Stanisław Agaciak, Jerzy Nowacki, Adam Sajek* Zachodniopomorski Uniwersytet Technologiczny w Szczecinie

Możliwości realizacji numerycznej symulacji spawania łukowego

Possibilities of performing numerical simulation of arc welding

ABSTRACT	STRESZCZENIE
The article presents the individual stages of numerical simulation of the welding process.	W artykule przedstawiono poszczególne etapy powstawania numerycznej symulacji procesu spawania.
The work uses commonly available tools that allow for efficient implemen- tation of 3D modeling, creation of finite element meshes and calculations in the convention of finite elements method in thermodynamically tran- sient conditions.	W pracy wykorzystano ogólnodostępne narzędzia pozwalające na sprawną realizację modelowania przestrzennego, tworzenia siatek elementów skoń- czonych oraz wykonania obliczeń w konwencji elementów skończonych w warunkach termodynamicznie nieustalonych.
It has been shown that despite the complex process of modeling and calcu- lations, the software used at many times simplifies the welding engineer's virtual diagnosis of the welding process.	Wykazano, że mimo złożonego procesu modelowania i obliczeń, zastoso- wane oprogramowanie w wielu momentach ułatwia inżynierowi spawalni- kowi wirtualną diagnostykę procesu spawania.
Keywords: modelling, numerical calculations, welding	Słowa kluczowe: modelowanie, obliczenia numeryczne, spawanie

1. Wstęp

Od współczesnych stalowych konstrukcji nośnych wymaga się coraz większych parametrów wytrzymałościowych przy coraz niższej masie własnej [1]–[4]. Indukuje to zastosowanie nowych materiałów inżynierskich, które wymagają użycia zaawansowanych, wysokowydajnych procesów spawalniczych [5]–[9]. Wprowadza to technologię spawania na wysoki poziom złożoności charakteryzujący zastosowaniem automatyzacji przy wąskich reżimach parametrów. Każda nowa konstrukcja wymaga wielu długotrwałych prób, które nie zawsze prowadzą do uzyskania minimalnych odkształceń przy maksymalnej użyteczności złącza.

W takich przypadkach ekonomicznie uzasadnione jest zastosowanie komputerowych symulacji numerycznych w celu predykcji naprężeń i odkształceń finalnego produktu oraz właściwości złączy spawanych, które muszą spełniać wymagania normatywne. Ogólnodostępne aplikacje symulacyjne pozwalają na pełen wachlarz zastosowań od zgrzewania wybuchowego [10] po symulację ruchu cieczy w jeziorku spawalniczym [11]. Niestety w większości przypadków zastosowane oprogramowanie bazuje na uniwersalnych środowiskach typu ANSYS czy ABAQUS [12], [13]. Charakteryzują się one wysokim stopniem komplikacji modelowania numerycznego dla zastosowaniach spawalniczych. Symulacje spawalnicze prowadzi się dla złożonych geometrycznie obiektów w stanie nieustalonym uwzględniając nieliniowe charakterystyki wielofazowych materiałów [14]-[16].

Odpowiedzią na zapotrzebowanie konstruktorów nie będących zaawansowanymi użytkownikami rozbudowanych środowisk obliczeniowych MES są spawalnicze programy

@ 2019 Published by "Badania Nieniszczące i Diagnostyka" SIMP Publishing Agenda DOI: 10.26357/BNiD.2019.006

specjalistyczne typu SYSWELD czy Simufact Welding [14], [15], [17], [18]. Nie wymagają dogłębnej znajomości metody elementów skończonych oraz zawierają szereg udogodnień związanych z modelowaniem procesu spawania. W dalszej części tekstu przedstawiono proces modelowania procesu spawania dla przykładowej konstrukcji łącznika budowlanego.

2. Modelowanie łącznika budowlanego

Przedmiotem analizy jest łącznik budowlany przeznaczony do mocowania elementów konstrukcji nośnej budynków przemysłowych. Konstrukcja składa się z dwóch blach mocujących o grubości 16 mm, w których wykonano cztery otwory na śruby oraz profilu zamkniętego o przekroju prostokątnym, o wymiarach 180 x 350 mm i grubości 5 mm. Dla uproszczenia obliczeń zdecydowano się na zamodelowanie jednej połowy łącznika, której wymiary przedstawiono na rysunku 1. Profil do blachy spawany jest czterema spoinami pachwinowymi o grubości 3 mm.

