginania. Wtedy obowiązują wzory:

$$w_B = \frac{F \cdot L^3}{48 \cdot B_S} \tag{3.6}$$

$$w_{S} = \frac{F \cdot L}{4 \cdot G_{C} \cdot A_{C}}$$
(3.7)

Test zginania na płycie krótkiej (ZgK-w). W tym przypadku stosowany jest schemat płyty swobodnie podpartej obciążonej dwoma liniami sił jak to pokazano na rysunku 2a, zwany czteropunktowym testem zginania. Możliwe są badania na próbkach o szerokości 100 mm (ZgK<sub>100</sub>-w) oraz na próbkach o szerokości całej płyty wraz z zamkami (ZgKz-w). Podczas badania dokonywany jest ciągły pomiar siły F oraz ugięcia występującego w środku rozpiętości przęsła. Przykładowy, uzyskany z badań eksperymentalnych, wykres zależności siły do ugięcia wywołanego ścinaniem płyty ws przedstawiono na rysunku 2b. Godna uwagi jest liniowa zależność w dużym zakresie obciążenia.

Π

0

Σ

ш

6

0

6

0

RTYKUŁY

٥

(3.11)

#### **KONSTRUKCJE – ELEMENTY – MATERIAŁY**







Przy założeniach opisanych w punkcie 2, teoria Timoshenki uogólniona na przekroje warstwowe prowadzi do wzorów na ugięcia w<sub>B</sub> oraz w<sub>s</sub>:

$$w_{B} = \frac{23 \cdot F \cdot L^{3}}{1296 \cdot B_{S}}$$

$$w_{S} = \frac{F \cdot L}{6 \cdot G_{C} \cdot A_{C}}$$
(3.8)
(3.8)

# 4. Własna metoda wyznaczania modułu G<sub>c</sub>

Metoda wyznaczania modułu ścinania materiału rdzenia zaproponowana przez autorów pracy oparta jest na pomiarze dwóch kątów obrotu płyty w teście zginania. Dla tej samej płyty w jednym teście zginania moduł  $G_c$  szacowano przy wykorzystaniu równocześnie dwóch metod: normowej z pomiarem przemieszczeń oraz własnej z pomiarem kątów obrotu płyty. Stosując założenia klasycznej teorii belek warstwowych przedstawionych w punkcie 2, otrzymujemy związek geometryczny (3.10) pomiędzy wielkościami przedstawionymi na rysunku 3:

$$\gamma = \gamma_0 - \alpha_0$$

gdzie:  $\gamma_0 - k$ ąt AA' – obrót okładzin,  $\alpha_0 - k$ ąt AA" – obrót przekroju płyty,  $\gamma - k$ ąt A"A' – obrót na skutek ścinania. W proponowanej metodzie mierzone są kąty  $\gamma_0 i \alpha_0$ . W badaniach przyjmowaliśmy wartość uśrednioną  $\gamma_0 = 0,5(\gamma_{01} + \gamma_{02})$ . Dla przyjętych założeń moduł odkształcenia postaciowego rdzenia można wyznaczyć ze wzoru (3.11), gdyż kąt  $\gamma$  wynika z pomiaru  $\gamma_0 i \alpha_0$ .

**Rys. 3.** Przekrój poprzeczny płyty po odkształceniu

$$G_C = \frac{V}{\gamma \cdot B \cdot d_C}$$

gdzie V oznacza siłę ścinającą w badanym przekroju belki, przy poziomie obciążenia F, dla którego zostały wyznaczone kąty obrotu  $\gamma_0$  i  $\alpha_0$ .

#### Procedura badania

Do płyty zamocowano trzy moduły laserowe w sposób poka-



**Rys. 4.** Aparatura do pomiaru kątów obrotu przekroju płyty: a) moduły laserowe zamocowane na płycie, b) łata geodezyjna z punktami świetlnymi

(3.10)

zany na rysunku 4a. Dwa z nich (środkowy i dolny) zamocowane są do okładzin i mierzą odpowiednio kąty  $\gamma_{01}$  i  $\gamma_{02}$ . Trzeci moduł jest połączony z obiema okładzinami w sposób przegubowy umożliwiający pomiar kąta  $\alpha_0$ .

Znając odległość pomiędzy laserami a łatą pomiarową oraz dokonując odczytu przyrostów wskazań laserów na łacie geodezyjnej, wyznaczono omawiane kąty, a następnie ze wzoru (3.10) obliczono poszukiwany kąt obrotu  $\gamma$ . Wartość modułu odkształcenia postaciowego G<sub>c</sub> wyznaczono ze wzoru (3.11).

