prof. dr hab. inż. Tadeusz Mikulczyński mgr inż. Sergiusz Ciskowski Laboratorium Podstaw Automatyzacji, Instytut Technologii Maszyn i Automatyzacji, Politechnika Wrocławska

# WYZNACZANIE WSPÓŁCZYNNIKÓW MODELU REOLOGICZNEGO MASY FORMIERSKIEJ ZAGĘSZCZANEJ IMPULSOWO

Zaprezentowano sposób wyznaczania współczynników  $k_C(\delta)$  i  $k_T(\delta)$  określających zmiany własności sprężystych i lepkich masy formierskiej. Znajomość tych współczynników stanowi podstawę do zastosowania modelu reologicznego do badań symulacyjnych procesu impulsowego zagęszczania mas formierskich. Zależności  $k_C(\delta)$  i  $k_T(\delta)$  można określić na podstawie wyników badań eksperymentalnych. W tym celu niezbędne jest wykonanie pomiarów prędkości  $V_L$ rozchodzenia się fali ultradźwiękowej w badanej masie formierskiej w funkcji stopnia jej zagęszczenia  $\delta$ .

#### DETERMINING COEFFICIENTS OF RHEOLOGICAL MODEL OF MOLDING SANDS COMPACTED BY IMPULSE

The way of determining the coefficients of  $k_c(\delta)$  and  $k_t(\delta)$  determining changes in elastic and viscous properties of foundry sands has been presented. Knowledge of these co-factors provides the basis for the application of the rheological model to simulation studies of impulse compacting of molding. Coefficients  $k_c(\delta)$  and  $k_t(\delta)$ can be determined on the basis of results of experimental research. For this purpose it is necessary to measure speed of spreading the ultrasonic wave in the test weight as a function of the density degree  $\delta$ .

## 1. WSTĘP

Impulsowe zagęszczanie mas formierskich realizowane jest za pomocą strumienia sprężonego powietrza uwalnianego poprzez gwa łtowne (w czasie kilku m ilisekund) otwarcie zaworu impulsowego. Spowodowany w ten sposób nag ły wzrost ci śnienia w przestrzeni technologicznej nad masą formierską powoduje nadanie słupowi masy dużej prędkości ruchu, co skutkuje osi ągnięciem dużej szybkości jej deform acji a przez to wysokiego stopnia zagęszczenia masy.

Wykonane w ten sposób form y odlewnicze charakteryzuj ą się bardzo dobr ą jakością. W praktyce następuje poprawa g łównych parametrów technologicznych wytwarzanych odlewów, co skutkuje zwi ększoną dokładnością i stabilizacją wymiarową oraz możliwością precyzyjnego odwzorowania kszta łtów, przy zachowaniu dobrej jako ści powierzchni odlewów.

Jednakże osiąganie optymalnych efektów procesu im pulsowego zagęszczania wymaga znajomości modelu matematycznego tego procesu oraz wyników bada ń symulacyjnych. Na podstawie analizy wyników bada ń symulacyjnych można określić wpływ istotnych parametrów konstrukcyjnych g łowicy impulsowej na efektywno ść procesu im pulsowego zagęszczania określonego rodzaju masy formierskiej. Informacje te mogą być wykorzystane do projektowania formierek impulsowych i optymalizacji procesu formowania impulsowego.

#### 2. MODEL MATEMATYCZNY PROCESU IMPULSOWEGO Z AGĘSZCZANI MAS FORMIERSKICH

Podstawę do opracowania m atematycznego modelu procesu impulsowego zagęszczania mas formierskich stanowi opis m atematyczny dynamiki impulsowej głowicy formierskiej oraz model matematyczny procesu deform acji i zag ęszczania mas formierskich, który sformułowano posługując się metodami reologii opisu w łasności mechanicznych mas formierskich [1].

Model matematyczny oraz dynam ikę głowicy z sam oczynnym zaworem impulsowym, opracowanej w Laboratorium Podstaw Autom atyzacji, Instytutu Technologii Maszyn i Automatyzacji, Politechniki Wrocławskiej przedstawiono w pracach [2, 3].

Natomiast opis procesu deformacji i zagęszczania masy formierskiej w dowolnych warstwach formy umożliwia model reologiczny [4, 5], b ędący szeregowym połączeniem modeli lepkosprężystych opisujących elementarne warstwy zagęszczanego słupa masy (rys. 1).



