Zeszyty Naukowe Wydziału Elektrotechniki i Automatyki Politechniki Gdańskiej Nr 21

XV Seminarium ZASTOSOWANIE KOMPUTERÓW W NAUCE I TECHNICE' 2005 Oddział Gdański PTETiS

POMIAR IMPEDANCJI ELEMENTÓW SIECI ELEKTROENERGE-TYCZNYCH PRZY NAPIĘCIU ODKSZTAŁCONYM

Ryszard ROSKOSZ, Michał ZIÓŁKO

Politechnika Gdańska,	ul. G. Narutowicza 11/12,	80-952 Gdańsk
tel: (058)3472845	fax: (058)3471726	e-mail: rroskosz@ely.pg.gda.pl

W pracy przedstawiono zagadnienia pomiaru impedancji elementów sieci elektroenergetycznych. Przeprowadzono analizę wpływu odkształcenia napięcia sieci na błędy pomiaru przy stosowaniu metody technicznej. Badania i obliczenia błędów przeprowadzone zostały dla wybranych typów odkształceń krzywej napięcia i różnych parametrów obwodu badanego.

1. WIADOMOŚCI WSTĘPNE

Impedancję obwodu zwarciowego można wyznaczyć na podstawie znajomości impedancji takich elementów sieci jak transformatory, przewody szynowe, linie kablowe, linie napowietrzne, połączenia wyrównawcze, uziemienia robocze itd. Znając impedancję pętli można oszacować wartości prądów zwarciowych potrzebnych do zwymiarowania zabezpieczeń nadprądowych oraz określić wymaganą wytrzymałość zwarciową wszystkich elementów obwodu. W praktycznych obliczeniach można pominąć składniki obwodu o niewielkiej impedancji (przekładniki prądowe, zestyki stałe i ruchome, krótkie odcinki przewodów) lub posłużyć się szacunkowymi danymi dostępnymi w literaturze. Dokładniejsze wartości należy wykorzystać przy rozpatrywaniu tzw. "zwarć bliskich" (w pobliżu transformatora), kiedy udział impedancji elementów dodatkowych w całkowitej impedancji obwodu zwarciowego jest znaczący. W praktyce impedancję pętli zwarciowej bądź impedancję elementów składowych pętli zwarciowej np. impedancję połączenia wyrównawczego wyznacza się na podstawie danych literaturowych lub pomiaru przy użyciu odpowiednich metod.

W obecnie eksploatowanych sieciach występują odbiorniki nieliniowe powodujące deformacje krzywej napięcia. Stopień odkształcenia napięcia w danym punkcie sieci zależy od parametrów elementów nieliniowych (źródeł) generujących wyższe harmoniczne jak również od parametrów sieci elektroenergetycznej [1]. Pomiar impedancji elementów sieci elektroenergetycznych może być obarczony dodatkowym błędem z tytułu odkształcenia krzywej napięcia.

Recenzent: Prof. dr hab. inż. Kazimierz Jakubiuk - Wydział Elektrotechniki i Automatyki Politechniki Gdańskiej W referacie przedstawiono problematykę pomiaru impedancji elementów obwodu zwarciowego, gdzie krzywa napięcia w miejscu badania może być odkształcona. Przeprowadzono analizę wpływu wyższych harmonicznych zawartych w napięciu badanym na błędy pomiaru impedancji tych elementów przy stosowaniu klasycznych metod opartych na pomiarze skutecznych wartości napięcia i prądu. Badania i obliczenia błędów pomiaru przeprowadzone zostały dla wybranych typów odkształceń krzywej napięcia oraz dla różnych parametrów obwodu badanego. Przeprowadzona analiza pozwoli ocenić, które znane metody mogą być stosowane w sieciach o rosnącym stopniu odkształcenia i w razie potrzeby – poszukać nowych rozwiązań o lepszych właściwościach metrologicznych.

2. METODA TECHNICZNA POMIARU IMPEDANCJI ELEMENTÓW SIECI ELEKTROENERGETYCZNYCH

Moduły impedancji elementów obwodu zwarciowego takich jak np. połączenia wyrównawcze czy przekładniki prądowe mają z reguły niewielkie wartości rzędu m Ω .