Model wykonano w programie SOLIDWORKS w oparciu o podstawowe funkcje. Całość została zamodelowana w złożeniu dzięki czemu możliwe było właściwe zorientowanie elementów względem siebie. Dwubryłowy model wymagał dodatkowo podzielenia powierzchni styku w celu ułatwienia zagęszczania siatki w kolejnym kroku. Gotowy model przedstawiono na rysunku 2 wyeksportowano w postaci pliku modelowania brył typu Parasolid.

3. Podział geometrii na elementy skończone

Geometrię złącza importowano do programu MSC Apex. Aplikacja ta jest samodzielnym środowiskiem MES, w którym możliwe jest tworzenie wielu rodzajów symulacji od podstaw. Jednakże jej modeler nie jest tak przyjazny

^{*}Autor korespondencyjny. E-mail: adam.sajek@zut.edu.pl

i intuicyjny dla użytkownika jak Solidworks. Posiada również ograniczone możliwości modyfikacji utworzonych geometrii. Oprogramowanie Apex zostało wykorzystane do wykonania siatki elementów skończonych z uwagi na rozbudowane możliwości w tym zakresie.



Rys. 1. Wymiary analizowanego łącznika budowlanego **Fig. 1.** Dimensions of the analysed building connector



Rys. 2. Model przestrzenny w programie SOLIDWORKS z widocznymi liniami podziałowymi w miejscu kontaktu profilu z blachą

Fig. 2. 3D model in the SOLIDWORKS program with visible dividing lines where the profile contacts the plate

Budowanie siatki zaczęto od rozmieszczenia węzłów na powierzchni dolnej części złącza (Rys. 3.). Na powierzchniach wyznaczonych przez linie podziałowe utworzono najdrobniejszą siatkę, aby później uzyskać największą dokładność obliczeń w tych miejscach. Powierzchnie te podzielono na prostokąty.



Rys. 3. Rozmieszczenie węzłów w dolnej części złącza **Fig. 3.** Arrangement of nodes at the bottom of the joint



Rys. 4. Widok normalny do powierzchni dolnej części złącza **Fig. 4.** Normal view to the surface of the bottom of the joint



Rys. 5. Rozgęszczenie siatki na grubości dolnej części złącza, widok panelu do wyznaczania węzłów metodą rozgęszczania **Fig. 5.** Expanding the mesh at the thickness of the lower part of the joint, view of the panel for determining nodes by densification

Następnym krokiem było utworzenie pomocniczej geometrii – 2 linii dzielących środkowy obszar na 4 cztery części. Umożliwiły one rozgęszczenie siatki na powierzchni do środka, gdzie nie jest konieczna wysoka dokładność (Rys. 4). W tym celu użyto metody rozmieszczenia węzłów z powiększaniem się odległości między węzłami. Podobnie wykonano węzły na grubości blachy (Rys. 5). Aby zapewnić rozgęszczenie siatki na zewnątrz dodano węzły na zewnętrznej krawędzi części w odległościach 8 mm. W kolejnym kroku utworzono na tak zdefiniowanej powierzchni siatkę elementów 2D, które finalnie przy użyciu funkcji "2.5D meshing" (Rys. 6), która utworzyła przestrzenną siatkę dolnej części złącza (Rys. 7).

BADANIA NIENISZCZĄCE I DIAGNOSTYKA 2 (2019) NONDESTRUCTIVE TESTING AND DIAGNOSTICS



Rys. 6. Widok panelu "2.5D meshing" **Fig. 6.** "2.5D meshing" panel view



Rys. 7. Widok izometryczny kompletnej siatki elementów skończonych dolnej części złącza

Fig. 7. Isometric view of the complete finite element mesh of the bottom of the joint

Węzły drugiej części (profilu) rozmieszczono na powierzchni styku tak, aby leżały w tym samym miejscu co węzły blachy (Rys. 8). Użyto podobnych funkcji jak w przypadku pierwszej opisywanej części złącza. Dodatkowo wykonano operację "split tool", która podzieliła bryłę na 16 brył (Rys. 9). Płaszczyzny podziału wyznaczono poprzez wybranie 3 punktów należących do każdej płaszczyzny. Podzielenie na bryły pozwoliło na uzyskanie równomiernej siatki na przekroju.