Rys. 1. Model reologiczny masy formierskiej: p(t) – ciśnienie strumienia sprężonego powietrza,  $k_C(\delta)$  i  $k_T(\delta)$  – współczynniki sprężystości i lepkości,  $m_i$  – masa i-tej warstwy masy formierskiej,  $x_i$  – współrzędna położenia i-tej warstwy

W związku z powyższym, uwzględniając model dynamiki głowicy impulsowej oraz model reologiczny masy formierskiej, proces deform acji masy formierskiej można opisać następującym układem równań różniczkowych:

$$\begin{array}{c} m_{1} \cdot \ddot{x}_{1} + k_{T}(\delta) \cdot (\dot{x}_{1} - \dot{x}_{2}) + k_{C}(\delta) \cdot (x_{1} - x_{2}) = p(t) \cdot A + m_{1} \cdot g \\ m_{2} \cdot \ddot{x}_{2} + k_{T}(\delta) \cdot (\dot{x}_{2} - \dot{x}_{1}) + k_{T}(\delta) \cdot (\dot{x}_{2} - \dot{x}_{3}) + k_{C}(\delta) (x_{2} - x_{1}) + k_{C}(x_{2} - x_{3}) = m_{2} \cdot g \\ \vdots \\ m_{i} \cdot \ddot{x}_{i} + k_{T}(\delta) \cdot (\dot{x}_{i} - \dot{x}_{i-1}) + k_{T}(\delta) \cdot (\dot{x}_{i} - \dot{x}_{i+1}) + k_{C}(\delta) \cdot (x_{i} - x_{i-1}) + k_{C}(\delta) \cdot (x_{i} - x_{i+1}) = m_{i} \cdot g \\ \vdots \\ m_{n} \cdot \ddot{x}_{n} + k_{T}(\delta) \cdot (\dot{x}_{n} - x_{n-1}) + k_{T} \cdot \dot{x}_{n} + k_{C}(\delta) \cdot (x_{n} - x_{n-1}) + k_{C}(\delta) \cdot x_{n} = m_{n} \cdot g \\ p_{Ci}(\delta) = \frac{k_{C}(\delta) \cdot (x_{i}(t) - x_{i+1}(t)) + k_{T}(\delta) \cdot (\dot{x}_{i}(t) - \dot{x}_{i+1}(t))}{A} + p_{Ui}(\delta) \end{array}$$

$$(2)$$

gdzie:

 $m_i$  – masa i-tej warstwy,

 $x_i$  – współrzędna położenia i-tej warstwy,

p(t) – ciśnienie strumienia sprężonego powietrza

*A* – powierzchnia przekroju poprzecznego skrzynki formierskiej,

 $k_C(\delta)$  – współczynnik sprężystości,

 $k_T(\delta)$  – współczynnik lepkości,

 $p_{Ci}$  – nacisk całkowity w i-tej warstwie masy formierskiej,

 $p_{Ui}$  – nacisk w i-tej warstwie, będący efektem zagęszczania masy formierskiej.

Układ równań różniczkowych (1) opisuje proces deform acji w m asie formierskiej odpowiednio w: 1., 2., i-tej, n-tej warstwie, natom iast równanie (2) opisuje zm ianę nacisków w i-tej warstwie masy formierskiej w funkcji czasu.

#### 3. WYZNACZANIE WSPÓŁCZYNNIKÓW MODELU REOLOGICZNEGO

Zastosowanie zaprezentowanego m odelu reologicznego m asy formierskiej do bada ń symulacyjnych sformułowanego modelu matematycznego procesu impulsowego zagęszczania wymaga znajomości współczynników  $k_C$  i  $k_T$ , określających zmiany własności sprężystych i lepkich podczas procesu deformacji masy w funkcji stopnia jej zagęszczenia  $\delta$ .

Współczynniki  $k_C(\delta)$  i  $k_T(\delta)$ , charakteryzujące własności reologiczne, można wyznaczyć na podstawie zależności określonych w sposób eksperymentalny:

$$k_{T}(\delta) = a_{1} \exp[a_{2} V_{L}(\delta)]$$
(3)

$$k_{c}(\delta) = b_{1} \exp[b_{2} V_{L}(\delta)]$$
(4)

gdzie:

 $a_1, a_2, b_1, b_2$  – współczynniki,

 $V_L(\delta)$  – prędkość rozchodzenia się fali ultradźwiękowej w badanej masie formierskiej w funkcji stopnia zagęszczenia

Jednakże do oceny wspó łczynników charakteryzujących własności reologiczne o środka niezbędna jest znajomość wyników badań ultradźwiękowych. Zależność  $V_L(\delta)$  konieczną do aproksymacji współczynników  $k_C(\delta)$  i  $k_T(\delta)$  wyznaczono na podstawie wyników bada ń ultradźwiękowych, sprowadzających się do pom iarów prędkości fali pod łużnej w funkcji

stopnia zagęszczenia masy formierskiej. Badania te przeprowadzono na stanowisku, którego schemat przedstawiono na rys. 2.