# 5. Dodatkowe metody znane z literatury

### 5.1. Metoda bezpośredniego ścinania próbki podwójnej

Dwie próbki wycięte z płyty wraz z okładzinami (niewielka ingerencja w strukturę pianki) wklejono pomiędzy trzy sztywne blachy stalowe. Użyto specjalnego kleju na bazie poliuretanów. Schemat próbki oraz ideę badania przedstawiono na rysunku 5.

Próbkę obciążano aż do zniszczenia z prędkością 2,5 mm/min. prowadząc ciągły pomiar siły F i przemieszczenia środkowej blachy sta-



**Rys. 5.** Bezpośrednie ścinanie próbki podwójnej

lowej w. Zakładając stały rozkład naprężeń ścinających na wysokości przekroju L oraz liniowe związki fizyczne i geometryczne ( $\tau = G_c \cdot \gamma$ ,  $\gamma = w/d_c$ ) wartość modułu ścinania  $G_c$  wyznaczono ze wzoru (3.12).

$$G_C = \frac{F \cdot d_C}{2 \cdot B \cdot L \cdot w} \tag{3.12}$$

Wymiary d<sub>c</sub>, B i L – to odpowiednio grubość rdzenia oraz szerokość i wysokość próbki.

#### 5.2. Skręcanie próbki o przekroju kołowym

W celu przeprowadzenia testu skręcania autorzy pracy zaprojektowali własne stanowisko badawcze pokazane na rysunku 6. W badaniu tym próbka cylindryczna o promieniu R = 40 mm zamocowana jest pomiędzy dwoma sztywnymi stalowymi płytkami. Płytka z lewej strony jest unieruchomiona, natomiast płytka z prawej strony doznaje obrotu na skutek wymuszenia zewnętrznego w postaci pary sił dającej moment skręcający M. Kąt obrotu przekroju poprzecznego  $\phi$ mierzony jest za pomocą modułu laserowego zamocowanego na ruchomej płytce. Wskazuje on przyrost ∆h na łacie geodezyjnej ustawionej w odległości 3 m od stanowiska badawczego.

Zgodnie z teorią skręcania prętów o przekroju kołowym w zakresie liniowo-sprężystym, moduł ścinania rdzenia wyznacza się z zależności:

$$G_C = \frac{M_s}{I_0 \cdot \varphi'} = \frac{M_s \cdot L}{I_0 \cdot \varphi}$$
(3.13)

gdzie:  $I_0 = \pi R^4/2$  oznacza biegunowy moment bezwładności przekroju, L – długość pomiarowa próbki równa grubości rdzenia płyty.

# 6. Badania eksperymentalne – wyniki testów

Do pomiaru przemieszczeń oraz siły wykorzystano przetworniki drogi HBM WA L 20, 50 i 100 mm oraz tensometryczny przetwornik siły



Rys. 6. Stanowisko do testu skręcania

typu C9B/50 o obciążeniu maksymalnym do 50 kN, klasy 0,5. Zapis i analizę wyników przeprowadzono przy wykorzystaniu oprogramowania HBM Catman 4.5 Professional. Do pomiaru kątów  $\gamma_{01}$ ,  $\gamma_{02}$  oraz  $\alpha_0$  wykorzystano moduły laserowe ML-33S-635-1 o średnicy wiązki wyjściowej lasera 2 mm oraz łatę geodezyjną do pomiarów precyzyjnych z podziałką o dokładności 1 mm – rysunek 4b.

Badaniu poddano płyty warstwowe o okładzinach gładkich oraz mikroprofilowanych wykonanych z blachy stalowej o grubości  $t_1 = t_2 = 0.47 \text{ mm}$  (grubość wraz z cynkiem). Dla oszacowania modułu G<sub>c</sub> z pomiaru przemieszczeń w konieczne jest analityczne obliczenie w<sub>B</sub>. Aby udoskonalić metodę normową [6], wyznaczono eksperymentalnie uśredniony, zhomogenizowany moduł Younga okładziny złożonej z blachy stalowej i dwóch warstw cynku. Zastosowano test rozciągania przeprowadzony na sześciu próbkach blachy ocynkowanej, wyciętej z płyty. Uzyskano wynik E<sub>F</sub> =  $\sigma/\epsilon$  = 195 GPa. Ten sam wynik E<sub>F</sub> uzyskano z analitycznego uśrednienia modułów Younga stali E<sub>stal</sub> = 210 GPa i cynku E<sub>cynk</sub>= 84 GPa wraz z pomierzonymi grubościomierzem elektronicznym rzeczywistymi grubościami warstw stali  $t_{stal} = 0,414 \text{ mm}$  oraz cynku  $t_{cynk}$ = 0,057 mm i z zastosowaniem wzoru:

Π

$$E_F = \frac{E_{\textit{stal}} \cdot t_{\textit{stal}} + E_{\textit{cynk}} \cdot 2t_{\textit{cynk}}}{t_{\textit{stal}} + 2t_{\textit{cynk}}}$$

Rdzeń wykonany jest z pianki o gęstości 40 kg/m<sup>3</sup>. Całkowita grubość płyty D = 98,5 mm.