Rys. 8. Rozmieszczenie węzłów w górnej części złącza **Fig. 8.** Arrangement of nodes at the top of the joint



Rys. 9. Wykorzystanie funkcji "split tool" do podziału bryły **Fig. 9.** Using the "split tool" function to split a block



Rys. 10. Eksport elementów bryłowych MESH **Fig. 10.** Export of MESH solid elements

Gotowe bryły eksportowano z rozszerzeniem "*.bdf", aby móc z nich skorzystać w programie Simufact Welding (Rys. 10).

4. Symulacja procesu spawania

Program Simufact Welding jest środowiskiem MES zorientowanym na procesy spawania i zgrzewania. Poniżej opisano proces budowania symulecji w oparciu o wcześniej stworzoną geometrię. Użyto wybranych funkcji programu, które stanowią niewielki wycinek jego możliwości.

ng settings
e with the configuration file: Synchronize
AW, TIG or SMAW as well as SAW and pled in this process type.

Rys. 11. Początkowe ustawienia procesu spawania w programie Simufact Welding

Fig. 11. Initial welding process settings in Simufact Welding

Tworzenie symulacji rozpoczyna okno startowe, w którym należy określić główne elementy procesu (Rys. 11). Wybrano proces spawania łukowego oraz temperaturę powietrza na poziomie 20°C. Uwzględniono siłę grawitacji działającą na model. Określono liczbę części składających się na złącze. Do modelu przypisano 1 stół spawalniczy, na którym ustawione zostaną spawane elementy; 4 dociski usztywniające i ograniczające przesuwanie i 1 robota realizującego proces spawania.

Z biblioteki materiałów wybrano stal S355J2G3-MPM (Rys. 12). Materiał został przypisany do dwóch części modelu oraz do robota (jako materiał dodatkowy).

✓ All myterials Aluminum Cadmium Cobait alloy Copper General steel Fron Fron	Material 16 Marcis-SPM_sw 20MoCr5-MPM_sw	Minimum temperature [*C] 19.85	Maximum temperature [*C] 1500	DIN 1.7131	JIS AL	ANS
Cadminum Cadmium Cobeit alloy Copper General steel Iron	Material 19 19MnCr5-SPM_sw 20MnCr5-MPM_sw	Minimum temperature [*C] 19.85	Maximum temperature ["C] 1500	DIN	JIS AL	ANS
Cobalt alloy Copper General steel Iron	D 16MmCrS-SPM_sw 20MmCrS-MPM_sw	19.85	1500	1.7131 :	170 61	
Copper General steel Iron	20MeCr5-MPM_sw	30			JAN 31	13
General steel Iron		6V	1500	1,7147	SC1 51	80
and a second sec	22Mn85-JMP-MPM sw	25	1400	1.5528		
8.8000.81	DC04-JMT-SPM_sw	25	1500	1.0338		
Lead	\$235-JMP-MPM_sw	25	1400	1.0116 1	SN4_ 13	11
Magnesium	S235-SPM_SW	20	1300	1.0037	514. 13	1
Nickel	S35512G3-MPM_dw	20	1300	1.0570 :	SM5. 21	8
Stainless steel	\$255512G3-SPM_sw	20	1300	1.0570	SMS 21	13
Total material	S690QL-JMP-MPM_sw	25	1400	1.0928 :	SM_ 26	25
Uranium	Stepock-SPM_sw	25	1300	1.8928 :	SM_ 26	5
Zinc	SG1-JMP-MPM_EW	25	1400	1.5112		ER70-5
Zincalloy	SCH440-SPM_SW	20	1300			
Zieconium	SHGA370-SPM_sw	20	1300			
	STICMIJA-SPM_EW	20	1300		G3445	
	X10CrMoVNb9-1-SPM_sw	20	1500	1,4903	PS	1
	X10CrMoVNb9-1-m_sw	20	1500	1.4903	PS	6

Rys. 12. Wybór materiału z katalogu Simufact Material **Fig. 12.** Selection of material from the Simufact Material database

W lewym oknie symulacji (Rys. 13) znajdują się jej zadeklarowane elementy, które należy w pełni zdefiniować za pomocą elementów dodawanych z biblioteki projektu (kolejne okno po prawej). Elementy te to geometrie, temperatury, modele materiałowe, modele źródeł ciepła, trajektorie robotów itp.