Stanowisko pomiarowe składa się z: komory pomiarowej, ubijaka laboratoryjnego LU, defektoskopu ultradźwiękowego CUD, głowic ultradźwiękowych (nadawczej i odbiorczej).

Na stanowisku m ierzono czas opó źnienia pomiędzy impulsem nadanym i odebranym ultradźwiękowej fali podłużnej rozchodzącej się w odpowiednio zag ęszczonej próbce masy formierskiej. Do kom ory pomiarowej dozowano próbk ę badanej m asy (m=350 g) i zagęszczano, poprzez 1-krotne uderzenie ci ężarka ubijaka. Nast ępnie odczytywano z przyrządu pomiarowego czas przej ścia  $t_i$  ultradźwiękowej fali pod łużnej przez próbk ę badanej masy oraz mierzono wysokość  $h_i$  zagęszczonej próbki. Pomiary czasu przejścia  $t_i$  oraz wysokości  $h_i$  powtarzano kilkukrotnie, zwi ększając za ka żdym razem, za pom ocą ubijaka laboratoryjnego, stopień zagęszczenia badanej masy formierskiej. W ten sposób wyznaczono eksperymentalnie korelację czasu przej ścia fali ultrad źwiękowej i stopnia zag ęszczenia badanej próbki m asy formierskiej ( $V_L(\delta)$ ). Zależność tą można aproksymować funkcją wykładniczą o następującej postaci:

$$V_{L} = c_{1} \cdot \exp(c_{2} \cdot \delta) \tag{5}$$

gdzie:

c<sub>1</sub>, c<sub>2</sub> – współczynniki

Na rys. 3 zaprezentowano wyniki pom iarów prędkości fali ultrad źwiękowej  $V_L=f(\delta)$  oraz zależności współczynników sprężystości  $k_C=f(\delta)$  i lepko ści  $k_T=f(\delta)$ , otrzymane w wyniku podstawienia do równa ń (3) i (4) funkcji aproksym ującej relację  $V_L=f(\delta)$ . Badania przeprowadzono dla masy formierskiej z 5 % zawarto ścią bentonitu Specjal i wilgotno ścią W=3 %.



Rys. 3. Eksperymentalne wyniki pomiarów prędkości fali ultradźwiękowej  $V_L = f(\delta)$  (a) oraz zależności  $k_C = f(\delta)$  (b) i  $k_T = f(\delta)$  (c) otrzymane dla masy formierskiej z 5 % zawartością bentonitu Specjal i wilgotności W=3 %

#### 4. WYNIKI BADA Ń SYMULACYJNYCH I EKSPERYMENTALNYCH MODELU MATEMATYCZNEGO PROCESU IMPULSOWEGO Z AGĘSZCZANIA MAS FORMIERSKICH

Znajomość współczynników  $k_C(\delta)$  i  $k_T(\delta)$ , określających własności sprężyste oraz lepkie masy formierskiej w funkcji jej stopnia zag ęszczenia, stanowi podstaw ę do zastosowania modelu matematycznego procesu im pulsowego zagęszczania mas formierskich do bada ń symulacyjnych.

Badania symulacyjne modelu matematycznego procesu im pulsowego zagęszczania mas formierskich zrealizowane zosta ły w środowisku Matlab-Simulink, natomiast badania eksperymentalne przeprowadzono na specjalnie skonstruowanym stanowisku, którego schemat przedstawiono na rys. 4.



Rys. 4. Schemat procesu impulsowego zagęszczania mas formierskich oraz toru pomiarowego: GI – głowica impulsowa, ZI – zawór impulsowy, SF – skrzynka formierska, MF – masa formierska, C<sub>1,2,3</sub> – piezoelektryczne czujniki firmy Kistler typ 601A z cieczowym adaptorem, W<sub>1,2,3</sub> – wzmacniacz ładunku firmy Kistler typ 5015A, M – moduł akwizycji danych Keithley KUSB 3100, PC – komputer