Element obwodu zwarciowego	Rezystancja mΩ	Reaktancja mΩ	Wartość R ₁ i X ₁
	R ₁	X ₁	zależne od:
Cewki prądowe wyłączników	$1,5 \div 0,04$	$0,9 \div 0,05$	Typu łącznika i
samoczynnych o różnych prą-			prądu znamionowe-
dach I _n			go I _n
Przekładniki prądowe o różnych	$3,0 \div 0,02$	$13,0 \div 0,02$	Typu przekładnika i
przekładniach			prądu znamionowe-
			go pierwotnego
Szynoprzewody (metr długości)	0,14	0,9	Przekroju, rezy-
Linie napowietrzne trójfazowe	$1,805 \div 0,309$	0,3	stywności i odle-
jednotorowe o przewodach			głości pomiędzy
aluminiowych (metr długości)			przewodami
Uziom rozległy	0,4 ÷ 0,35	0,25 ÷ 0,35	Wymiarów, rezy-
			stywności gruntu

Tablica 1. Impedancje zgodne wybranych elementów obwodu zwarciowego [2], [3], [4]

Z tego względu w celu zwiększenia dokładności pomiaru oraz zapewnienia warunków możliwie bliskich rzeczywistemu zwarciu, prąd pomiarowy powinien mieć odpowiednio dużą wartość. Do jego wymuszenia wykorzystuje się najczęściej napięcie z sieci niskiego napięcia. Pomiar impedancji elementów obwodu zwarciowego przeprowadzany jest zwykle metodą techniczną, na podstawie skutecznych wartości napięcia i prądu przepływającego przez badany element.

Wymuszany w układzie prąd można regulować poprzez zasilanie obwodu napięciem międzyprzewodowym lub fazowym oraz włączenie do obwodu dodatkowej impedancji obciążenia pomiarowego o regulowanej wartości modułu Z₀. Najczęściej jako dodatkowe obciążenie pomiarowe stosuje się rezystory.

2.1. Zagadnienia wpływu odkształceń napięcia na dokładność pomiaru

Metoda techniczna pomiaru impedancji elementów sieci elektroenergetycznych daje poprawne wyniki przy zasilaniu układu pomiarowego napięciem sinusoidalnym oraz przy pominięciu klasycznych źródeł błędu (błędu metody, błędu aparatury). Obecnie w sieciach elektroenergetycznych są rozpowszechnione układy energoelektroniczne pobierające prąd odkształcony i w miarę jak rośnie ich udział w obciążeniu sieci, rośnie odkształcenie krzywej napięcia. Odkształcenie napięcia pomiarowego przyczynia się do powstania błędów pomiarowych szczególnie w sytuacjach, gdy składowa reaktancyjna badanego elementu jest znacząca. Błędy wynikające z odkształcenia krzywej napięcia pomiarowego mogą w takiej sytuacji osiągać wartość nawet kilkudziesięciu procent w zależności od stopnia od-kształcenia krzywej napięcia oraz zastosowanej impedancji ograniczającej prąd pomiarowy.

W pracy przedstawiono badania wpływu odkształcenia napięcia na wartości błędu pomiaru impedancji elementów obwodu zwarciowego dla warunków pomiaru i parametrów charakteryzujących miejsce badania, jakie mogą wystąpić w praktyce. W rozważaniach tych przyjęto, że na wynik pomiaru nie wpływają inne źródła błędu. Przyjęty do badań liniowy obwód zastępczy pokazany na rys.1 składa się z takich elementów jak: impedancja sieci zasilającej ($\underline{Z}_p=R_p+jX_p$), impedancja elementu badanego ($\underline{Z}=R+jX$), oraz impedancja obciążenia pomiarowego ($\underline{Z}_0=R_0+jX_0$). Impedancja Z wyznaczana jest na podstawie pomiaru napięcia na badanym elemencie U oraz pomiaru prądu I przepływającego przez ten element. Przyjęto, że odkształcenie krzywej napięcia w obwodzie badanym wiąże się z występowaniem harmonicznych: trzeciej (E_3), piątej (E_5), siódmej (E_7), jedenastej (E_{11}) i trzynastej (E_{13}). Inne harmoniczne mają znacznie mniejszy udział i będą w tej analizie pominięte.



Rys. 1. Schemat układu do pomiaru impedancji elementu obwodu zwarciowego metodą techniczną A – amperomierz, V – woltomierz, R, X – rezystancja i reaktancja elementu, R₀, X₀ – rezystancja i reaktancja obciążenia pomiarowego, R_P, X_P – rezystancja i reaktancja sieci zasilającej

