mgr inż. Wojciech Czuba

dr hab. inż. Kazimierz Furmanik, prof. AGH

Katedra Maszyn Górniczych, Przeróbczych i Transportowych Wydział Inżynierii Mechanicznej i Robotyki Akademia Górniczo-Hutnicza w Krakowie Al. A. Mickiewicza 30, 30-059 Kraków, Polska wczuba@agh.edu.pl <u>fukaz@agh.edu.pl</u> tel. 12 617 30 72

Analiza ruchu ziarna w przesypie przenośników taśmowych

Słowa kluczowe: eksploatacja przenośników taśmowych, przesypy, analiza ruchu materiału

Streszczenie: Przenośnikowe węzły przesypowe są miejscami newralgicznymi z punktu widzenia eksploatacji jak również energochłonności systemów transportowych. Odpowiednie ukształtowanie konstrukcji przesypu, pozwala na podawanie strugi transportowanego urobku na przenośnik odbierający w sposób równomierny, stabilny i z pożądaną prędkością styczną. Dzięki temu zmniejszane są opory ruchu w przesypie, jak również zużycie taśmy. Prace konstrukcyjne związane z zabudową przesypu, powinny być poprzedzone gruntowną analizą trajektorii ruchu strugi. Najprostszym przypadkiem do rozpatrzenia jest ruch pojedynczego ziarna. W artykule przedstawiono analizę ruchu ziarna w przesypie równoległym oraz metodykę obliczeń kątów padania jak również prędkości stycznych ziarna w miejscu jego upadku na taśmę przenośnika odbierającego. Na podstawie obliczeń modelowych określono, które z podstawowych parametrów przesypu mają najistotniejszy wpływ na zmiany obserwowanych wielkości.

Artykuł jest wynikiem realizacji części badań w ramach projektu badawczego, finansowanego ze środków Narodowego Centrum Nauki nr 7062/B/T02/2011/40 pt.: Aspekty tribologiczne w doskonaleniu konstrukcji przenośników taśmowych.

1. Wstęp

Przenośnikowe systemy transportowe bazują głównie na przenośnikach taśmowych, które są podstawowymi i uniwersalnymi środkami transportu materiałów rozdrobnionych. Struktura takich systemów może być zróżnicowana i składa się zwykle z kilku lub kilkunastu przenośników połączonych stacjami przesypowymi, zwanych przesypami, w których transportowany materiał jest kierowany z przenośnika podającego na odbierający. Są to zwykle miejsca newralgiczne, będące źródłem zapylenia i strat energii oraz wymagające szczególnej uwagi projektanta, ponieważ źle zaprojektowane przesypy mogą być przyczyną kosztownych awarii i przestojów. Jeśli w przesypie struga materiału nie jest stycznie podawana z przenośnika podającego na przenośnik odbierający, z prędkością równą prędkości jego taśmy, to występuje dodatkowy opór zwiększający energochłonność tego przesypu. W przypadku podawania strugi urobku z wydajnością Q [t/h] prostopadle na taśmę przenośnika odbierającego o prędkości v [m/s], to opór w miejscu zasilania wynosi [1,5,10]:

$$W_z = \frac{Q \cdot v}{3.6} \quad [N] \tag{1}$$

a tracona moc

$$N_z = W_z \cdot v = \frac{Q \cdot v^2}{3.6}$$
 [W] (2)

Przykładowo przy wydajnościach $Q_{1-3} = 1000-3000-5000$ [t/h] oraz prędkości taśmy v =1÷6 [m/s] uzyskano wyniki przedstawione na rys. 1.



Fig. 1. Graphs of: a) $W_{z1-3}(v)$; b) $N_{z1-3}(v)$

Z otrzymanych danych widać, że dodatkowy opór oraz tracona moc na pojedynczym przesypie mogą być znaczne i ze wzrostem liczby tych przesypów ich wartości proporcjonalnie rosną. W dążeniu więc do obniżenia energochłonności przenośnikowych systemów transportowych trzeba poszukiwać lepszych rozwiązań przesypów w oparciu o analizę budowy i pracy dotychczas stosowanych.

W niniejszej pracy przedstawiono budowę typowych przesypów oraz przeanalizowano wpływ parametrów geometrycznych i kinematycznych przesypu na parametry ruchu ziarna padającego na taśmę przenośnika odbierającego. Mają one duży wpływ na dodatkowy opór i traconą moc w przesypie oraz zużycie jego elementów; ich znajomość jest niezbędna dla racjonalnego projektowania przesypów.