Czteropunktowy test zginania płyt krótkich przeprowadzono na: próbce o pełnej szerokości modularnej (ZgK<sub>z</sub>-w, B = 1,1 m, L = 890 mm, okładzina gładka), na próbce po usunięciu podłużnych połączeń brzegowych tzw. zamków (ZgK-w, B  $\approx$  1,0 m, L = 890 mm, próbka z okładzinami gładkimi oraz próbka z okładzinami mikroprofilowanymi) oraz na próbce wąskej (ZgK<sub>100</sub>-w, B  $\approx$  1,0 m, L = 600 mm, 5 próbek z okładzinami gładkimi).

**Trzypunktowy test zginania** płyt długich o rozpiętości L = 4,9 m przeprowadzono na 9 próbkach: 3 próbki o pełnej szerokości modularnej (**ZgD<sub>z</sub>-w**, **ZgD<sub>z</sub>-**γ, B = 1,1 m, okładzina gładka), 6 próbek po usunięciu "zamków" (**ZgD-w**, **ZgD-**γ, B ≈ 1,0 m, 3x z okładziną gładką, 3x z okładziną mikroprofilowaną).

Test bezpośredniego ścinania przeprowadzono na próbkach z okładzinami gładkimi, wymiary 120 x 240 x 500 mm (Ścinanie- $\gamma$ ). Test skręcania (Skręcanie –  $\phi$ ) przeprowadzono na 5 próbkach walcowych z okładzinami gładkimi, promień podstawy walca 40 mm, długość pomiarowa rdzenia 97 mm. Wymiary wszystkich próbek przed badaniem były dokładnie inwentaryzowane.

W tabeli 1 przedstawiono wartości modułu ścinania materiału rdzenia uzyskane z testów zalecanych przez normę [6].

Kolumna 3 przedstawia moduł ścinania  $G_c$  wyznaczony zgodnie z zaleceniami normowymi, gdzie uwzględnia się tyko warstwę stali w okładzinach i moduł Younga stali. Warstwy cynku są pomijane. Rozbieżności w wartościach  $G_c$  dla płyt krótkich i długich z zamka-

Tabela	1.	Wyniki badań	GC z	testów	normowych
		,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,			,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,

Tooty zainonio	Rodzaj okładziny	G <sub>c</sub> [MPa]				
pomiar ugięć w		$t_{stal} = 0,414 \text{ mm}$ $E_{stal} = 210 \text{ GPa}$	$t_{stal+cynk} = 0,47 \text{ mm}$ $E_{stal} = 210 \text{ GPa}$	$t_{stal+cynk} = 0,47 \text{ mm}$ EF=195 GPa		
1	2	3	4	5		
Płyta krótka L=0,60 m ZgK <sub>100</sub> -w	gładka bez zamka B = 0,1 m	3,34	3,31	3,33		
Płyta krótka L=0,89 m ZgK <sub>z</sub> -w	gładka	4,74	4,69	4,72		
Płyta długa L=4,90 m ZgD <sub>z</sub> -w	B = 1,1  m	5,32	4,12	4,73		

mi są rzędu 12%. Kolumnę 4 zamieszczono ku przestrodze przed przyjmowaniem  $E_F = 210$  GPa dla łącznej grubości okładzin (stal + cynk) z prostego pomiaru śrubą mikrometryczną. Kolumna 5 pokazuje wyniki przy prawidłowo przyjętym, uśrednionym module E, wyznaczonym z testu rozciągania blachy okładziny lub ze wzoru (3.14). Wtedy uwzględnione są powłoki cynkowe jako warstwy współpracujące ze stalą. Mają one wpływ na sztywność giętną płyty B<sub>s</sub>. Kolumna 5 pokazuje dobrą zgodność z kolumną 3 dla płyt długich i krótkich o pełnej szerokości B (z zamkami). Zauważmy, że prawidłowe przyjęcie modułu E<sub>F</sub> znacząco zmieniło wynik G<sub>c</sub> dla płyty długiej, gdzie zginanie dominuje nad ścinaniem. Zatem posługiwanie się możliwie najdokładniejszą wartością E, decydującą o sztywności giętej B<sub>s</sub>, jest szczególnie ważne w testach zginania płyt długich. W przypadku płyt krótkich otrzymane rozbieżności związane z wyznaczeniem sztywności B<sub>s</sub> są pomijalne. Dodatkowo obserwujemy, że wartości przedstawione w wierszu 1 tabeli 1 są zaniżone w stosunku do wierszy 2 i 3, co zostanie jeszcze omówione.