Dla uproszczenia zapisów dalszych rozważań wprowadza się współczynniki względne a_n , charakteryzujące udziały amplitud poszczególnych harmonicznych E_n , w odniesieniu do amplitudy harmonicznej podstawowej E_1 :

$$a_n = \frac{E_n}{E_1} \tag{1}$$

gdzie: n – 1, 3, 5, 7, 11, 13

- 204 -

Wartość chwilową napięcia zasilania odkształconego można wyrazić wzorem:

$$e(t) = \sum_{n} \sqrt{2}E_1 a_n \sin(n\omega t + \alpha_n)$$
⁽²⁾

gdzie: α_n – fazy początkowe składowych harmonicznych

W przedstawionym na rys. 1 obwodzie popłynie prąd o wartości chwilowej:

$$i(t) = \sum_{n} \sqrt{2}I_n \sin(n\omega t + \alpha_n - \psi_n)$$
(3)

Kąty przesunięć fazowych impedancji obwodu badanego $(Z\!+\!Z_0\!+\!Z_P)$ określone są wzorami:

$$\psi_{n} = a \tan \frac{n(X + X_{0} + X_{P})}{R + R_{0} + R_{P}}$$
(4)

gdzie: R, R₀, R_P – rezystancja elementu, obciążenia oraz sieci zasilającej X, X₀, X_P – reaktancja elementu, obciążenia oraz sieci zasilającej

Uwzględniając (1) wartości skuteczne prądów kolejnych harmonicznych są określone wzorami:

$$I_{n} = \frac{a_{n}E_{n}}{\sqrt{(R+R_{0}+R_{P})^{2} + (nX+nX_{0}+nX_{P})^{2}}}$$
(5)

Natomiast wartość chwilowa napięcia na impedancji badanego elementu Z ma postać:

$$u(t) = \sum_{n} \sqrt{2}U_n \sin(n\omega t + \varphi_n + \alpha_n - \psi_n)$$
(6)

Kąty przesunięć fazowych impedancji Z określone są wzorami:

$$\varphi_n = a \tan \frac{nX}{R} \tag{7}$$

Wartości skuteczne napięć poszczególnych harmonicznych dane są wzorami:

$$U_{n} = \frac{a_{n}E_{n}\sqrt{R^{2} + (nX)^{2}}}{\sqrt{(R + R_{0} + R_{p})^{2} + (nX + nX_{0} + nX_{p})^{2}}}$$
(8)

Wartość skuteczną napięcia odkształconego na impedancji elementu obwodu zwarciowego określa zależność:

$$U_{sk} = \sqrt{\sum_{n} U_{n}^{2}}$$
(9)

Natomiast wartość skuteczna prądu odkształconego dana jest związkiem:

$$I_{sk} = \sqrt{\sum_{n} {I_n}^2} \tag{10}$$

W przedstawionej w pracy metodzie zmierzoną wartość impedancji badanego elementu wyznacza się ze wzoru:

$$Z_m = \frac{U_{sk}}{I_{sk}} \tag{11}$$

Znając rzeczywistą wartość impedancji elementu Z oraz jej wartość zmierzoną Z_m procentowy błąd δZ_m wynikający z odkształcenia napięcia określa zależność:

$$\delta Z_m = \frac{Z_m - Z}{Z} \cdot 100\% \tag{12}$$

Przykładowe obliczenia błędów pomiaru impedancji elementów sieci elektroenergetycznych przeprowadzono za pomocą programu komputerowego MATHCAD. Wyniki obliczeń zestawione są w tabeli 2 oraz prezentowane są na rysunku 2. Założono, że w krzywej napięcia mogą występować jednocześnie:

- a) trzecia, piąta, siódma, jedenasta i trzynasta harmoniczna o średnich wartościach współczynników udziału: a₃=0,1; a₅=0,08; a₇=0,06; a₁₁=0,05; a₁₃=0,03 (wyniki rys. 2).
- b) piąta, siódma, jedenasta i trzynasta harmoniczna o dużych wartościach współczynników udziału: a₅=0,15; a₇=0,1; a₁₁=0,07; a₁₃=0,05 (wyniki w tabeli 2).

Dla łatwiejszego porównania wyników badań, obliczenia błędu pomiaru zostały przeprowadzone dla impedancji wybranego elementu obwodu zwarciowego (np. przekładnika prądowego) o jednej wartości modułu Z=0.01 Ω . Dla przedstawienia wpływu wartości prądu pomiarowego na błąd pomiaru przyjęto trzy wartości prądu pomiarowego: - duży prąd pomiarowy ($Z_0 = 2\Omega$), - średni prąd pomiarowy ($Z_0 = 10\Omega$) oraz - mały prąd pomiarowy ($Z_0 = 100\Omega$). Założono, że pomiaru impedancji elementu dokonano w pobliżu transformatora i z dala od transformatora i przyjęto dwie wartości impedancji i argumentu sieci zasilającej odpowiednio: $Z_P=0.01\Omega$, $\phi_P=45^0$ oraz $Z_P=0.4\Omega$, $\phi_P=15^0$.