2. Budowa przesypów w przenośnikowych systemach transportowych

Konstrukcja konwencjonalnego przesypu jest stosunkowo prosta (rysunki 2-5). Zwykle wykorzystuje się typowe kształtowniki stalowe, blachy oraz dodatkowo wymienne okładziny z innych materiałów pełniące funkcje ochrony przed zużyciem. Odpowiednia kombinacja i konfiguracja powyższych, a także ich ukształtowanie geometryczne i dobór materiałów konstrukcyjnych decydują o funkcjonalności danego rozwiązania. W stacjach przesypowych wykonuje się również szereg różnego rodzaju urządzeń do pomiaru, kontroli i wspomagania przepływu materiału.

Ogólny schemat obszaru zabudowy typowego przesypu przedstawia rys. 2. Można w nim wyróżnić następujące cztery charakterystyczne strefy [9].

A. Strefa czołowa – przestrzeń otaczająca bęben czołowy przenośnika podającego; w miejscu tym następuje oderwanie się materiału od taśmy i w zależności od konstrukcji lot swobodny o określonej trajektorii lub przechwycenie/ukierunkowanie strugi materiału przez komponenty przesypu (np. odbojnicę).

- B. Strefa spadku swobodnego materialu obszar, w którym materiał spada swobodnie, bez kontaktu z elementami przesypu; w przypadku gdy struga jest rozproszona, a zależy to od sposobu przechwycenia w strefie A, w obszary pomiędzy ziarnami dostaje się znaczna ilość powietrza, co w konsekwencji prowadzi do powstawania emisji pyłów.
- *C. Strefa załadunku* obszar, w którym materiał styka się z taśmą przenośnika odbierającego; mogą tu występować elementy przechwytujące dolne (zsuwnie, ślizgi), lub odbywa się załadunek bezpośredni na taśmę (w obrębie kosza zasypowego).
- D. Strefa kształtowania strugi obszar, którego zadaniem jest wyprofilowanie strugi materiału; wyposażony jest również często w urządzenia odpylające. Ruch materiału podczas załadunku w przesypie zwykle jest turbulentny, w tej strefie powinien zostać ustabilizowany.



Rys. 2. Ogólna budowa stacji przesypowej z zaznaczonymi strefami [9] Fig 2. General construction of typical transfer chute with indicated characteristic zones [9]

W zależności od wymagań zdeterminowanych przez proces technologiczny i własności transportowanych materiałów, konstrukcje przesypów różnią się. Najprostszą klasyfikacją może być podział na stacje przesypowe, w których kierunek ruchu materiału zmienia się (przesypy kątowe), bądź pozostaje taki sam (przesypy równoległe). Przykłady takich przesypów przedstawia rys. 3. W skład całego przesypu wchodzi wiele elementów i urządzeń, których zadaniem jest kierowanie strugi urobku w taki sposób, aby zminimalizować negatywne efekty występujące podczas przeładunku (dodatkowe opory, zwiększone zużycie taśmy, hałas itp.).



Rys. 3. Widok stacji przesypowych: a) równoleglej; b) kątowej [7] Fig. 3. View of a transfer chutes: a) parallel; b) angel [7]

W zależności od różnicy poziomów pomiędzy przenośnikami, a także ich ustawienia względem siebie, wykorzystywane są różnego rodzaju podzespoły do przechwytywania i ukierunkowania strugi. Trzy najpowszechniejsze elementy wykorzystywane do kontroli ruchu strugi to: odbojnica, zsuwnia (prosta lub zakrzywiona) i tzw. "rock box", czyli specjalnie ukształtowane kieszenie, które w trakcie przepływu materiału są nim wypełniane, a kolejne warstwy strugi odbijają się od nagromadzonego urobku. Typowe konstrukcje przesypów opierają się na kombinacjach wymienionych elementów. Terminologia dotycząca elementów konstrukcji jest bardzo zróżnicowana; wielu autorów różnie odnosi się do tych samych komponentów.