Rys. 13. Widok importowanej geometrii Fig. 13. Imported geometry view

Mimo, że Simufact Welding nie posiada modułu modelowania i meshowania, umożliwia wygenerowanie prostej powierzchniowej siatki elementów skończonych dla stołu spawalniczego (prostopadłościan) i docisków (Rys. 14).

Trajektorię procesu spawania dodano poprzez utworzenie linii spawania (Rys. 15). Dokonano tego poprzez wybranie węzłów modelu leżących w skrajnych punktach 4 spoin pachwinowych. Utworzone w ten sposób cztery trajektorie zostały dodane do robota.



Rys. 14. Model po dodaniu stołu i docisków **Fig. 14.** Model after adding the table and clamps



Rys. 15. Opcja tworzenia nowej linii spawania **Fig. 15.** Option to create a new welding line

Źródło ciepła definiuje się w zakładce parametrów spawania (Rysunek 16). Dobrano następujące parametry:

- prędkość spawania v = 20 cm/min;
- wartość natężenia prądu I = 200 A;
- wartość napięcia łuku U = 22V;
- współczynnik sprawności procesu został ustalony na poziomie 80%.

W drugiej zakładce źródła ciepła (Rys. 17) definiuje się jego parametry geometryczne (długość w obie strony, szerokość, głębokość) oraz parametr Gaussa, który wskazuje koncentrację ciepła w źródle. Parametr ten może przyjmować całkowite wartości od 0 do 3 (0 oznacza równomierne rozłożenie ciepła, 3 – dużą koncentrację ciepła wewnątrz źródła). Zdefiniowany w ten sposób model źródła ciepła został przypisany do każdej trajektorii spawania. Heat-source-2 - Settings

Menu	Movement			11
Welding parameters	Velocity:	20.0	cm/min	~
Heat source General properties	Specification Mode: T	ransient (indirect power)	-	
	Electrical pa	arameters		
	Current:	200.0	A	~
	Voltage:	22.0	V	- 14
	Energy per	length		
	Gross:	13200.0	J/cm	
	Net:	10560.0	J/cm	
	Efficiency:	0.8	-	

Rys. 16. Okno ustawień źródła ciepła – parametry spawania **Fig. 16.** Heat source settings window - welding parameters

	187.0			
	100	Iding process:	Conventiona	sl v
		dat has been seen		
	b Fr	ont length ar:	2.0	3
	ar Re	ar length a _i :	8.0)
ar		dth b:	3.2	2
	d De	pth d:	4.0)
	GI GI	sussian paramet	ter M: 3.0)
	н	at front scaling	, factor: 0.4	
a _{if} Front length				
	a _r : Front length a _r : Rear length b: Width	a _c Pront length a _k , Rear length b _k , Width	ar b ar ar b ar ar b ar b ar b ar b b ar b b b Wdth b b Wdth b b Wdth b	Goldak heat source Front length a ₂ , Ror length a ₂ , Ror length b ₁ , Module

Rys. 17. Okno ustawień źródła ciepła – parametry źródła ciepła Fig. 17. Heat source settings window - heat source parameters

Kolejnym krokiem jest określenie ruchu robota. W zakładce sekwencji spawania (Rys. 18) ustawiono poszczególne czasy spawania dla każdej trajektorii: czas zajarzenia łuku przed rozpoczęciem ruchu (1 s), czas wypełnienia krateru po zakończeniu ruchu (0,5 s), czas przejścia pomiędzy kolejnymi spoinami (3 s). Czas spawania został obliczony automatycznie z parametrów ustawionych w źródle ciepła. Obliczony został również czas całkowity pełnego procesu.