W celu wyjaśnienia wpływu stosowanej metody badawczej, liniowania okładziny oraz zamków na wartość szacowanego parametru G<sub>c</sub> zaplanowano i wykonano szereg badań eksperymentalnych obejmujących zarówno testy normowe, jak i własne metody badawcze wykorzystujące testy zginania, ścinania i skręcania. W tabeli 2 zestawiono wartości modułu ścinania  $G_c$  uzyskane z wszystkich przeprowadzonych typów testów. Są to wartości średnie, każdorazowo z serii trzech testów. W tabeli 2, w testach zginania stosuje się już tylko uśredniony moduł Younga  $E_F$  okładzin zgodny z (3.14).

Przeprowadzone badania z zastosowaniem różnych metod identyfikacji parametrów rdzenia wykazały, że metody te prowadzą do różnych wartości modułu ścinania G<sub>c</sub>. Za miarodajne wartości G<sub>c</sub> można uznać średnią artmetyczną z testów ZgK-w, ZgD-w i ZgD-γ, która wynosi  $G_c = 3,81$  MPa. Maksymalne odchyłki wynoszą ±0,04 MPa, tzn. 1,0% i mieszczą się w granicach błędu pomiarowego. Wiersz 1 tabel 1 i 2 przedstawia zaniżone wartości G<sub>c</sub> w stosunku do wartości 3,81 MPa. Różnica wynosi 0,48 MPa, tzn. 12,6%. Wynika to stąd, że wiersze te dotyczą testu zginania wąskiego pasma o szerokości B = 10 cm, wyciętego z płyty krótkiej. W tym teście pominięto (z powodu trudności pomiaru) wpływ zgniecenia płyty na podporze, które zwiększa całkowite ugięcie w mierzone środku rozpiętości. Mierzone ugięcie w, wstawiane do wzoru (3.1) jest więc zawyżone, przez co zawyża w<sub>s</sub> we wzorze (3.3)

Rodzai tec	tu	Rodzej okładziny	GC
nouzaj ies		nouzaj okiauziliy	[MPa]
	ZgK <sub>100</sub> -w	gładka B ≈ 0,1 m	3,33
	ZgK <sub>z</sub> -w		4,72
	ZgD <sub>z</sub> -w	gfadka z zamkami B = 1 1 m	4,73
	ZgD <sub>z</sub> -γ,	0 – 1,1 m	4,71
Toch, zaipania	ZgK-w	akadha kao asalatan	3,81
lesty zymama	ZgD-w	giadka dez zamkow B ≈ 1 0 m	3,85
	ZgD-γ	5 ~ 1,0 m	3,77
	ZgK-w	liniowana bez zamków B ~ 1.0 m	3,79
	ZgD-w		3,88
	ZgD-γ	0~1,0 m	3,78
Bezpośrednie ścinanie	Ścinanie – γ	gładka bez zamków	3,01
Skręcanie	Skręcanie – $\phi$	gładka bez zamków	2,67

Tabela 2	🛯 Wyniki	badań	eksperymentaln	ych modułu	ścinania	rdzenia GC
----------	----------	-------	----------------	------------	----------	------------