Rys.4. Przesyp kątowy z zsuwniami prostymi i krzywoliniowymi (po lewej) konstrukcja typu rock-box (po prawej) [8] Fig. 4. Angle transfer point with straight and curved chutes (left) and a rock box construction (right)

Wykorzystanie poszczególnych rozwiązań uwarunkowane jest w dużej mierze właściwościami fizyko-mechanicznymi urobku: wielkością i twardością brył, stopniem abrazyjności, stopniem zawilgocenia. Dwa typowe rozwiązania, to przesypy typu odbojnica-rock box i typu rock box – rock box [8]. W obydwu przypadkach struga materiału jest sztucznie i w sposób nagły zaburzana, co może prowadzić do wielu problemów eksploatacyjnych. Układy te dobrze spisują się podczas transportu swobodnie sypiących się, suchych materiałów. Kryteria doboru opierają głównie się na dwóch aspektach: blokowania przesypu i zużycia jego komponentów [4]. Coraz powszechniej instaluje się rozwiązania z zakrzywionymi zsuwniami zarówno w strefie przechwytywania jak i ładowania materiału (Hood and Spoon). Wykazują one wiele zalet zwłaszcza w przypadku trudno sypiących się, lepkich, zawilgoconych materiałów. Są one jednak kosztowniejsze od tradycyjnych konstrukcji i nie tak dobrze rozpoznane w praktyce.



Rys. 5. Schemat przesypu typu rock box-rock box (po lewej) oraz odbojnica-rock box (po prawej) [8] Fig. 5. Schemes of rock box to rock box transfer (left) and impact plate to rock box (right) [8]

Obecnie większą uwagę zwraca się na energooszczędne rozwiązania w konstrukcjach maszyn i urządzeń transportowych. Przesypy pomimo, że są miejscem występowania wielu problemów eksploatacyjnych, wciąż traktowane są przez projektantów bez szczególnej uwagi. Konstruowane są na zasadach prób i błędów. Prawidłowe zaprojektowanie węzła przesypowego, nie tylko zmniejsza problemy związane ze zużyciem i blokowaniem przesypu, lecz również poprawia sposób ładowania materiału na przenośnik odbierający, co w konsekwencji obniża opory ruchu związane z rozpędzaniem urobku. Pomimo tego, że konstrukcje przesypów typu Hood and Spoon znajdują uznanie, zwłaszcza w kopalniach zlokalizowanych w Australii, istnieje bardzo mało prac teoretycznych i utylitarnych rozpoznających możliwości stosowania i pozycjonowania układów krzywoliniowych zsuwni, w aspekcie zmniejszenia energochłonności węzłów przesypowych. Dlatego zasadnym w tym zakresie wydaje się opracowanie modeli teoretycznych, a także wykonanie szeregu prac eksperymentalnych. Racjonalne projektowanie przesypu winno być poprzedzone analizą ruchu materiału w jego obrębie. Temu poświęcono dalszą część pracy.

3. Metodyka obliczeń ruchu ziarna

Poniżej rozpatrzono układ dwóch równoległych przenośników taśmowych nachylonych kolejno pod kątami β_1 i β_2 . Przeanalizowany został ruch pojedynczego ziarna o zadanej średnicy *a*. Celem było określenie wpływu zmiany poszczególnych parametrów na odpowiedź układu. W szczególności obiektem zainteresowania były wartości składowych normalnej i stycznej prędkości ziarna w punkcie uderzenia o taśmę przenośnika odbierającego.



Rys. 6. Przenośniki taśmowe w konfiguracji równoleglej Fig. 6. Conveyor belts in parallel configuration

Dane wejściowe modelu:

V_1, V_2	– prędkości przenośników [m/s],
$eta_1,\ eta_2$	– kąty nachylenia przenośników [deg],
ω_1, ω_2	 prędkości kątowe bębnów napędowych [rad/s],
H, V	 – odległości osi bębnów kolejno w pionie i w poziomie [m],
D_{1}, D_{2}	– średnice bębnów [m],
h_{1}, h_{2}	– grubości rdzeni taśm [m],
a	– średnica ziarna [m].

przy czym: $v_i = \omega_i \cdot R_i$ gdzie $R_i = \frac{D_i}{2}$ dla i = 1, 2.