W celu przedstawienia wpływu kątów fazowych impedancji elementu obwodu ϕ oraz obciążenia pomiarowego ϕ_0 na dokładność pomiaru założono, że kąt obu impedancji zmienia się skokowo od 0^o do 60^o co 15^o.

Kąty fazowe impedancji		Prąd pomiarowy			
		duży	średni	mały	
obciażenia po-	elementu	$Z_0 = 2\Omega$	$Z_0 = 10\Omega$	$Z_0 = 100\Omega$	
miarowego		0	0	0	
ω [⁰]	0 [⁰]	δΖ _m [%]	δZ _m [%]	δZ_m [%]	
0	0	0	0	0	
0	15	5.494	6.277	6.331	
0	30	19.114	21.781	21.963	
0	45	35.396	40.207	40.535	
0	60	49.819	56.47	56.923	
15	0	0	0	0	
15	15	1.382	1.382	1.382	
15	30	5.036	5.058	5.064	
15	45	9.791	9.871	9.893	
15	60	14.312	14.474	14.518	
30	0	0	0	0	
30	15	0.548	0.491	0.477	
30	30	2.023	1.817	1.768	
30	45	3.993	3.6	3.505	
30	60	5.914	5.35	5.213	
45	0	0	0	0	
45	15	0.3	0.261	0.252	
45	30	1.113	0.971	0.939	
45	45	2.209	1.931	1.868	
45	60	3.288	2.882	2.79	
60	0	0	0	0	
60	15	0.201	0.177	0.172	
60	30	0.746	0.657	0.639	
60	45	1.484	1.31	1.273	
60	60	2.214	1.958	1.904	

Tablica 2. Błędy pomiaru $\delta Z_m(\phi)$ dla współczynników względnych: $a_5=0,15$; $a_7=0,1$; $a_{11}=0,07$; $a_{13}=0,05$ przy $Z_p=0.4\Omega$ i $\phi_p=15^0$ i Z=0.01 Ω



Rys. 2. Błąd pomiaru $\delta Z_m(\phi)$ dla $Z_0=10\Omega$ dla różnych ϕ_0 oraz dla: $a_3=0,1;\;\;a_5=0,08;\;a_7=0,06;\;\;a_{11}=0,05;\;\;a_{13}=0,03$ przy $Z_p=0.03\Omega$ i $\phi_p=45^0$ i Z=0.01 Ω

3. WNIOSKI KOŃCOWE

Z przeprowadzonych badań wpływu odkształcenia krzywej napięcia na dokładność pomiaru impedancji elementów sieci elektroenergetycznych przeprowadzonych metodą techniczną wynika kilka wniosków ważnych dla zastosowań praktycznych:

- w większości zbadanych przypadków występują znaczne błędy przekraczające wartości dopuszczalne, głównie dla przypadku stosowania rezystancyjnego obciążenia pomiarowego,
- wyznaczone błędy pomiaru zależą nie tylko od różnicy argumentów ($\varphi_0 \varphi$) ale także od tego, jakie harmoniczne i z jakim udziałem występują w krzywej napięcia,
- błędy można zmniejszyć przez stosowanie impedancyjnego obciążenia pomiarowego $Z_{0_{\!\!\!\!\!\!}}$

4. **BIBLIOGRAFIA**

- Roskosz R.: Nowe rozwiązania pomiaru impedancji pętli zwarciowej przy odkształceniu krzywej napięcia w miejscu badania, Zeszyty Naukowe Politechniki Gdańskiej, Gdańsk 1995.
- Teresiak Z.: Obliczanie prądu zwarciowego dla sprawdzenia skuteczności ochrony przeciwporażeniowej w sieciach TN, XII Międzynarodowa Konferencja Naukowo -Techniczna, Wrocław 1999, (II), s. 37-50.
- 3. Piasecki J.: Uproszczone obliczanie prądów zwarciowych w niskonapięciowych instalacjach zakładów przemysłowych-część II, Gospodarka paliwami i energią, 9, 1968.
- 4. Kończykowski S., Bursztyński J.: Zwarcia w układach elektroenergetycznych, Warszawa WNT 1965.

MEASUREMENT OF POWER SYSTEM ELEMENTS IMPEDANCE IN PRES-ENCE OF DISTORTION VOLTAGE WAVEFORM

This paper presents the problem of measurement the impedance of power system elements in presence of distortion network voltage waveform. The analysis of the effects of voltage distortion on impedance measurement error were conducted for drop voltage method. Test and calculation of measurement errors were performed for given types of distorted waveform and different parameters of tested network. - 208 -