lamu	Welding a	NG-RIVE						
velding sequence	Order	V Trajectory	- Length Im	Start welding bil	G End welding [s]	Welding time [s]	End time [s]	16
ajectories	1	P Injectory	147.534	0.1	45,7612	45,7602	48,7602	616
Ret generation	2	P Trajectory-2	317.5	48,7602	145.51	96.7501	141.51	15
	2	Trajectory-3	147.535	145.51	194,271	45.7607	197,271	10
	4	P Tojectory-4	317.627	107,271	294.099	96.7083	207.000	4)
								-13
								-13
	-							d
	Ceneral II	formation		soot envige	100000	selected a spectory		
	Sal date	Thermal		SCALE DURE: 10.1		A. Haves unlices	U	
	Simplified	approach: Disabled		Brd trees 297.019	ALC:N	Trajectory timings		
			1	Dictal working time:	297.01# # -	Pauce (start):	0.0	K
	Additional	Additional robot information		Additional and the		🕒 Lead time:	LO	4
	Se Weit	ing parameters: 2 mill	NO.FOR	Cases options	-	S Welding Sime;	+4.2002	
	- Tota	trajectory length: (300.)	07 mm.r.			🕑 Folow-up time:	0.6	
						🗳 Pause (end):	3.0	8
						🕲 Sum:	48.7802	
	Brief desc	iption (hold Ctrl key to lock						
	1000							79

Rys. 18. Ustawienia robota – sekwencja spawania **Fig. 18.** Robot settings - welding sequence

W kolejnej zakładce ustawiono orientację robota względem komponentu (pod kątem 45°). Następnie dobrano spoinę o parametrze a = 3 mm oraz ustawiono odpowiednią siatkę MESH spoiny. Dodatkowo w ustawieniach trajektorii odsunięto źródło ciepła o wartość 3 mm zmieniając parametr "offset" aby powierzchnia górna źródła ciepła pokrywała się z licem spoiny. Na rysunku 19 przedstawiono model z pełną definicją źródeł ciepła, a na rysunku 20 widoczna jest prawidłowa pozycja źródła względem generowanej spoiny pachwinowej.



Rys. 19. Dodane linie spawania i źródło ciepła do modelu **Fig. 19.** Welding lines and heat source added to the model



Rys. 20. Orientacja źródła ciepła względem spoiny **Fig. 20.** Orientation of the heat source relative to the weld

W celu obserwacji zmiany temperatur w miejscu przygotowanym na spoinę oraz w przewidywanej strefie wpływu ciepła dodano węzły pomiarowe, na których program będzie dokonywał rejestracji wyników symulacji (Rys. 21).



Rys. 21. Rozmieszczenie punktów pomiarowych przy pierwszej spoinie

Fig. 21. Arrangement of measuring points at the first weld

Ostatnim krokiem przed wykonaniem obliczeń jest ustalenie końcowych warunków symulacji (Rys 22). Należą do nich przykładowo takie parametry jak:

- rodzaj symulacji (tylko temperatury, temperatury i odkształcenia);
- analiza przemian fazowych (dla modeli materiałów wielofazowych);
- ilość rdzeni procesora biorąca udział w obliczeniach (przyspieszenie obliczeń);
- czas analizy, ilość kroków obliczeniowych dla nagrzewania i chłodzenia;
- zagęszczanie i rozgęszczanie siatki elementów skończonych wokół źródła (poprawa dokładności obliczeń).

Manu	Process definition	
Process definition Perafeliation Time control Refinement History plots	Arc welding (0) (0)	
* Advanced	Simulation configuration	Convent
Solver Analysis settings Contact Welding step size control Cooling step size control Welding convergence settings	Themai stukton Themore/Jerical adukton Advanced material mode Impress transformation	Add a comment,
Looing convergence settings		
	Smalled approaches	
	Single shat salution	
	는 tarse: ····································	
	Use full themail cicle	
	C Breisge	
		Adi tinestany
	Brief description (hold Citrikey to lod)	
		0
		i O
		0
Participan Technika		

Rys. 22. Ustawienia parametrów procesu Fig. 22. Process parameter settings

Czas trwania obliczeń temperaturowych wynosił około 20 godzin. Spowodowane było to dużym zagęszczeniem siatki. Dzięki temu uzyskano jednak dokładniejsze wyniki.