Istnieje kilka metod określania trajektorii ruchu materiału (Dunlop, Goodyear, CEMA, MHEA, Booth, Korzeń). Różnice wynikają przede wszystkim z zakresu uwzględnionych zjawisk fizycznych mających wpływ na siły działające na ziarno. Metody te można podzielić na analityczne, graficzne lub łączone. W każdej z metod podstawą do analizy trajektorii ruchu, jest określenie punktu oderwania się ziarna od taśmy przenośnika podającego. Analiza przeprowadzona przez autorów oparta została o wzory wyprowadzone w standardach CEMA (Conveyor Equipment Manufacturers [4]). Obliczenia uwzględniają działanie siły odśrodkowej, natomiast nie uwzględniają sił tarcia i adhezji pomiędzy taśmą, a ziarnem. Rozpatrywane są trzy przypadki w zależności od kąta nachylenia przenośnika podającego:

- 1. $\beta_1 = 0$
 - 1.1 Jeżeli $\frac{v_s^2}{g \cdot r_1} \ge 1$, to ziarno oderwie się w punkcie styku taśmy z bębnem zrzutowym.

Zakładając, że początek układu współrzędnych znajduje się w osi tego bębna, współrzędne punktu oderwania dla tego przypadku wynoszą $x_0 = 0$ oraz $y_0 = 0$.

1.2 Jeżeli prędkość $\frac{v_s^2}{g \cdot r_1} < 1$, nie jest odpowiednio duża, to ziarno przed oderwaniem

przemierzy pewną odległość na bębnie tak, że $\frac{v_s^2}{g \cdot r_1} = \cos \gamma$, gdzie γ to kąt pomiędzy osią pionową bębna, a punktem oderwania się ziarna. Dla takiego przypadku, współrzędne punktu oderwania wynoszą $x_o = r_1 \cdot \sin \gamma$ oraz $y_o = r_1 \cdot \cos \gamma$, przy czym

$$\gamma = \arccos(\frac{v_s^2}{g \cdot r_1}).$$

2. $\beta_1 > 0$

- 2.1 Jeżeli $\frac{v_s^2}{g \cdot r_1} \ge 1$, to ziarno oderwie się w punkcie styku taśmy z bębnem zrzutowym. Biorąc pod uwagę nachylenie przenośnika, współrzędne punktu oderwania dla tego przypadku wynoszą $x_o = -r_1 \cdot \sin \beta_1$ oraz $y_o = r_1 \cdot \cos \beta_1$.
- 2.2 Jeżeli prędkość $\frac{v_s^2}{g \cdot r_1} < 1$ i $\frac{v_s^2}{g \cdot r_1} \ge \cos \beta_1$, to ziarno może oderwać się w punkcie styku

taśmy z bębnem, jednak istnieje prawdopodobieństwo, że wejdzie z nią jeszcze raz w kontakt. Nie jest jasno powiedziane jak określić punkt oderwania. CEMA sugeruje, że ziarno po ponownym kontakcie z taśmą przejedzie jeszcze pewien odcinek na bębnie, a następnie nastąpi jego oderwanie (por. p. 2.4).

2.3 Jeżeli
$$\frac{v_s^2}{g \cdot r_1} = 1$$
, to ziarno oderwie się w punkcie $x_o = 0$ i $y_o = r_1$.

2.4 Jeżeli prędkość jest taka, że $\frac{v_s^2}{g \cdot r_1} < \cos \beta_1$, to ziarno pozostanie na taśmie i przemieści

się o pewną odległość wokół bębna do punktu, w którym spełniony będzie warunek

$$\frac{v_s^2}{g \cdot r_1} < \cos\gamma$$
. W modelu przyjęto, że oderwanie nastąpi gdy $\frac{v_s^2}{g \cdot r_1} = \cos\gamma$, tak więc

punkt oderwania ma współrzędne $x_o = r_1 \cdot \cos \gamma$ i $y_o = r_1 \cdot \sin \gamma$.

3.
$$\beta_1 < 0$$

3.1 Jeżeli prędkość $\frac{v_s^2}{g \cdot r_1} \ge \cos \beta_1$, to ziarno może oderwać się w początkowym punkcie styku taśmy z bębnem. Współrzędne punktu oderwania wynoszą $x_o = r_1 \cdot \sin \beta_1$ oraz $y_o = r_1 \cdot \cos \beta_1$.

3.2 Jeżeli $\frac{v_s^2}{g \cdot r_1} < \cos \beta_1$, to prędkość v_s jest zbyt mała aby nastąpiło oderwanie się ziarna

w punkcie styku taśmy z bębnem. Ziarno przemieści się na taśmie wokół bębna o kąt γ

do momentu, gdy spełniony będzie warunek $\frac{v_s^2}{g \cdot r_1} \ge \cos \gamma$.