i w konsekwencji zaniża szacowaną wartość G<sub>c</sub>. Kolejne trzy wiersze ZgK<sub>z</sub>-w, ZgD<sub>z</sub>-w i ZgD<sub>z</sub>-γ dotyczą płyt z zamkami. Srednia arytmetyczna wartość wynosi  $G_c$  = 4,72 MPa i jest wyższa od 3,81 MPa o 0,91 MPa, tzn. 23,9%. Wynika to stąd, że zamki zwiększają sztywność giętną płyty. W metodzie normowej ugięcie w<sub>B</sub> od zginania obliczone jest z (3.6) jakby nie było zamków. A więc wartość w<sub>B</sub> podstawiana do (3.1) jest zawyżona, co skutkuje zaniżeniem w<sub>s</sub> i w konsekwencji obserwowanym, znacznym zawyżeniem G<sub>c</sub>. Wyniki identyfikacji G<sub>c</sub> dla płyt z okładzinami liniowanymi są niemal identyczne jak dla płyt z okładzinami gładkimi. Średnia z trzech serii badań wynosi bowiem 3,82 MPa, więc różnica wynosi 0,01 MPa (0,26%). Analizując wyniki testu bezpośredniego ścinania zauważamy duże zaniżenie wartości G<sub>c</sub>. Parametr ten wyznaczano ze wzoru (3.12), u którego podstaw leżały założenia równomiernego rozkładu naprężeń stycznych na powierzchni ścinania i pominięcia naprężeń normalnych. Są to powszechnie znane i stosowane założenia testu Volkersena na ścinanie połączenia zakładkowego. Wyniki przedstawione w tabelach 1 i 2 pokazują, że założenia testu Volkersena prowadzą do dużych błędów szacowanego parametru

G<sub>c</sub>. Zaniżone wyniki G<sub>c</sub> uzyskano

z testu skręcania. Przyczną mogło być naruszenie struktury pianki na pobocznicy walca podczas toczenia próbek. Wycinanie próbek walcowych z płyty jest trudne i pracochłonne, dlatego test ten nie spełnia postulowanego warunku prostoty.

Wyniki badań potwierdzają przydatność testu zginania do identyfikacji G<sub>c</sub>, pod warunkiem prowadzenia prób na płytach bez zamków. Konieczne jest również przyjęcie uśrednionego (zhomogenizowanego) modułu Younga okładziny stalowej z warstwami cynku. Metoda proponowana przez autorów cechuje się podobnymi zaletami prostoty testów jak normowe testy zginania z pomiarem przemieszczeń, natomiast nie wymaga trudu wyznaczania wartości modułu Younga okładzin.

Wszystkie rodzaje testów symulowano komputerowo przy wykorzystaniu metody elementów skończonych, w celu zweryfikowania modułów sprężystości wyznaczonych we wszystkich stosowanych testach.

# 7. Wnioski końcowe

Test zginania na płycie o pełnej szerokości wraz z zamkami daje możliwość obserwacji zachowania się rzeczywistej konstrukcji. Jednak do identyfikacji parametrów materiałowych rdzenia należy stosować próbki bez zamków lub uwzględnić odpowiednie (ustalone eksperymentalnie) współczynniki korygujące wpływ zamków na sztywność płyty.

W badaniach zginania płyt długich ważną rolę odgrywa precyzyjne wyznaczenie grubości okładzin oraz ich zhomogenizowanych modułów Younga w celu dokładnego uwzględnienia sztywności giętnej płyty  $B_s$ . Wszelkie odchyłki w parametrze  $B_s$  silnie wpływają na wynik identyfikacji  $G_c$ . Tej wady pozbawiona jest metoda zaproponowana przez autorów pracy, w której moduł Kirchhoffa  $G_c$  wyznacza się na podstawie kątów obrotu płyty.

W przypadku testów zginania, szczególnie dla próbek o małej rozpiętości, w identyfikacji modułu ścinania rdzenia G<sub>c</sub> należy uwzględnić zgniecenie rdzenia na podporach.

Mikroprofilowanie okładzin nie ma wpływu na mierzone ugięcia płyty w teście zginania. W związku z tym, nie zaburza szacowanej wartości modułu ścinania G<sub>c</sub>, wyznaczanej na podstawie testu zginania płyty.

Zaproponowana metoda identyfikacji G<sub>c</sub> bazująca na pomiarze kątów obrotu płyty ma podobne zalety prostoty testu jak metoda normowa (pomiar w), lecz pozbawiona jest jej wad.

#### BIBLIOGRAFIA

[1] Allen H. G., Analysis and design of structural sandwich panels, Pergamon Press 1969

[2] Chuda-Kowalska M., Garstecki A., Pozorski Z., Identyfikacja parametrów sztywności układów warstwowych z podatnym rdzeniem, I KMP+CD, Warszawa 2007

[3] Davies J. M.(Editor), Lightweight sandwich constructions, Blackwell Science Ltd. 2001

[4] Stamm K., Witte H.,

Sandwichkonstruktionen, Berechnung, Fertigung, Springer-Verlag, Wien 1974 [5] Zenkert D., An Introduction to Sandwich Construction, Eastbourne, EMAS 1995 [6] PN-EN 14509 Self-supporting double skin metal faced insulating panels – Factory made produkts-Specifications, 2007