Poniżej przedstawiono kilka przykładowych możliwości przedstawienia wyników symulacji takich jak:

- przekrój złącza umożliwiający sprawdzenie głębokości przetopu (Rys. 23);
- rozkładu temperatur podczas spawania w danej chwili t (Rys. 24);
- maksymalne temperatury uzyskane w złączu podczas całego procesu (Rys. 25)..



Rys. 23. Wyniki symulacji – rozkład najwyższych uzyskanych temperatur w złączu podczas procesu spawania – przybliżenie przekroju

Fig. 23. Simulation results - distribution of the highest temperatures obtained in the joint during the welding process - section zoom in

BADANIA NIENISZCZĄCE I DIAGNOSTYKA 2 (2019) Nondestructive testing and diagnostics



Rys. 24. Wyniki symulacji – rozkład temperatur w złączu dla t = 258 s **Fig. 24.** Simulation results - temperature distribution in the joint for t = 258 s



Rys. 25. Wyniki symulacji – rozkład najwyższych uzyskanych temperatur w złączu podczas procesu spawania **Fig. 25.** Simulation results - distribution of the maximum temperatures obtained in the joint during the welding process

BADANIA NIENISZCZĄCE I DIAGNOSTYKA 2 (2019) Nondestructive testing and diagnostics



Rys. 26. Wyniki symulacji – rozkład strumienia ciepła podczas procesu spawania dla t = 119 s **Fig. 26.** Simulation results - heat flux distribution during the welding process for t = 119 s



Rys. 27. Wyniki symulacji – wykres temperatury w czasie uzyskanej na zdefiniowanych węzłach sieci elementów skończonych **Fig. 27.** Simulation results - temperature graph over time obtained on defined nodes of the finite element mesh

Program umożliwia także obserwację przepływu ciepła w trakcie spawania. Na rysunku 26 widoczny jest sposób rozchodzenia się ciepła, jego gromadzenie oraz intensywność stygnięcia.

Na wykresie (Rys. 27) przedstawiono zależność temperatury od czasu symulacji w dwóch, wcześniej zdefiniowanych punktach pomiarowych. Punkt umieszczony w spoinie osiąga temperaturę około 2300°C, a w strefie wpływu ciepła osiąga wartość lekko powyżej 1200°C.

Przedstawiony w artykule sposób modelowania, tworzenia siatki elementów skończonych oraz symulacji procesu spawania stanowi pierwszy etap analizy. W następnych etapach możliwa jest weryfikacja wyznaczonych temperatur w trakcie prób technologicznych spawania. Po pozytywnych testach możliwe jest przeprowadzenie analiz naprężeń i odkształceń i takie ustalenie sekwencji spawania aby maksymalnie obniżyć deformacje konstrukcji.

5. Wnioski

Proces tworzenia symulacji numerycznej spawania jest złożony lecz nie wymaga specjalistycznej wiedzy w zakresie metody elementów skończonych. Świadomy stawianych wymagań inżynier spawalnik jest w stanie opanować go w krótkim czasie znając podstawowe zasady rządzące modelowaniem CAD, tworzeniem siatek elementów skończonych i konfigurowaniem środowiska symulacyjnego.

Najważniejszym czynnikiem wpływającym na efektywność symulacji jest czas, który należy poświęcić modelowaniu i obliczeniom. Wykonanie siatki elementów skończonych o optymalnym zagęszczeniu oraz poprawne skonfigurowanie systemu, pozwala znacznie skrócić etap obliczeń. Jest to kluczowe z uwagi na fakt iż przy poszukiwaniu najlepszych parametrów technologicznych dla jednej konstrukcji należy wykonać kilkanaście różnych wariantów analiz.

Poprawnie wykonana symulacja numeryczna procesu pozwala określić najkorzystniejszy wariant wykonania konstrukcji spawanej jeszcze na etapie projektowania. Otwiera to drogę do wytwarzania zaawansowanych konstrukcji o optymalnej jakości przy najniższych kosztach.