Prędkość v_s należy obliczyć uwzględniając grubość taśmy h_1 [4]: $v_s = \omega_1 \cdot r_1$; gdzie: $r_1 = R_1 + h_1 + a$.

W momencie oderwania się ziarna od bębna, rozpoczyna się faza lotu swobodnego. W analizie pominięte zostały opory powietrza. Metoda CEMA równanie trajektorii opisuje względem układu współrzędnych związanym z punktem oderwania się ziarna. Z punktu widzenia pozycjonowania elementów konstrukcyjnych odpowiedzialnych za przechwytywanie i ukierunkowanie ruchu strugi urobku, postanowiono początek układu współrzędnych przyjąć w środku bębna zrzutowego przenośnika podającego. W tak przyjętym układzie ruch ziarna opisują równania:

$$x(t) = x_0 + v_s \cdot \cos\theta \cdot t \tag{3}$$

$$y(t) = y_0 + v_s \cdot \sin \theta \cdot t - \frac{g \cdot t^2}{2}$$
(4)

gdzie kąt θ w zależności od przypadku nachylenia przenośnika równy jest kątowi β_1 lub γ . Rugując czas z powyższego układu równań, otrzymuje się równanie trajektorii lotu ziarna w płaszczyźnie x-y:

$$y(x) = y_0 + (x - x_0) \cdot tg \,\theta - \frac{g}{2} \cdot \left(\frac{x - x_0}{v_s \cdot \cos \theta}\right)^2 \tag{5}$$

Taśmę przenośnika odbierającego potraktowano jako idealnie sztywną i nieodkształcalną. Przy takich założeniach, można matematycznie opisać ją równaniem prostej:

$$y_2(x) = tg\beta_2 \cdot x + b \tag{6}$$

Wartość parametru b obliczono wykorzystując znajomość punktu styczności taśmy i bębna

$$x_e = V - r_2 \cdot \sin \beta_2 \tag{7}$$

$$y_e = r_2 \cdot \cos \beta_2 - H \tag{8}$$

gdzie: $r_2 = R + h_2$

Na podstawie równań (6), (7) i (8) otrzymano:

$$r_2 \cdot \cos\beta_2 - H = tg\beta_2 \cdot (V - r_2 \cdot \sin\beta_2) + b \tag{9}$$

skąd:

$$b = r_2 \cdot \cos \beta_2 - H - tg\beta_2 \cdot (V - r_2 \cdot \sin \beta_2)$$
(10)

Ostatecznie równanie opisujące położenie taśmy ma postać:

$$y_2(x) = tg\beta_2 \cdot x + r_2 \cdot \cos\beta_2 - H - tg\beta_2 \cdot (V - r_2 \cdot \sin\beta_2)$$
(11)

Współrzędne punktu upadku ziarna obliczono przyrównując do siebie prawe strony równań (5) i (11):

$$y(x) = y_2(x) \quad \text{dla } x > 0$$
 (12)

$$y_0 + (x - x_0) \cdot tg \,\theta - \frac{g}{2} \cdot \left(\frac{x - x_0}{v_s \cdot \cos \theta}\right)^2 = tg \beta_2 \cdot x + b \tag{13}$$

Porządkując równanie (13) otrzymujemy:

$$\sigma \cdot x^2 + C_1 \cdot x + C_2 = 0 \tag{14}$$

gdzie:

$$\sigma = \frac{g}{2 \cdot v_s^2 \cdot \cos^2 \theta} \tag{15}$$

$$C_1 = tg\beta_2 - 2\cdot\sigma\cdot x_0 - tg\theta \tag{16}$$

$$C_2 = \sigma \cdot x_0^2 + x_0 \cdot tg \theta + b - y_0 \tag{17}$$

Rozwiązując równanie kwadratowe (12) oraz uwzględniając, że szukana współrzędna x > 0, otrzymujemy:

_

$$\Delta = C_1^2 - 4 \cdot \sigma \cdot C_2 \tag{18}$$

$$x_{c1} = \frac{-C_1 - \sqrt{\Delta}}{2 \cdot \sigma} \tag{19}$$

$$x_{c2} = \frac{-C_1 + \sqrt{\Delta}}{2 \cdot \sigma} \tag{20}$$

Ponieważ $x_{c2} > 0$ podstawiamy do równania (5):

$$y_c = y_0 + (x - x_{c2}) \cdot tg\theta - \frac{g}{2} \cdot \left(\frac{x - x_{c2}}{v_s \cdot \cos\theta}\right)^2$$
(21)