Stanowisko laboratoryjne do bada ń procesu im pulsowego zagęszczania mas formierskich składa się z opracowanej w Laboratorium Podstaw Automatyzacji głowicy GI, wyposażonej w samoczynny zawór impulsowy ZI, skrzynki formierskiej SF wypełnionej masą formierską MF oraz toru pom iarowego do rejestracji nacisków w m asach formierskich. Do pom iaru dynamicznie zmieniających się nacisków wykorzystano 3 piezoelektryczne czujniki C1 – C3, umieszczone na trzech ró żnych wysokościach zagęszczanego słupa masy, wyposażone w adaptory cieczowe umożliwiające bezinercyjny pom iar bezkierunkowego ci śnienia wewnątrz ośrodka rozdrobnionego [6]. Dodatkowymi elementami wchodzącymi w skład toru pomiarowego są: 3 wzm acniacze ładunków W1 – W 3, moduł akwizycji danych M oraz komputer PC.

Na rys. 5 przedstawiono wyniki bada ń symulacyjnych i eksperymentalnych zmian nacisków całkowitych  $p_c$  w masie formierskiej zmierzonych na 3 ró żnych wysokościach: H1=50 mm, przebieg nacisków  $p_{c1}$ , H2=100 mm –  $p_{c2}$ , H3=150 mm –  $p_{c3}$ .





#### 4. ZAKOŃCZENIE

Sterowanie procesem impulsowego zagęszczania mas formierskich, poprzez odpowiedni dobór konstrukcji i param etrów pracy form ierek do im pulsowego zagęszczania mas formierskich wymaga znajomości przebiegu procesu zag ęszczania mas formierskich, a w szczególności znajomości stopnia zag ęszczenia i zmian wartości nacisków w dowolnej objętości formy.

Opracowany przestrzenny m odel matematyczny impulsowego zagęszczania mas formierskich, sformułowany w oparciu o zaprezentowany m odel reologiczny, um ożliwia uzyskanie wyników bada ń symulacyjnych efektów im pulsowego zagęszczania masy w dowolnych objętościach zagęszczanych form.

Znajomość współczynników  $k_C(\delta)$  i  $k_T(\delta)$ , określających własności sprężyste oraz lepkie masy formierskiej w funkcji stopnia jej zag ęszczenia, stanowi podstawę do zastosowania m odelu

reologicznego do bada ń symulacyjnych. Jedynym warunkiem, koniecznym do okre ślenia wartości tych współczynników, jest przeprowadzenie pom iarów prędkości rozchodzenia się fal ultradźwiękowych  $V_L = f(\delta)$  w badanej masie formierskiej.

Porównanie wyników bada ń symulacyjnych matematycznego modelu procesu im pulsowego zagęszczania mas formierskich oraz wyników bada ń eksperymentalnych, pozwala na stwierdzenie, że model reologiczny m asy formierskiej, którego w łasności sprężyste oraz lepkie opisują współczynniki  $k_C(\delta)$  i  $k_T(\delta)$ , bardzo dobrze odzwierciedla rzeczywiste własności reologiczne m asy formierskiej i m oże zostać zastosowany do m atematycznego modelowania procesu impulsowego zagęszczania mas formierskich.

### **5. LITERATURA**

- [1] T. Mikulczyński, S. Ciskowski, M. Ganczarek, D. Nowak, Ł. Dworzak: Modelling of rheological properties of selected disinteg rated media. Archives of Metallurgy and Materials. 2007 vol. 52, iss. 3.
- [2] M. Ganczarek: Model m atematyczny impulsowego zagęszczania mas formierskich, Praca doktorska, Raporty ITMiA PWr, Ser. PRE Nr. 3, Wrocław, 2003.
- [3] T. Mikulczyński, D. Nowak: Strength m easurement of m oulding sand in the m ould. Sbornik Vedeckych Praci Vysoke Skoly Banske - Technicke Univerzity Ostrava. Rada Strojni. 2006 Roc. 40, cis. 1.
- [4] T. Mikulczyński, M. Bogdan, S. Ciskowski, Ł. Dworzak: Mechanism of im pulse compacting of moulding sands. Archives of Foundry Engineering. 2008 vol. 8, spec. iss. 1.
- [5] M. Ganczarek, S. Ciskowski, T. Mikulczy ński: 3D m odel of im pulse compaction of moulding sands model. Archives of Foundry Engineering. 2008 vol. 7, iss. 1.
- [6] T. Mikulczyński, S. Ciskowski, Ł. Dworzak: Pom iary nacisków w o środkach rozdrobnionych. Pomiary, Automatyka, Robotyka. 2009, R. 13, nr 2.