6. Literatura/References

- M. S. Węglowski and M. Zeman, "Prevention of cold cracking in ultra-high strength steel Weldox 1300," Arch. Civ. Mech. Eng., vol. 14, no. 3, 2014.
- [2] M. Fiedler, R. Rauch, R. Schnitzer, W. Ernst, G. Simader, and J. Wagner, "The alform[®] welding system The world's first system for high-strength welded structures," IIW International Conference High-Strength Materials - Challenges and Applications, Helsinki, Finland, pp. 1–5, 2015.
- [3] J. Górka, "Weldability of thermomechanically treated steels having a high yield point," Arch. Metall. Mater., vol. 60, no. 1, pp. 469–475, 2015.
- [4] D. Fydrych, J. Łabanowski, and G. Rogalski, "Weldability of high strength steels in wet welding conditions," Polish Marit. Res., vol. 20, no. 2, pp. 67–73, 2013.
- [5] S. Liu, Y. Li, F. Liu, H. Zhang, and H. Ding, "Effects of relative positioning of energy sources on weld integrity for hybrid laser arc welding," Opt. Lasers Eng., vol. 81, pp. 87–96, 2016.

- [6] M. Chen, J. Xu, L. Xin, Z. Zhao, and F. Wu, "Comparative study on interactions between laser and arc plasma during laser-GTA welding and laser-GMA welding," Opt. Lasers Eng., vol. 85, pp. 1–8, 2016.
- [7] Z. M. Liu, S. L. Cui, Z. Luo, C. Z. Zhang, Z. M. Wang, and Y. C. Zhang, "Plasma arc welding: Process variants and its recent developments of sensing, controlling and modeling," J. Manuf. Process., vol. 23, pp. 315–327, 2016.
- [8] M. Banasik and M. Urbańczyk, "Spawanie metodą hybrydową laser + MAG złączy teowych," Biul. Inst. Spaw., vol. 61, no. 2, pp. 25–30, 2017.
- [9] J. Nowacki and A. Sajek, "Verification of Properties of Joints Made of Advances High Strength Steels in the Conditions of the Complex Thermal Cycles of the HPAW Process," Biul. Inst. Spaw., vol. 62, no. 5, pp. 167–173, 2018.
- [10] I. A. Bataev et al., "Towards better understanding of explosive welding by combination of numerical simulation and experimental study," Mater. Des., vol. 169, no. March, pp. 1–16, 2019.
- [11] J. Cheon, D. V. Kiran, and S.-J. Na, "CFD based visualization of the finger shaped evolution in the gas metal arc welding process," Int. J. Heat Mass Transf., vol. 97, pp. 1–14, 2016.
- [12] F. Kong, J. Ma, and R. Kovacevic, "Numerical and experimental study of thermally induced residual stress in the hybrid laser-GMA welding process," J. Mater. Process. Technol., vol. 211, no. 6, pp. 1102–1111, 2011.
- [13] W. Maurer, W. Ernst, R. Rauch, S. Kapl, R. Vallant, and N. Enzinger, "Numerical simulation on the effect of HAZ softening on static strength of HSLA steel welds," in Mathematic modelling of weld phenomena 10, 2013, no. January, pp. 669–690.
- [14] S. Neubert, A. Pittner, and M. Rethmeier, "Influence of nonuniform martensitic transformation on residual stresses and distortion of GMA-welding," J. Constr. Steel Res., vol. 128, pp. 193–200, 2017.
- [15] T. Kik and J. Górka, "Numerical Simulations of Laser and Hybrid S700MC T-Joint Welding," Materials (Basel)., vol. 12, no. 3, p. 516, 2019.
- [16] J. Goldak, M. Asadi, and R. G. Alena, "Why power per unit length of weld does not characterize a weld?," Comput. Mater. Sci., vol. 48, no. 2, pp. 390–401, 2010.
- [17] G. Stix and B. Buchmayr, "Investigation of residual stresses and distortions produced in tubular," IIW International Conference High-Strength Materials - Challenges and Applications, Helsinki, Finland, pp. 1–5, 2015.
- [18] A. Sajek and J. Nowacki, "Comparative evaluation of various experimental and numerical simulation methods for determination of t 8/5 cooling times in HPAW process weldments," Arch. Civ. Mech. Eng., vol. 18, no. 2, pp. 583–591, 2018.

Badania Nieniszczące i Diagnostyka Nondestructive Testing and Diagnostics