Zatem punkt uderzenia ziarna o taśmę przenośnika odbierającego ma współrzędne x_{c2} , y_c . W celu określenia kąta padania ziarna, należy obliczyć pochodną równania trajektorii lotu ziarna względem x:

$$\frac{dy}{dx} = -2 \cdot \sigma \cdot (x - x_0) + tg\theta \tag{22}$$

Obliczając wartość pochodnej w punkcie $x = x_{c2}$ otrzymujemy:

$$\left(\frac{dy}{dx}\right)_{x=x_{c2}} = -2 \cdot \sigma \cdot (x_{c2} - x_0) + tg \theta = tg \alpha$$
(23)

gdzie: α - kąt padania ziarna na taśmę w układzie globalnym

stąd:

$$\alpha = \operatorname{arctg}[-2 \cdot \sigma \cdot (x_{c2} - x_0) + tg\theta]$$
(24)

Całkowity kąt padania ziarna jest sumą kątów α i β_2 (rys.7).



Rys. 7. *Kqt padania ziarna na taśmę przenośnika odbierającego Fig.* 7. *Angle of impact of the grain on the belt of the receiving conveyor*

W układzie związanym ze środkiem bębna przenośnika podającego, składowe wektora prędkości ziarna w punkcie kontaktu z taśmą przenośnika odbierającego, określone są wzorami:

$$v_x = v_s \cdot \cos\theta \tag{25}$$

$$v_{y} = v_{s} \cdot \sin \theta - gt_{c}^{2} \tag{26}$$

gdzie:

$$t_c = \frac{x_{c2}}{v_s \cdot \cos \theta} \tag{27}$$

Wartość wektora prędkości wynosi:

$$v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2}$$
(28)

Z punktu widzenia celu analizy interesujące były wartości wektora prędkości ziarna na kierunku normalnym i stycznym do taśmy przenośnika odbierającego. Uwzględniając nachylenie drugiego przenośnika, kąt uderzenia ziarna o taśmę oraz jego prędkość w chwili uderzenia, w globalnym układzie współrzędnych wartości normalnej i stycznej prędkości ziarna obliczono korzystając z następujących zależności:

$$v_n = v \cdot \sin(\alpha + \beta_2) \tag{29}$$

$$v_t = v \cdot \cos(\alpha + \beta_2) \tag{30}$$

4. Analiza wrażliwości układu

Układ przeanalizowano pod kątem wpływu wybranych parametrów na wartość prędkości stycznej w chwili uderzenia ziarna o taśmę przenośnika odbierającego. Do analizy, jako parametry wejściowe, przyjęto kąty nachylenia przenośników β_1 , β_2 , prędkość przenośnika podającego v_1 oraz różnice wysokości *H*. Każdy parametr analizowano na dwóch poziomach wartości, a uzyskane z obliczeń wyniki przedstawiono na rysunkach 8 i 9.

Tabela 1. Wartości wybranych parametrów przesypu Table 1. The values of chosen transfer chute parameters

Parametr	min (-1)	max (+1)
<i>v</i> ₁ [m/s]	1	3
β_1 [deg]	-15	15
β_2 [deg]	-15	15
<i>H</i> [m]	1	4



Rys. 8. Zmiana średniej wartości prędkości stycznej v_t w zależności od v_1 i β_2 *Fig.* 8. Mean change in tangential velocity v_t depending on v_1 and β_2



Rys. 9. Zmiana średniej wartości prędkości stycznej v_t w zależności od β_1 i H Fig. 9. Mean change in tangential velocity v_t depending on β_1 and H

Uzyskane wyniki wykazały, że dominujący wpływ na prędkość styczną ziarna w punkcie jego upadku na taśmę przenośnika odbierającego mają kąt nachylenia β_2 i prędkość v_1 taśmy przenośnika podającego.

5. Przykłady obliczeń

Bazując na uzyskanych zależnościach, przeprowadzono szereg obliczeń. Określone zostały prędkości i kąty uderzeń ziarna o taśmę przenośnika odbierającego dla wybranego zakresu wartości parametrów β_1, β_2, v_1, H . Pozostałe parametry wejściowe modelu były stałe. Przykładowe wyniki przedstawiono na poniższych rysunkach 10-13.



Rys. 10. Kąt padania ziarna w zależności od v_1 i β_2 przy stałej wartości $\beta_1 = 0^\circ$ *Fig.* 10. Angle of impact of a grain depending on v_1 and β_2 for a constant value of $\beta_1 = 0^\circ$



Rys. 11. Kąt padania ziarna w zależności od v_1 i β_2 przy stałej wartości $\beta_1 = 5^{\circ}$ *Fig.* 11. Angle of impact of a grain depending on v_1 and β_2 for a constant value of $\beta_1 = 5^{\circ}$



Rys. 12. Prędkość styczna v_t w zależności od v_1 i β_2 przy stałej wartości $\beta_1 = 0^\circ$ *Fig.* 12. Tangential velocity at the point of contact depending on v_1 and β_2 for a constant value of $\beta_1 = 0^\circ$



Rys. 13. *Prędkość styczna* v_t *w zależności od* v_1 *i* β_2 *przy stałej wartości* $\beta_1 = 5^\circ$ *Fig.* 13. *Tangential velocity at the point of contact depending on* v_1 *and* β_2 *for a constant value of* $\beta_1 = 5^\circ$

Na podstawie uzyskanych wyników obliczeń, można wyciągać wnioski dotyczące pożądanej konfiguracji przenośników dla uzyskania korzystnych warunków załadunku strugi.

6. Podsumowanie

W dążeniu do poprawy efektywności pracy przenośnikowych systemów transportowych doskonalone są elementy i zespoły przenośników w zakresie ich przystosowania do rosnących zadań transportowych oraz podejmuje się wielokierunkowe działania dla obniżania ich energochłonności, także przez zmniejszenie oporów ruchu. Przesypy są jednymi z węzłów przenośnikowych systemów transportowych wnoszących znaczące opory skupione i straty mocy oraz będących potencjalnym źródłem awarii i zwiększonego zużycia taśm. Optymalizacja konstrukcji przesypów jest więc aktualnym i ważnym problemem do rozwiązania. Uzyskane z analizy teoretycznej zależności na parametry ruchu ziarna mogą być przydatne w kształtowaniu konstrukcji elementów przesypów dla wyeliminowania, bądź ograniczenia ich wad. Znajomość trajektorii ruchu urobku w przestrzeni przesypu pozwala na właściwe kształtowanie jego postaci konstrukcyjnej. Problematyka ta będzie przedmiotem dalszych prac naukowo-badawczych i konstrukcyjnych realizowanych w tym zakresie.

Literatura

- 1. Antoniak J. Systemy transportu przenośnikami taśmowymi w górnictwie. Wydawnictwo Politechniki Śląskiej, Gliwice 2005.
- 2. Czuba W, Kulinowski P. Numeryczne obliczenia oporów załadunku urobku na taśmę przenośnik z wykorzystaniem metody elementów dyskretnych. Transport Przemysłowy i Maszyny Robocze, nr 2(12)/2011, s. 5–10.
- Cyganiuk JA. Modelowanie przepływów strumieni materiałów ziarnistych na łukowych płytach odbojowych. Transport Przemysłowy i Maszyny Robocze. Nr 4(14)/2011 s. 36– 40.
- 4. Conveyor Equipment Manufacturers Association. Belt Conveyors for Bulk Materials. 5th ed. 2002.

- 5. Gładysiewicz L. Przenośniki taśmowe. Teoria i obliczenia. Oficyna Wydawnicza Politechniki Wrocławskiej, 2003.
- 6. Huque ST. Analytical and Numerical Investigations into Belt Conveyor Transfers. Engineering. University of Wollongong, 2004.
- 7. Kessler F, Prenner M. DEM Simulation of Conveyor Transfer Chutes, FME Transactions, vol 37 no. 4, 2009, 185–192.
- 8. Maton AE. Transfer Station Design Developments in the Iron Ore Industry, Bulk Solid Handling vol. 27 (2):2007, 94–100.
- 9. Swinderman R. Todd PE, Marti AD, Goldbeck LJ, Marshall D, Strebel MG. Foundations The Practical Resource for Cleaner, Safer, More Productive Dust & Material Control. Engineering. 4th ed. Neponset, Illinois, U.S.A.: Martin Engineering Company.
- 10. Żur T, Hardygóra M. Przenośniki taśmowe w górnictwie. Wydawnictwo "Śląsk" Katowice, 1979.